

一、选择题

1.B 2.A 3.C 4.A 5.C

二、填空题

6.90°或 50°

7.答案不唯一,如 AB=AD

8.3 9.3 或 -7 10.6 或 $2\sqrt{30}$

三、解答题

11.解:(1) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$.

(2) ∵ ∠BAD=45°, BA=BM,

∴ △AMB 是等腰直角三角形.

∴ ∠MBC=∠AMB=45°.

∴ EF//BM,

∴ ∠FEM=∠AMB=45°.

∴ ∠AEB=∠FEB= $\frac{1}{2}(180°+45°)=$

112.5°.

∴ ∠ABE=180°-∠AEB-∠BAE=22.5°.

∵ $\frac{AD}{AN}=m$, △AMB 是等腰直角三角

形, AN 为 BC 边上的高,

∴ AN= $\frac{1}{2}$ AM.

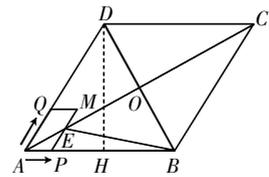
∴ 点 M 在 AD 边上,

∴ 当 AD=AM 时, m 取得最小值,最

小值为 $\frac{AM}{AN}=2$.

(3) 如图①, 当点 F 落在 AD 上方时,

连接 FM, 延长 FE 交 NC 于点 G.



(第 11 题图②)

$$\text{则 } S_{\triangle ABP} = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot DH = \frac{1}{2} \cdot AO \cdot DB,$$

$$\text{即 } 10 \cdot DH = \sqrt{10^2 - (2\sqrt{5})^2} \times 4\sqrt{5}.$$

解得 DH=8.

$$\therefore \sin \angle DAH = \frac{DH}{AD} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}.$$

设 △PEB 中 PB 边上的高为 h.

$$\text{则 } S = \frac{1}{2} \cdot PB \cdot h = \frac{1}{2} \cdot (10-t) \cdot PE \cdot$$

$$\sin \angle DAH = \frac{1}{2} \times (10-t) \times \frac{4}{5} t = -\frac{2}{5} t^2 + 4t$$

(0 < t ≤ 5).

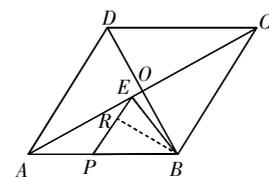
∴ $-\frac{2}{5} < 0$, ∴ 当 t=5 时, S 有最大

值, 且最大值为 10.

故当 t=5 时, S 的最大值为 10.

(3) 存在.

如图③, 过点 B 作 BR ⊥ PE 于点 R.



(第 11 题图③)

当点 B 在 ∠PEC 的平分线上时,

则 BR=BO=2√5.

在 Rt △PBR 中, sin ∠EPB =

$$\sin \angle DAB = \frac{4}{5} = \frac{BR}{PB} = \frac{2\sqrt{5}}{10-t}.$$

$$\text{解得 } t = 10 - \frac{5\sqrt{5}}{2}.$$

第 37 期

1 版

专项训练(十五)

一、选择题

1.C 2.C 3.A 4.C 5.D

二、填空题

6.3 7.9√3 8.√29 - 2

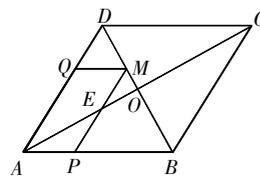
9.2√2 10.√5 或 √13

三、解答题

11.解:(1) 由题意, 得 DQ=10-2t,

PM=AQ=2t, PB=10-t, QM=AP=t.

当点 M 在 BD 上时, 如图①.



(第 11 题图①)

∴ QM//AB, PM//AD,

∴ ∠DQM=∠DAB=∠MPB, ∠DMQ=

∠MBP.

∴ △DQM ∽ △MPB.

$$\therefore \frac{DQ}{PM} = \frac{QM}{PB}, \text{ 即 } \frac{10-2t}{2t} = \frac{t}{10-t}.$$

解得 t= $\frac{10}{3}$.

(2) ∵ AD//PM,

∴ ∠AEP=∠EAQ.

∴ 四边形 ABCD 是菱形,

∴ ∠EAQ=∠EAP.

∴ ∠AEP=∠EAP.

∴ △APE 为等腰三角形, PE=AP=t.

如图②, 过点 D 作 DH ⊥ AB 于点 H.

∴ 点 M 的坐标为(4, -3).

② 当 ∠ADM=90° 时, 设直线 DM 的

表达式为 y=-x+d.

将 D(3, 2) 代入, 得 -3+d=2.

解得 d=5.

∴ 直线 DM 的表达式为 y=-x+5.

$$\text{解方程组 } \begin{cases} y=-x+5, \\ y=x^2-6x+5, \end{cases}$$

$$\text{得 } \begin{cases} x=0, \\ y=5, \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} x=5, \\ y=0. \end{cases}$$

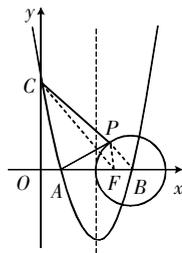
∴ 点 M 的坐标为(0, 5) 或 (5, 0).

综上所述, 点 M 的坐标为(4, -3) 或

(0, 5) 或 (5, 0).

(3) 如图, 在 AB 上取点 F, 使 BF=1,

连接 CF, PF, PB.



(第 12 题图)

∴ PB=2,

$$\therefore \frac{BF}{PB} = \frac{1}{2}.$$

$$\therefore \frac{PB}{AB} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2},$$

$$\therefore \frac{BF}{PB} = \frac{PB}{AB}.$$

又 ∵ ∠PBF=∠ABP,

∴ △PBF ∽ △ABP.

$$\therefore \frac{PF}{PA} = \frac{BF}{PB} = \frac{1}{2}, \text{ 即 } PF = \frac{1}{2} PA.$$

$$\therefore PC + \frac{1}{2} PA = PC + PF \geq CF.$$

∴ 当 C, P, F 三点共线时, $PC + \frac{1}{2} PA$

的值最小, 即为线段 CF 的长.

∴ OC=5, OF=OB-BF=5-1=4,

$$\therefore CF = \sqrt{OC^2 + OF^2} = \sqrt{5^2 + 4^2} = \sqrt{41}.$$

∴ $PC + \frac{1}{2} PA$ 的最小值为 $\sqrt{41}$.

∴ 过点 B(4, 2) 作 BD 平行于 x 轴,

交 OA 于点 D,

∴ 点 D 的坐标为(1, 2).

∴ BD=4-1=3.

在 y=-x+6 中, 令 y=0, 得 x=6, 即点

C 的坐标为(6, 0).

∴ OC=6.

∴ 梯形 OCBD 的面积为 $\frac{1}{2}(3+6) \times$

2=9.

12.解:(1) ∵ 抛物线的对称轴为直线

x=3, AB=4,

∴ A(1, 0), B(5, 0).

将 A(1, 0) 代入 y=kx-1, 得 k-1=0.

解得 k=1.

∴ 直线 AD 的表达式为 y=x-1.

将 A(1, 0), B(5, 0) 代入 y=ax^2+bx+

5, 得

$$\begin{cases} a+b+5=0, \\ 25a+5b+5=0. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} a=1, \\ b=-6. \end{cases}$$

∴ 抛物线的表达式为 y=x^2-6x+5.

(2) 在抛物线上存在点 M, 使得

△ADM 是以 AD 为直角边的直角三

角形.

∵ 直线 AD 的表达式为 y=x-1, 抛物

线的对称轴 x=3 与 x 轴交于点 E, 且

当 x=3 时, y=x-1=2,

∴ 点 D 的坐标为(3, 2).

① 当 ∠DAM=90° 时,

设直线 AM 的表达式为 y=-x+c, 将

A(1, 0) 代入, 得 -1+c=0.

解得 c=1.

∴ 直线 AM 的表达式为 y=-x+1.

$$\text{解方程组 } \begin{cases} y=-x+1, \\ y=x^2-6x+5, \end{cases}$$

$$\text{得 } \begin{cases} x=1, \\ y=0, \end{cases} \text{ (舍去) 或 } \begin{cases} x=4, \\ y=-3. \end{cases}$$

当点 Q 在线段 DF 上时,

∴ FQ=1cm,

∴ MQ=CQ=5cm, DQ=3cm.

∴ PQ^2=PD^2+DQ^2,

∴ (AP+5)^2=(8-AP)^2+3^2.

解得 AP= $\frac{24}{13}$.

综上所述, AP 的长为 $\frac{40}{11}$ cm 或

$\frac{24}{13}$ cm.

第 40 期

4 版

专项训练(十九)

一、选择题

1.D 2.C 3.B 4.D 5.D

二、填空题

6. $-\frac{1}{2} < a < 2$ 7. $-\frac{\sqrt{2}}{3}$

8.3 9.121 10. $3\sqrt{2} - \sqrt{3}$

三、解答题

11.解:(1) ∵ 反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图

象经过点 B(4, 2),

∴ k=4×2=8.

∴ 反比例函数的表达式为 $y = \frac{8}{x}$.

把 A(a, 4) 代入 $y = \frac{8}{x}$, 得 a=2.

∴ 点 A 的坐标为(2, 4).

把点 A 和点 B 的坐标代入 y=mx+

$$n, \text{ 得 } \begin{cases} 4m+n=2, \\ 2m+n=4. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} m=-1, \\ n=6. \end{cases}$$

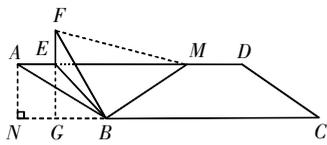
∴ 一次函数的表达式为 y=-x+6.

(2) 观察函数图象可得, 当 x>0 时,

不等式 -x+6 ≥ $\frac{8}{x}$ 的解集为 2 ≤ x ≤ 4.

(3) ∵ 点 A 的坐标为(2, 4),

∴ 直线 OA 的表达式为 y=2x.



(第 11 题图①)

$\therefore \angle BAD=30^\circ, \therefore \angle ABN=30^\circ$.

设 $AN=a$, 则 $AB=2a, NB=\sqrt{3}a$.

$\therefore EF \perp AD$,

$\therefore \angle AEB = \angle FEB = \frac{1}{2}(180^\circ + 90^\circ) =$

135° .

$\therefore \angle EAB=30^\circ$,

$\therefore \angle ABE=15^\circ$.

$\therefore \angle ABF=30^\circ$.

$\therefore AB=BM, \angle BAD=30^\circ$,

$\therefore \angle ABM=120^\circ$.

$\therefore \angle FBM=90^\circ$.

在 $Rt\triangle FBM$ 中, $FB=AB=BM$,

$\therefore FM = \sqrt{2}FB = 2\sqrt{2}a$.

$\therefore \angle EBG = \angle ABE + \angle ABN = 45^\circ$,

$\therefore GB=EG=a$.

$\therefore NB = \sqrt{3}a$,

$\therefore MD = EF = AE = NG = (\sqrt{3}-1)a$.

在 $Rt\triangle EFM$ 中, $EM = \sqrt{FM^2 - EF^2} =$

$(\sqrt{3}+1)a$,

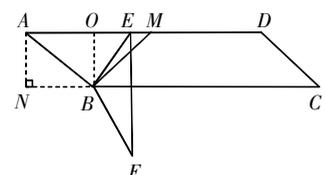
$\therefore AD = AE + EM + MD = 2AE + EM =$

$(3\sqrt{3}-1)a$.

$\therefore m = \frac{AD}{AN} = 3\sqrt{3}-1$.

同理, 当点 F 落在 BC 下方时, 如图

②.



(第 11 题图②)

可求得 $AD = (3\sqrt{3}+1)a$.

$\therefore m = \frac{AD}{AN} = 3\sqrt{3}+1$.

综上所述, m 的值为 $3\sqrt{3}-1$ 或

$3\sqrt{3}+1$.

12. 解: (1) \therefore 抛物线与 x 轴交于

$A(1,0)$ 和 $B(-5,0)$ 两点,

\therefore 抛物线的对称轴为直线 $x = \frac{1-5}{2} =$

-2 .

\therefore 直线 $y = -3x+3$ 过抛物线的顶点

P , 且在 $y = -3x+3$ 中, 令 $x = -2$, 得 $y = 9$.

\therefore 抛物线的顶点为 $P(-2,9)$.

设抛物线的函数表达式为 $y = a(x +$

$2)^2 + 9$.

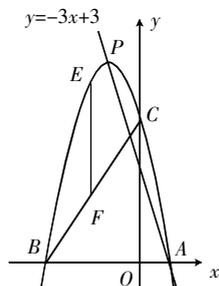
将 $A(1,0)$ 代入, 得 $0 = 9a + 9$.

解得 $a = -1$.

\therefore 抛物线的函数表达式为 $y = -(x+2)^2 +$

$9 = -x^2 - 4x + 5$.

(2) ① 如图.



(第 12 题图)

在 $y = -x^2 - 4x + 5$ 中, 令 $x = 0$, 得 $y = 5$.

$\therefore C(0,5)$.

由 $B(-5,0), C(0,5)$, 得直线 BC 的表达式为 $y = x+5$.

$\therefore E(m, -m^2 - 4m + 5), F(m, m+5)$.

$\therefore EF = -m^2 - 4m + 5 - (m+5) = -m^2 - 5m =$

$-(m + \frac{5}{2})^2 + \frac{25}{4}$.

$\therefore -1 < 0$,

\therefore 当 $m = -\frac{5}{2}$ 时, EF 取得最大值 $\frac{25}{4}$.

\therefore 当 EF 取得最大值时, m 的值为

$-\frac{5}{2}$, EF 的最大值为 $\frac{25}{4}$.

② $\therefore E(m, -m^2 - 4m + 5), F(m, m+5)$,

$C(0,5)$,

$\therefore EF^2 = (m^2 + 5m)^2, EC^2 = m^2 + (m^2 + 4m)^2,$

$FC^2 = 2m^2$.

若 $EF = EC$, 则 $(m^2 + 5m)^2 = m^2 + (m^2 + 4m)^2$.

解得 $m = 0$ (点 E 与点 C 重合, 舍去)

或 $m = -4$.

$\therefore E(-4, 5)$.

若 $EF = FC$, 则 $(m^2 + 5m)^2 = 2m^2$.

解得 $m = 0$ (舍去) 或 $m = \sqrt{2} - 5$ 或

$m = -\sqrt{2} - 5$ (不符合题意, 舍去).

$\therefore E(\sqrt{2} - 5, -2 + 6\sqrt{2})$.

若 $EC = FC$, 则 $m^2 + (m^2 + 4m)^2 = 2m^2$.

解得 $m = 0$ (舍去) 或 $m = -3$ 或 $m = -5$

(不符合题意, 舍去).

$\therefore E(-3, 8)$.

综上所述, 点 E 的坐标为 $(-4, 5)$ 或

$(\sqrt{2} - 5, -2 + 6\sqrt{2})$ 或 $(-3, 8)$.

第 38 期

4 版

专项训练(十七)

一、选择题

1.C 2.C 3.B 4.B

二、填空题

5. $\sqrt{13}$ 6. $-\frac{1}{2}$ 7.8

8.45

三、解答题

9. 解: (1) 由图①可知, 函数 $R_1 = km + b$

的图象经过点 $(0, 240), (120, 0)$,

$\therefore \begin{cases} b=240, \\ 120k+b=0. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k=-2, \\ b=240. \end{cases}$

$\therefore R_1$ 关于 m 的函数表达式是 $R_1 =$

$-2m + 240$.

(2) 130.

(3) $\therefore R_1 = -2m + 240$,

$\therefore R_1$ 随 m 的增大而减小.

$\therefore \frac{U_0}{R_0} \cdot R_1 = 8 - U_0$,

\therefore 当 U_0 取得最大值时, R_1 取得最小值.

\therefore 电压表量程为 $0 \sim 6V$,

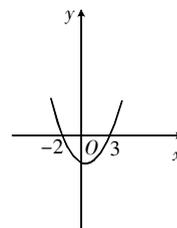
\therefore 当 $U_0 = 6$ 时, R_1 取得最小值 10.

\therefore 当 R_1 取得最小值 10 时, m 取得最大值 115, 即该电子体重秤可称的最大质量是 115kg.

10. 解: (1) 解方程 $x^2 - x - 6 = 0$, 得 $x_1 = -2, x_2 = 3$.

\therefore 函数 $y = x^2 - x - 6$ 的图象与 x 轴的两个交点的横坐标为 $-2, 3$.

画出二次函数 $y = x^2 - x - 6$ 的大致图象如图①所示.



(第 10 题图①)

由图象可知: 当 $-2 < x < 3$ 时, 函数图象位于 x 轴下方, 此时 $y < 0$, 即 $x^2 - x - 6 < 0$.

所以不等式 $x^2 - x - 6 < 0$ 的解集为 $-2 < x < 3$.

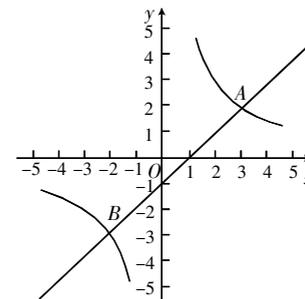
故填: $-2 < x < 3$.

(2) D

(3) 当 $x = 0$ 时, 不等式一定成立;

当 $x > 0$ 时, 不等式变为 $x - 1 < \frac{6}{x}$; 当 $x < 0$ 时, 不等式变为 $x - 1 > \frac{6}{x}$.

画出函数 $y = x - 1$ 和函数 $y = \frac{6}{x}$ 的大致图象如图②所示.



(第 10 题图②)

当 $x > 0$ 时, 不等式 $x - 1 < \frac{6}{x}$ 的解集

为 $0 < x < 3$; 当 $x < 0$ 时, 不等式 $x - 1 > \frac{6}{x}$

的解集为 $-2 < x < 0$.

\therefore 当 $x = 0$ 时, 不等式 $x^2 - x - 6 < 0$ 一定成立,

\therefore 不等式 $x^2 - x - 6 < 0$ 的解集为 $-2 < x < 3$.

第 39 期

4 版

专项训练(十八)

一、选择题

1.B 2.B 3.A 4.A 5.B

二、填空题

6.1 7.(10,3)

8. $\sqrt{2} + \sqrt{6}$

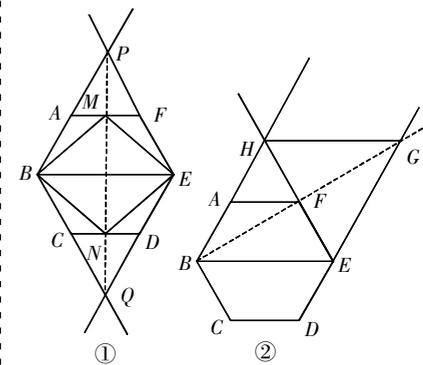
9. $\sqrt{13}$

10. $\frac{5}{3}$ 或 $\frac{15}{4}$

三、解答题

11. 解: (1) 如图①, 菱形 $BMEN$, 菱形 $BPEQ$ 即为所求.

(2) 如图②, 菱形 $BEGH$ 即为所求.



(第 11 题图)

12. 解: (1) 答案不唯一, 如 $\angle EMB$

或 $\angle CBM$ 或 $\angle ABP$ 或 $\angle PBM$.

(2) ① 15, 15.

② $\angle MBQ = \angle CBQ$. 理由如下:

\therefore 四边形 $ABCD$ 是正方形,

$\therefore AB = BC, \angle BAD = \angle C = 90^\circ$.

由折叠可得: $AB = BM, \angle BAD =$

$\angle BMP = 90^\circ$.

$\therefore BM = BC, \angle BMQ = \angle C = 90^\circ$.

又 $\therefore BQ = BQ$,

$\therefore Rt\triangle BMQ \cong Rt\triangle BCQ$ (HL).

$\therefore \angle MBQ = \angle CBQ$.

(3) 由折叠的性质可得 $DF = CF = 4\text{cm}, AP = PM$.

$\therefore Rt\triangle BCQ \cong Rt\triangle BMQ$,

$\therefore CQ = MQ$.

当点 Q 在线段 CF 上时,

$\therefore FQ = 1\text{cm}$,

$\therefore MQ = CQ = 3\text{cm}, DQ = 5\text{cm}$.

$\therefore PQ^2 = PD^2 + DQ^2$,

$\therefore (AP + 3)^2 = (8 - AP)^2 + 5^2$.

解得 $AP = \frac{40}{11}$.