

当点 Q 在线段 DF 上时,
 $\therefore FQ=1\text{cm}$,
 $\therefore MQ=CQ=5\text{cm}, DQ=3\text{cm}$.
 $\therefore PQ^2=PD^2+DQ^2$,
 $\therefore (AP+5)^2=(8-AP)^2+3^2$.
 解得 $AP=\frac{24}{13}$.

综上可知, AP 的长为 $\frac{40}{11}\text{cm}$ 或 $\frac{24}{13}\text{cm}$.

第 40 期
 4 版
 专项训练(十九)

一、选择题
 1.D 2.C 3.B 4.D 5.D

二、填空题
 6. $-\frac{1}{2} < a < 2$ 7. $-\frac{\sqrt{2}}{3}$

8.3 9.121 10. $3\sqrt{2}-\sqrt{3}$
 三、解答题

11.解:(1) \therefore 反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ 的图象经过点 $B(4,2)$,
 $\therefore k=4\times 2=8$.

\therefore 反比例函数的表达式为 $y=\frac{8}{x}$.

把 $A(a,4)$ 代入 $y=\frac{8}{x}$, 得 $a=2$.
 \therefore 点 A 的坐标为 $(2,4)$.

把点 A 和点 B 的坐标代入 $y=mx+n$, 得 $\begin{cases} 4m+n=2, \\ 2m+n=4. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} m=-1, \\ n=6. \end{cases}$

\therefore 一次函数的表达式为 $y=-x+6$.

(2)观察函数图象可得, 当 $x>0$ 时,

不等式 $-x+6\geq\frac{8}{x}$ 的解集为 $2\leq x\leq 4$.

(3) \therefore 点 A 的坐标为 $(2,4)$,
 \therefore 直线 OA 的表达式为 $y=2x$.

\therefore 过点 $B(4,2)$ 作 BD 平行于 x 轴, 交 OA 于点 D ,
 \therefore 点 D 的坐标为 $(1,2)$.
 $\therefore BD=4-1=3$.
 在 $y=-x+6$ 中, 令 $y=0$, 得 $x=6$, 即点 C 的坐标为 $(6,0)$.

$\therefore OC=6$.
 \therefore 梯形 $OCBD$ 的面积为 $\frac{1}{2}(3+6)\times 2=9$.

12.解:(1) \therefore 抛物线的对称轴为直线 $x=3, AB=4$,
 $\therefore A(1,0), B(5,0)$.

将 $A(1,0)$ 代入 $y=kx-1$, 得 $k-1=0$.
 解得 $k=1$.

\therefore 直线 AD 的表达式为 $y=x-1$.
 将 $A(1,0), B(5,0)$ 代入 $y=ax^2+bx+5$, 得

$\begin{cases} a+b+5=0, \\ 25a+5b+5=0. \end{cases}$
 解得 $\begin{cases} a=1, \\ b=-6. \end{cases}$

\therefore 抛物线的表达式为 $y=x^2-6x+5$.
 (2)在抛物线上存在点 M , 使得 $\triangle ADM$ 是以 AD 为直角边的直角三角形.

\therefore 直线 AD 的表达式为 $y=x-1$, 抛物线的对称轴 $x=3$ 与 x 轴交于点 E , 且当 $x=3$ 时, $y=x-1=2$,

\therefore 点 D 的坐标为 $(3,2)$.

①当 $\angle DAM=90^\circ$ 时,
 设直线 AM 的表达式为 $y=-x+c$, 将 $A(1,0)$ 代入, 得 $-1+c=0$.

解得 $c=1$.
 \therefore 直线 AM 的表达式为 $y=-x+1$.

解方程组 $\begin{cases} y=-x+1, \\ y=x^2-6x+5, \end{cases}$
 得 $\begin{cases} x=1, \\ y=0, \end{cases}$ (舍去) 或 $\begin{cases} x=4, \\ y=-3. \end{cases}$

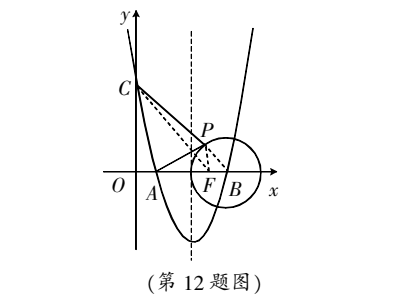
\therefore 点 M 的坐标为 $(4,-3)$.
 ②当 $\angle ADM=90^\circ$ 时, 设直线 DM 的表达式为 $y=-x+d$.

将 $D(3,2)$ 代入, 得 $-3+d=2$.
 解得 $d=5$.
 \therefore 直线 DM 的表达式为 $y=-x+5$.

解方程组 $\begin{cases} y=-x+5, \\ y=x^2-6x+5, \end{cases}$
 得 $\begin{cases} x=0, \\ y=5, \end{cases}$ 或 $\begin{cases} x=5, \\ y=0. \end{cases}$

\therefore 点 M 的坐标为 $(0,5)$ 或 $(5,0)$.
 综上可知, 点 M 的坐标为 $(4,-3)$ 或 $(0,5)$ 或 $(5,0)$.

(3)如图, 在 AB 上取点 F , 使 $BF=1$, 连接 CF, PF, PB .



$\therefore PB=2$,
 $\therefore \frac{BF}{PB}=\frac{1}{2}$.
 $\therefore \frac{PB}{AB}=\frac{2}{4}=\frac{1}{2}$,

$\therefore \frac{BF}{PB}=\frac{PB}{AB}$.
 又 $\therefore \angle PBF=\angle ABP$,
 $\therefore \triangle PBF\sim\triangle ABP$.

$\therefore \frac{PF}{PA}=\frac{BF}{PB}=\frac{1}{2}$, 即 $PF=\frac{1}{2}PA$.
 $\therefore PC+\frac{1}{2}PA=PC+PF\geq CF$.

\therefore 当 C, P, F 三点共线时, $PC+\frac{1}{2}PA$ 的值最小, 即为线段 CF 的长.

$\therefore OC=5, OF=OB-BF=5-1=4$,
 $\therefore CF=\sqrt{OC^2+OF^2}=\sqrt{5^2+4^2}=\sqrt{41}$.
 $\therefore PC+\frac{1}{2}PA$ 的最小值为 $\sqrt{41}$.

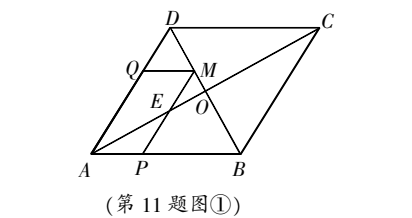
第 37 期
 1 版
 专项训练(十五)

一、选择题
 1.C 2.C 3.A 4.C 5.D

二、填空题
 6.3 7. $9\sqrt{3}$ 8. $\sqrt{29}-2$
 9. $2\sqrt{2}$ 10. $\sqrt{5}$ 或 $\sqrt{13}$

三、解答题

11.解:(1)由题意, 得 $DQ=10-2t$,
 $PM=AQ=2t, PB=10-t, QM=AP=t$.
 当点 M 在 BD 上时, 如图①.



$\therefore QM\parallel AB, PM\parallel AD$,
 $\therefore \angle DQM=\angle DAB=\angle MPB, \angle DMQ=\angle MBP$.

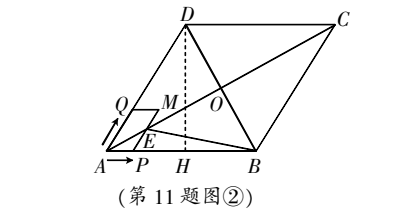
$\therefore \triangle DQM\sim\triangle MPB$.
 $\therefore \frac{DQ}{PM}=\frac{QM}{PB}$, 即 $\frac{10-2t}{2t}=\frac{t}{10-t}$.

解得 $t=\frac{10}{3}$.

(2) $\therefore AD\parallel PM$,
 $\therefore \angle AEP=\angle EAQ$.

\therefore 四边形 $ABCD$ 是菱形,
 $\therefore \angle EAQ=\angle EAP$.

$\therefore \angle AEP=\angle EAP$.
 $\therefore \triangle APE$ 为等腰三角形, $PE=AP=t$.
 如图②, 过点 D 作 $DH\perp AB$ 于点 H .



则 $S_{\triangle ABD}=\frac{1}{2}\cdot AB\cdot DH=\frac{1}{2}\cdot AO\cdot DB$,

即 $10\cdot DH=\sqrt{10^2-(2\sqrt{5})^2}\times 4\sqrt{5}$.
 解得 $DH=8$.

$\therefore \sin\angle DAH=\frac{DH}{AD}=\frac{8}{10}=\frac{4}{5}$.

设 $\triangle PEB$ 中 PB 边上的高为 h .
 则 $S=\frac{1}{2}\cdot PB\cdot h=\frac{1}{2}\cdot (10-t)\cdot PE$.

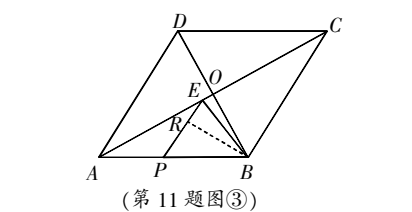
$\sin\angle DAH=\frac{1}{2}\times (10-t)\times \frac{4}{5}t=-\frac{2}{5}t^2+4t$
 ($0<t\leq 5$).

$\therefore -\frac{2}{5}<0$, \therefore 当 $t=5$ 时, S 有最大值, 且最大值为 10.

故当 $t=5$ 时, S 的最大值为 10.

(3)存在.

如图③, 过点 B 作 $BR\perp PE$ 于点 R .



当点 B 在 $\angle PEC$ 的平分线上时,
 则 $BR=BO=2\sqrt{5}$.

在 $\text{Rt}\triangle PBR$ 中, $\sin\angle EPB=\sin\angle DAB=\frac{4}{5}=\frac{BR}{PB}=\frac{2\sqrt{5}}{10-t}$.

解得 $t=10-\frac{5\sqrt{5}}{2}$.

4 版
 专项训练(十六)

一、选择题

1.B 2.A 3.C 4.A 5.C

二、填空题

6. 90° 或 50°

7. 答案不唯一, 如 $AB=AD$

8.3 9.3 或 -7 10.6 或 $2\sqrt{30}$

三、解答题

11.解:(1) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$.

(2) $\therefore \angle BAD=45^\circ, BA=BM$,
 $\therefore \triangle AMB$ 是等腰直角三角形.

$\therefore \angle MBC=\angle AMB=45^\circ$.

$\therefore EF\parallel BM$,

$\therefore \angle FEM=\angle AMB=45^\circ$.

$\therefore \angle AEB=\angle FEB=\frac{1}{2}(180^\circ+45^\circ)=$

112.5° .

$\therefore \angle ABE=180^\circ-\angle AEB-\angle BAE=22.5^\circ$.

$\therefore \frac{AD}{AN}=m$, $\triangle AMB$ 是等腰直角三角

形, AN 为 BC 边上的高,

$\therefore AN=\frac{1}{2}AM$.

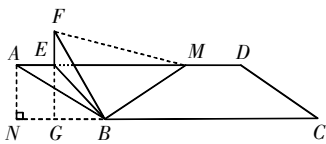
\therefore 点 M 在 AD 边上,

\therefore 当 $AD=AM$ 时, m 取得最小值, 最

小值为 $\frac{AM}{AN}=2$.

(3)如图①, 当点 F 落在 AD 上方时,

连接 FM , 延长 FE 交 NC 于点 G .



(第 11 题图①)

∵∠BAD=30°,∴∠ABN=30°.

设 AN=a,则 AB=2a,NB=√3 a.

∵EF⊥AD,

∴∠AEB=∠FEB=1/2(180°+90°)=

135°.

∴∠EAB=30°,

∴∠ABE=15°.

∴∠ABF=30°.

∵AB=BM,∠BAD=30°,

∴∠ABM=120°.

∴∠FBM=90°.

在 Rt△FBM 中,FB=AB=BM,

∴FM=√2 FB=2√2 a.

∵∠EBG=∠ABE+∠ABN=45°,

∴GB=EG=a.

∵NB=√3 a,

∴MD=EF=AE=NG=(√3-1)a.

在 Rt△EFM 中,EM=√(FM²-EF²)=

(√3+1)a,

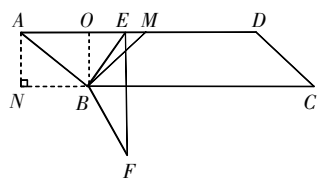
∴AD=AE+EM+MD=2AE+EM=

(3√3-1)a.

∴m=AD/AN=3√3-1.

同理,当点 F 落在 BC 下方时,如图

②.



(第 11 题图②)

可求得 AD=(3√3+1)a.

∴m=AD/AN=3√3+1.

综上所述,m 的值为 3√3-1 或

3√3+1.

12.解:(1)∵抛物线与 x 轴交于

A(1,0)和 B(-5,0)两点,

∴抛物线的对称轴为直线 x=1-5/2=

-2.

∵直线 y=-3x+3 过抛物线的顶点

P,且在 y=-3x+3 中,令 x=-2,得 y=9.

∴抛物线的顶点为 P(-2,9).

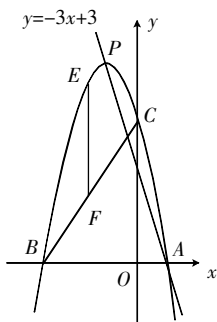
设抛物线的函数表达式为 y=a(x+2)²+9.

将 A(1,0)代入,得 0=9a+9.

解得 a=-1.

∴抛物线的函数表达式为 y=-(x+2)²+9=-x²-4x+5.

(2)①如图.



(第 12 题图)

在 y=-x²-4x+5 中,令 x=0,得 y=5.

∴C(0,5).

由 B(-5,0),C(0,5),得直线 BC 的表达式为 y=x+5.

∴E(m,-m²-4m+5),F(m,m+5).

∴EF=-m²-4m+5-(m+5)=-m²-5m=

-(m+5/2)²+25/4.

∴-1<0,

∴当 m=-5/2 时,EF 取得最大值 25/4.

∴当 EF 取得最大值时,m 的值为

-5/2,EF 的最大值为 25/4.

②∵E(m,-m²-4m+5),F(m,m+5),

C(0,5),

∴EF²=(m²+5m)²,EC²=m²+(m²+4m)²,

FC²=2m².

若 EF=EC,则(m²+5m)²=m²+(m²+4m)².

解得 m=0(点 E 与点 C 重合,舍去)

或 m=-4.

∴E(-4,5).

若 EF=FC,则(m²+5m)²=2m².

解得 m=0(舍去)或 m=√2-5 或

m=-√2-5(不符合题意,舍去).

∴E(√2-5,-2+6√2).

若 EC=FC,则 m²+(m²+4m)²=2m².

解得 m=0(舍去)或 m=-3 或 m=-5

(不符合题意,舍去).

∴E(-3,8).

综上所述,点 E 的坐标为(-4,5)或

(√2-5,-2+6√2)或(-3,8).

第 38 期

4 版

专项训练(十七)

一、选择题

1.C 2.C 3.B 4.B

二、填空题

5.√13 6.-1/2 7.8

8.45

三、解答题

9.解:(1)由图①可知,函数 R₁=km+b

的图象经过点(0,240),(120,0),

∴{b=240, 120k+b=0. 解得 {k=-2, b=240.

∴R₁关于 m 的函数表达式是 R₁=

-2m+240.

数学 江西

中考版答案页第 10 期

(2)130.

(3)∵R₁=-2m+240,

∴R₁随 m 的增大而减小.

∵U₀/R₀·R₁=8-U₀,

∴当 U₀ 取得最大值时,R₁ 取得最小值.

∵电压表量程为 0~6V,

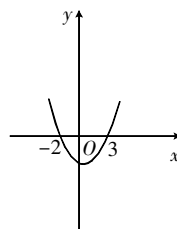
∴当 U₀=6 时,R₁ 取得最小值 10.

∴当 R₁ 取得最小值 10 时,m 取得最大值 115,即该电子体重秤可称的最大质量是 115kg.

10.解:(1)解方程 x²-x-6=0,得x₁=-2,x₂=3.

∴函数 y=x²-x-6 的图象与 x 轴的两个交点的横坐标为-2,3.

画出二次函数 y=x²-x-6 的大致图象如图①所示.



(第 10 题图①)

由图象可知:当-2<x<3 时,函数图象位于 x 轴下方,此时 y<0,即 x²-x-6<0.

所以不等式 x²-x-6<0 的解集为-2<x<3.

故填:-2<x<3.

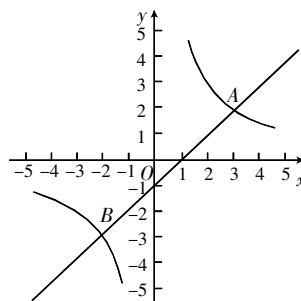
(2)D

(3)当 x=0 时,不等式一定成立;

当 x>0 时,不等式变为 x-1<6/x;当 x<0 时,不等式变为 x-1>6/x.

画出函数 y=x-1 和函数 y=6/x 的

大致图象如图②所示.



(第 10 题图②)

当 x>0 时,不等式 x-1<6/x 的解集

为 0<x<3;当 x<0 时,不等式 x-1>6/x

的解集为-2<x<0.

∴当 x=0 时,不等式 x²-x-6<0 一定成立,

∴不等式 x²-x-6<0 的解集为-2<x<3.

第 39 期

4 版

专项训练(十八)

一、选择题

1.B 2.B 3.A 4.A 5.B

二、填空题

6.1 7.(10,3)

8.√2+√6

9.√13

10.5/3 或 15/4

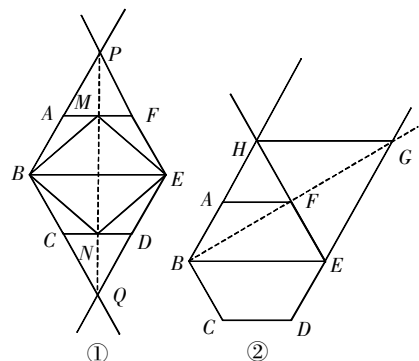
三、解答题

11.解:(1)如图①,菱形 BMEN,菱形 BPEQ 即为所求.

2023—2024 学年

学习周报®

(2)如图②,菱形 BEGH 即为所求.



(第 11 题图)

12.解:(1)答案不唯一,如∠EMB

或∠CBM 或∠ABP 或∠PBM.

(2)①15,15.

②∠MBQ=∠CBQ.理由如下:

∵四边形 ABCD 是正方形,

∴AB=BC,∠BAD=∠C=90°.

由折叠可得:AB=BM,∠BAD=∠BMP=90°.

∴BM=BC,∠BMQ=∠C=90°.

又∵BQ=BQ,

∴Rt△BMQ≌Rt△BCQ(HL).

∴∠MBQ=∠CBQ.

(3)由折叠的性质可得 DF=CF=4cm,AP=PM.

∴Rt△BCQ≌Rt△BMQ,

∴CQ=MQ.

当点 Q 在线段 CF 上时,

∴FQ=1cm,

∴MQ=CQ=3cm,DQ=5cm.

∴PQ²=PD²+DQ²,

∴(AP+3)²=(8-AP)²+5².

解得 AP=40/11.