

25.解:(1)同位角相等,两直线平行;
∠3;内错角相等,两直线平行.

(2)是真命题.
证明:∵GF⊥AB,CD⊥AB(已知),

∴∠BFG=∠BDC=90°(垂直的定义).
∴FG∥CD(同位角相等,两直线平行).

∴∠2=∠3(两直线平行,同位角相等).

∴DE∥BC(已知),
∴∠1=∠3(两直线平行,内错角相等).

∴∠1=∠2(等量代换).

(3)4.

第28期

2~3版

一、选择题

1~5.CDCAC 6~10.DCABC

二、填空题

11.垂线段最短

12.60°

13.12

14.64°

15.11

16.①②④

三、解答题(一)

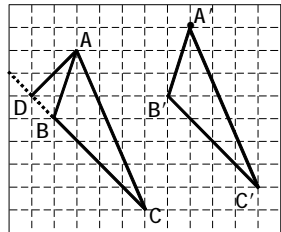
17.解:(1)当∠1=∠2=30°时,满足∠1=∠2,但∠1和∠2不是直角,故原命题是假命题.

(2)当a=2,b=-2时,满足a+b=0,但a≠0,b≠0,故原命题是假命题.

(3)当∠1=45°,∠2=30°时,∠1>∠2,但∠1不是钝角,故原命题是假命题.

注:答案不唯一,正确即可.

18.解:(1)如图,三角形A'B'C'为所作.



(第18题图)

(2)平行且相等.

(3)如图,AD为所作.

19.解:CAD CAD 等式的性质
CAD BAF 同位角相等,两直线平行

四、解答题(二)

20.解:(1)∵OF⊥CD,

∴∠DOF=90°.

∴∠AOC=72°.

∴∠BOD=∠AOC=72°.

∴OE平分∠BOD,

∴∠DOE=1/2∠BOD=36°.

∴∠EOF=∠DOF-∠DOE=90°-36°=

54°.

(2)设∠BOF=x°,则∠DOE=(x+24)°.

∴OE平分∠BOD,

∴∠BOD=2∠DOE=(2x+48)°.

∴∠BOD+∠BOF=∠DOF=90°.

∴2x+48+x=90.

解得x=14,即∠BOF=14°.

∴∠AOF=180°-∠BOF=166°.

21.解:(1)证明:∵AE⊥BC,FG⊥BC,

∴AE∥GF.

∴∠2=∠A.

∴∠1=∠2,

∴∠1=∠A.

∴AB∥CD.

(2)∵AB∥CD,

∴∠D+∠CBD+∠3=180°.

∴∠D=∠3+60°,∠CBD=70°.

∴∠3=25°.

∴AB∥CD,

∴∠C=∠3=25°.

22.解:(1)内错角相等,两直线平行.

(2)如图所示.

∴AE∥BC,

∴∠ABC=∠2,∠DBE=∠1=α.

由折叠,得∠ABC=∠ABE.

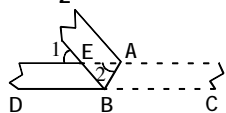
∴∠EBC=∠ABC+∠ABE=2∠2.

∴∠DBE+∠EBC=180°.

∴∠EBC=180°-∠DBE=180°-α.

即2∠2=180°-α.

∴∠2=90°-1/2α.



(第22题图)

五、解答题(三)

23.解:(1)AA'∥CC'.

(2)证明:根据平移的特征,可知

∠A'=∠BAC,∠A'C'∥AC,AA'∥CC'.

∴∠BAC=∠ACC'.

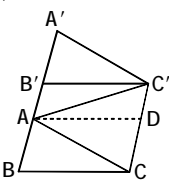
∴∠A'=∠ACC'.

∴∠ACC'+∠CAC'+∠AC'C=180°.

∴∠A'+∠CAC'+∠AC'C=180°.

(3)结论:∠CAC'=x+y.

证明:如图,过点A作AD∥BC,交CC'于点D.



(第23题图)

根据平移的特征,可知B'C'∥BC.

∴B'C'∥AD∥BC.

∴∠AC'B'=∠C'AD,∠ACB=∠CAD.

∴∠CAC'=∠C'AD+∠CAD=∠AC'B'+∠ACB=x+y.

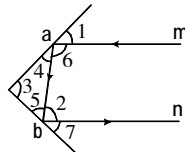
即∠CAC'=x+y.

24.解:阅读并回答

(1)两直线平行,同位角相等;等量代换.

(2)同位角相等,两直线平行.

解决问题
如图.



(第24题图)

∴∠1=42°.

∴∠4=∠1=42°.

∴∠6=180°-42°-42°=96°.

∴m∥n,

∴∠2+∠6=180°.

∴∠2=84°.

∴∠5=∠7=180°-∠2=48°.

∴∠3=180°-48°-42°=90°.

25.解:(1)∵PE∥AB,AB∥CD,

∴PE∥AB∥CD.

∴∠PAB+∠APE=180°,∠PCD+∠CPE=180°.

∴∠PAB=120°,∠PCD=130°.

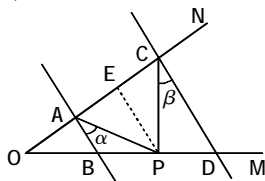
∴∠APE=60°,∠CPE=50°.

∴∠APC=∠APE+∠CPE=110°.

故填110°.

(2)∠APC=α+β.

理由:如图,过点P作PE∥AB交AC于点E.



(第25题图)

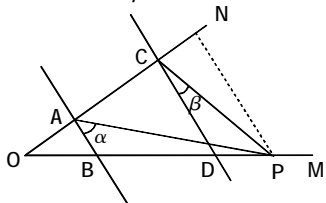
∴AB∥CD,

∴AB∥PE∥CD.

∴∠APE=α,∠CPE=β.

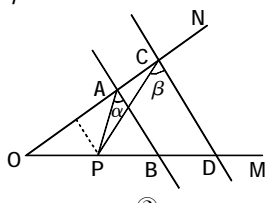
∴∠APC=∠APE+∠CPE=α+β.

(3)如图①,当点P在BD延长线上时,∠APC=α-β;



(第25题图)

如图②,当点P在DB延长线上时,∠APC=β-α.



(第25题图)

第25期

2版

5.1.1 相交线

1.D

2.D

3.∠3,155°,25°,155°

4.110°

5.解:因为∠AOC=70°.

所以∠BOD=∠AOC=70°.

因为∠BOE:∠DOE=2:3,

所以∠BOE=2/5×70°=28°.

所以∠AOE=180°-28°=152°.

5.1.2 垂线

第1课时

1.B

2.C

3.C

4.略

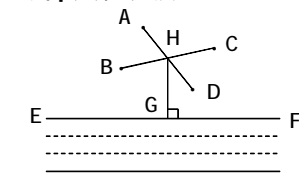
第2课时

1.D

2.C

3.2.05

4.解:(1)如图所示:



(第4题图)

因为两点之间线段最短,所以连接AD,BC交于点H,则H为蓄水池位置,它到四个村庄距离之和最小.

(2)过点H作HG⊥EF,垂足为G.根据“过直线外一点与直线上各点的连线中,垂线段最短”,可知HG即为最短水渠.

5.1.3 同位角、内错角、同旁内角

1.A

2.C

3.(1)∠ACD

(2)∠ACD,∠ACB

(3)∠ACD,∠ACB,∠EFD

4.解:图①中,∠1和∠2是直线AB,CD被直线BD所截形成的内错角,∠3和∠4是直线AD,BC被直线BD所截形成的内错角.

图②中,∠1和∠2是直线AB,CD被直线BC所截形成的同位角,∠3和∠4是直线AB,BC被直线AC所截形成的同旁内角.

3~4版

一、选择题

1~5.BBDAB 6~10.AAADB

二、填空题

11.AC

12.∠BOC;∠AOF和∠BOE

13.∠ECD,∠ECF

14.①③

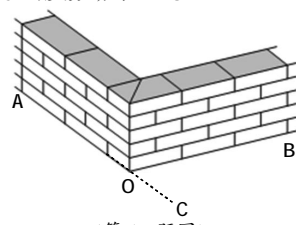
15.120°

16.125°或55°

三、解答题(一)

17.解:如图,延长AO至C,测量

∠BOC的度数,则∠AOB=180°-∠BOC.



(第17题图)

18.解:(1)DE,CB,AC,同位;

(2)EBC,BE;

(3)DEC,ECB;

(4)ABE,BEC.

19.解:因为OC⊥OD,

所以∠COD=90°.

因为∠BOD=20°.

所以∠BOC=70°.

因为OF平分∠BOC,

所以∠BOF=1/2∠BOC=35°.

所以∠AOE=∠BOF=35°.

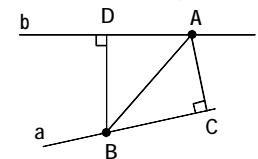
四、解答题(二)

20.解:如图所示:

(1)沿AB走最近,两点之间,线段最短;

(2)沿AC走最近,垂线段最短;

(3)沿BD走最近,垂线段最短.



(第20题图)

21.解:(1)2,6.

(2)因为∠1+∠2=180°,∠1=150°.

所以∠2=180°-150°=30°.

又因为∠2+∠3=70°.

所以∠3=70°-30°=40°.

所以∠4=180°-∠3=140°.

22.解:(1)因为OM⊥AB,

所以∠AOM=90°.

所以∠1+∠AOC=90°.

因为∠1=40°.

所以∠AOC=90°-40°=50°.

因为∠BOD=∠AOC,

所以∠BOD=50°.

(2)ON⊥CD.理由:

由(1)知,∠1+∠AOC=90°.

因为∠1=∠2.

所以∠2+∠AOC=90°,即∠CON=90°.

所以ON⊥CD.

五、解答题(三)

23.解:(1)因为∠AOE=90°.

所以∠EOB=180°-∠AOE=90°.

因为∠EOF=30°.

所以∠FOB=∠EOB-∠EOF=60°.

因为OF平分∠BOC,

所以∠BOC=2∠FOB=120°.

所以∠BOD=180°-∠BOC=60°.

(2)∠BOD=2∠EOF.

理由如下:

设∠EOF=x°.

因为∠AOE=90°.

所以∠EOB=180°-∠AOE=90°.

因为∠EOF=x°.

所以∠FOB=∠EOB-∠EOF=90°-x°.

因为OF平分∠BOC,

所以∠BOC=2∠FOB=180°-2x°.

所以∠BOD=180°-∠BOC=180°-

(180°-2x°)=2x°.

所以∠BOD=2∠EOF.

24.解:(1)因为OE⊥CD,

所以∠COE=90°.

因为∠AOC=36°.

所以∠BOE=180°-∠AOC-∠COE=

54°.

(2)因为∠BOD:∠BOC=1:5,∠BOD+∠BOC=180°.

所以∠BOD=180°×1/1+5=30°.

所以∠AOC=30°.

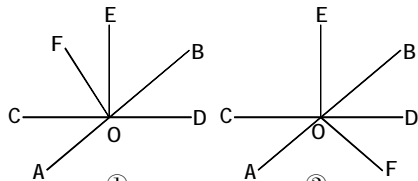
所以∠AOE=∠AOC+∠COE=30°+

90°=120°.

(3)如图①,∠EOF=30°;

如图②,∠EOF=150°.

所以∠EOF的度数是30°或150°.



(第24题图)

25.解:(1)因为OE⊥AB,

所以∠AOE=90°,即∠1+∠AOC=

90°.

因为∠1=∠2,

所以∠2+∠AOC=90°,即∠POC=

90°.

所以OP⊥CD.

(2)因为∠AOC+∠BOC=180°,且∠BOC=2∠AOC,

7 所以 $\angle AOD = \angle BOC = \angle FON = \angle EOM = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ = 2\angle EOF$.
 所以与 $2\angle EOF$ 度数相等的角是 $\angle AOD, \angle BOC, \angle FON, \angle EOM$.

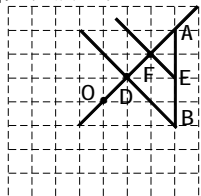
第 26 期

2 版

5.2.1 平行线

1.C 2.C

3.解: 如图所示.



(第 3 题图)

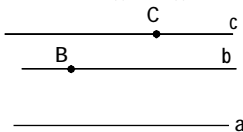
4.B

5.B

6.解: (1) 如图, 过直线 a 外的点 B 画直线 a 的平行线, 有且只有一条直线.

(2) 过点 C 画直线 a 的平行线, 它与过点 B 的平行线平行. 理由如下:

如图, 因为 $b \parallel a, c \parallel a$, 所以 $c \parallel b$.



(第 6 题图)

5.2.2 平行线的判定

1.B 2.D 3.B

4.内错角相等, 两直线平行

5. $\angle CAB, \angle CAB, CD$

6.解: $AB \parallel CD, AC \parallel BD$.

理由: $\because \angle 1 = 62^\circ, \angle 2 = 62^\circ$,

$\therefore \angle 1 = \angle 2$.

$\therefore AB \parallel CD$.

$\because \angle 1 = 62^\circ, \angle 3 = 118^\circ$,

$\therefore \angle 1 + \angle 3 = 180^\circ$.

$\therefore AC \parallel BD$.

5.3.1 平行线的性质

1.A 2.D 3.A

4.解: $\because AB \parallel CD$,

$\therefore \angle CFG = \angle AGE = 50^\circ$.

$\therefore \angle GFD = 180^\circ - \angle CFG = 130^\circ$.

又 FH 平分 $\angle EFD$,

$\therefore \angle HFD = \frac{1}{2} \angle EFD = 65^\circ$.

$\therefore AB \parallel CD$,

$\therefore \angle BHF + \angle HFD = 180^\circ$.

$\therefore \angle BHF = 180^\circ - \angle HFD = 115^\circ$.

3~4 版

一、选择题

1~5.DDAAC 6~10.DDDAC

二、填空题

11. $l \parallel b$ (或平行)

12. $\angle C = \angle D$ (答案不唯一)

13. 100°

14. 124°

15. 60°

16. 30° 或 45°

三、解答题 (一)

17. 图略.

18. 解: 添加 $\angle 4 = 50^\circ$ (添加条件不唯一), 可以说明直线 a 与 b 平行.

理由: $\because \angle 1 = 50^\circ, \angle 4 = 50^\circ$,

$\therefore \angle 1 = \angle 4$.

$\therefore a \parallel b$ (内错角相等, 两直线平行).

19. 解: $\because OH \perp AB$,

$\therefore \angle AOH = 90^\circ$.

$\because AB \parallel CD, \angle 2 = 50^\circ$,

$\therefore \angle AOF = \angle 2 = 50^\circ$.

$\therefore \angle 1 = 180^\circ - \angle AOH - \angle AOF = 40^\circ$.

四、解答题 (二)

20. 解: $c \parallel d$.

理由如下:

$\because \angle 2 + \angle 5 = \angle 3 + \angle 6 = 180^\circ, \angle 2 = \angle 3$,

$\therefore \angle 5 = \angle 6$.

$\therefore \angle 1 = \angle 4$,

$\therefore \angle 1 + \angle 5 = \angle 4 + \angle 6$ (等式的性质).

$\therefore c \parallel d$ (内错角相等, 两直线平行).

21. 解: $\angle M = \angle N$. 理由如下:

$\because \angle ABE + \angle CEB = 180^\circ$,

$\therefore AB \parallel CD$.

$\therefore \angle ABE = \angle DEB$, 即 $\angle 1 + \angle MBE =$

$\angle 2 + \angle NEB$.

又 $\angle 1 = \angle 2$,

$\therefore \angle MBE = \angle NEB$.

$\therefore BM \parallel EN$.

$\therefore \angle M = \angle N$.

22. 解: (1) 证明: 由题意, 得 $\angle DCE = \angle ACB = 90^\circ, \angle B = \angle BAC = 45^\circ, \angle D = 30^\circ$,

$\angle E = 60^\circ$.

$\because CF$ 是 $\angle DCE$ 的平分线,

$\therefore \angle FCE = \frac{1}{2} \angle DCE = \frac{1}{2} \times 90^\circ =$

45° .

$\therefore \angle FCE = \angle B$.

$\therefore CF \parallel AB$.

(2) 由 (1) 可知, $\angle E = 60^\circ, \angle FCE =$

45° ,

$\therefore \angle EFC = 180^\circ - \angle E - \angle FCE = 180^\circ -$

$60^\circ - 45^\circ = 75^\circ$.

$\therefore \angle DFC = 180^\circ - \angle EFC = 180^\circ - 75^\circ =$

105° .

五、解答题 (三)

23. 解: (1) $DE \parallel BC$. 理由如下:

$\because \angle 1 = \angle 3$,

$\therefore AB \parallel EF$.

$\therefore \angle 2 = \angle ADE$.

$\therefore \angle 2 = \angle B$,

$\therefore \angle ADE = \angle B$.

$\therefore DE \parallel BC$.

(2) 设 $\angle B = x$, 则 $\angle 1 = 3\angle B = 3x$.

由 (1) 知, $\angle ADE = \angle B = x$.

$\therefore DE$ 平分 $\angle ADC$,

$\therefore \angle ADC = 2\angle ADE = 2x$.

$\therefore \angle BDC + \angle ADC = 180^\circ$,

$\therefore 3x + 2x = 180^\circ$.

解得 $x = 36^\circ$.

$\therefore \angle ADC = 2x = 72^\circ$.

$\therefore AB \parallel EF$,

$\therefore \angle EFC = \angle ADC = 72^\circ$.

24. 解: (1) $OE \parallel DM$. 理由如下:

$\because \angle BNM = \angle AND, \angle AOE = \angle BNM$,

$\therefore \angle AOE = \angle AND$.

$\therefore OE \parallel DM$.

(2) $\because AB$ 与底座 CD 都平行于地

面 EF ,

$\therefore AB \parallel CD$.

$\therefore \angle BOD = \angle ODC = 30^\circ$.

$\therefore \angle AOF + \angle BOD = 180^\circ$,

$\therefore \angle AOF = 150^\circ$.

$\therefore OE$ 平分 $\angle AOF$,

$\therefore \angle EOF = \frac{1}{2} \angle AOF = 75^\circ$.

$\therefore \angle BOE = \angle BOD + \angle EOF = 105^\circ$.

$\therefore OE \parallel DM$,

$\therefore \angle ANM = \angle BOE = 105^\circ$.

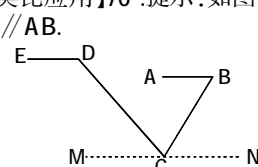
25. 解: 【探究感知】两直线平行, 内

错角相等; 平行于同一条直线的两条

直线平行; 两直线平行, 同旁内角互补.

【类比应用】70°. 提示: 如图, 过点 C

作 $MN \parallel AB$.



(第 25 题图)

$\therefore \angle BCN = \angle B$.

$\therefore \angle B = 60^\circ$,

$\therefore \angle BCN = 60^\circ$.

$\because AB \parallel DE, MN \parallel AB$,

$\therefore DE \parallel MN$.

$\therefore \angle D + \angle DCM = 180^\circ$.

$\therefore \angle D = 130^\circ$,

$\therefore \angle DCM = 180^\circ - \angle D = 180^\circ - 130^\circ =$

50° .

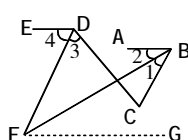
$\therefore \angle DCM + \angle BCD + \angle BCN = 180^\circ$,

$\therefore \angle BCD = 180^\circ - \angle DCM - \angle BCN =$

$180^\circ - 50^\circ - 60^\circ = 70^\circ$.

【拓展延伸】如图, 过点 F 作 $FG \parallel$

AB .



(第 25 题图)

$\because BF$ 平分 $\angle ABC, \angle ABC = 60^\circ$,

$\therefore \angle 1 = \angle 2 = 30^\circ$.

又 DF 平分 $\angle CDE, \angle CDE = 130^\circ$,

$\therefore \angle 3 = \angle 4 = 65^\circ$.

$\therefore FG \parallel AB$,

$\therefore \angle BFG = \angle 2 = 30^\circ$.

$\because AB \parallel DE, FG \parallel AB$,

$\therefore DE \parallel FG$.

$\therefore \angle DFG = \angle 4 = 65^\circ$.

$\therefore \angle BFD = \angle DFG - \angle BFG = 65^\circ - 30^\circ =$

35° .

第 27 期

2 版

5.3.2 命题、定理、证明

1.C

2. ①④

3. 解: (1) 如果两个角是同一个角

数学 广东

七年级 (人教) 答案页第 7 期

2023-2024 学年



的补角, 那么这两个角相等.

(2) 如果两个角是对顶角, 那么这两个角相等.

4. 解: (1) 等角的余角相等, 是真命题.

(2) 平行线的一组同旁内角的平分线互相垂直, 是真命题.

(3) 和为 180° 的两个角叫做邻补角, 是假命题.

反例: 如在不同书本上的两个和为 180° 的角.

5.A

6. 解: (1) 两直线平行, 同旁内角互补; $\angle DBE$; 两直线平行, 同位角相等.

(2) 选取①③作为题设, ②作为结论, 即“如果 $AB \parallel CD, \angle DBE + \angle C = 180^\circ$, 那么 $AC \parallel BD$ ”, 它是一个真命题.

证明: $\because AB \parallel CD$,

$\therefore \angle A + \angle C = 180^\circ$ (两直线平行, 同

旁内角互补).

$\because \angle DBE + \angle C = 180^\circ$,

$\therefore \angle A = \angle DBE$ (等量代换).

$\therefore AC \parallel BD$ (同位角相等, 两直线平

行).

注: 选取②③作为题设, ①作为结论, 也是真命题, 证明略.

5.4 平移

第 1 课时

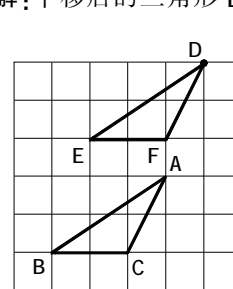
1~5.ADBBD

第 2 课时

1.C

2.B

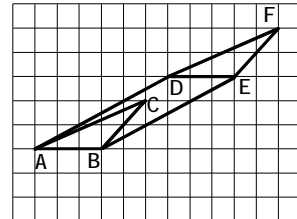
3. 解: 平移后的三角形 DEF 如图所示.



(第 3 题图)

4. 解: (1) 如图, 三角形 DEF 即为

所求.



(第 4 题图)

(2) $AD \parallel BE, AD = BE, 9$.

提示: 由平移的性质可知, $AD \parallel BE, AB \parallel DE$. 线段 AB 扫过的部分所组成的封闭图形的面积 $= 3 \times 3 = 9$.

3~4 版

一、选择题

1~5.CBDDB 6~10.DCBAA

二、填空题

11. 两条直线被第三条直线所截, 如果内错角相等, 那么这两条直线平行

12. ①②

13. -2 (答案不唯一, $c \leq 0$ 即可)

14. 5.3

15. 4

16. 15° 或 45°

三、解答题 (一)

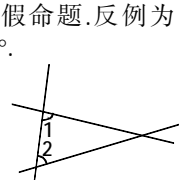
17. 解: (1) 假命题. 反例: 40° 与

60° 的和为 100° , 100° 的角是钝角.

(2) 真命题.

(3) 假命题. 反例: 如图, $\angle 1 +$

$\angle 2 < 180^\circ$.

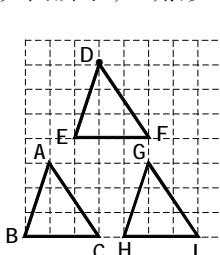


(第 17(3) 题图)

18. 解: (1) 如图所示, 三角形 DEF 即为所求.

(2) 如图所示, 三角形 GHI 即为

所求.



(第 18 题图)

19. 解: (1) 在同一平面内, 如果两条直线都垂直于同一条直线, 那么这两条直线互相平行.

(2) 已知: 如图, $a \perp l, b \perp l$.

求证: $a \parallel b$.

证明: $\because a \perp l$ (已知), $b \perp l$ (已知),

$\therefore \angle 1 = \angle 2 = 90^\circ$ (垂直的定义).

$\therefore a \parallel b$ (同位角相等, 两直线平行).

