

## 第 5 期

3~4 版

## 一、选择题

1~6.DCDABB

## 二、填空题

7.-1 8. $x_1=\frac{5}{2}, x_2=2$ 

9.-2

10. $3.6(1+x)^2=8.1$ 

11.-4

12.6 或 10 或 12

## 三、

13.(1) $x_1=\frac{5}{3}, x_2=-\frac{5}{3}$ ;(2) $x_1=3+\sqrt{107}, x_2=3-\sqrt{107}$ .14.解:设在 A 组中共有  $x$  个国家的女队参加了比赛.根据题意,得  $\frac{1}{2}x(x-1)=10$ .解得  $x_1=5, x_2=-4$ (不合题意,舍去).

答:在 A 组中共有 5 个国家的女队参加了比赛.

15.解:(1)不正确,三.

(2)移项,得  $5x(x-3)-(6-2x)=0$ .化简,得  $5x(x-3)+2(x-3)=0$ .因式分解,得  $(5x+2)(x-3)=0$ .于是得  $5x+2=0$  或  $x-3=0$ , $x_1=-\frac{2}{5}, x_2=3$ .16.解:(1) $\because \Delta=4m^2-4(m^2-1)=4>0$ , $\therefore$  方程有两个不相等的实数根.(2) $\because$  方程有一根为 1, $\therefore 1+2m+m^2-1=0$ . $\therefore m(m+2)=0$ .解这个方程,得  $m_1=0, m_2=-2$ . $\therefore m$  的值为 0 或 -2.17.解:(1)设该企业从 2020 年到 2022 年利润的年平均增长率为  $x$ .根据题意,得  $2(1+x)^2=2.88$ .解这个方程,得  $x_1=0.2=20\%, x_2=-2.2$ (不合题意,舍去).

所以,该企业从 2020 年到 2022 年利润的年平均增长率为 20%.

(2)能超过.理由如下:

如果 2023 年仍保持相同的年平均增长率,那么 2023 年该企业年利润为  $2.88(1+20\%)=3.456$ (亿元). $\therefore 3.456>3.4$ , $\therefore$  该企业 2023 年的利润能超过 3.4 亿元.

## 四、

18.解:(1)-12.

(2) $\because x \otimes x+2 \otimes x-2 \otimes 4=8, a \otimes b=2ab(ab \neq 0)$ , $\therefore 2x^2+2 \times 2x-2 \times 2 \times 4=8$ .整理,得  $x^2+2x-12=0$ .解得  $x_1=-1+\sqrt{13}, x_2=-1-\sqrt{13}$ .19.解:(1)证明:整理,得  $x^2-5x+5-p^2+p=0$ . $\because \Delta=(-5)^2-4(5-p^2+p)$  $=25-20+4p^2-4p$  $=4p^2-4p+5$  $=(2p-1)^2+4>0$ , $\therefore$  无论  $p$  取何值,此方程总有两个不相等的实数根.(2) $\because$  原方程的两根为  $x_1, x_2$ , $\therefore x_1+x_2=5, x_1x_2=5-p^2+p$ . $\therefore x_1^2+x_2^2-x_1x_2=4p^2$ , $\therefore (x_1+x_2)^2-3x_1x_2=4p^2$ , 即  $25-3(5-p^2+p)=4p^2$ .整理,得  $p^2+3p-10=0$ .解这个方程,得  $p_1=2, p_2=-5$ . $\therefore p$  的值为 2 或 -5.20.解:(1) $(x-2)^2+5>$ .(2) $S_1=(3a+2)(2a+3)=6a^2+13a+6$ , $S_2=5a(a+3)=5a^2+15a$ . $\therefore S_1-S_2=(6a^2+13a+6)-(5a^2+15a)$  $=6a^2+13a+6-5a^2-15a$  $=a^2-2a+6$  $=(a-1)^2+5$ ,且  $(a-1)^2 \geq 0$ , $\therefore (a-1)^2+5>0$ , 即  $S_1-S_2>0$ . $\therefore S_1>S_2$ .

## 五、

21.解:(1)设通道的宽是  $x$  米.根据题意,得  $(52-2x)(28-2x)=640$ .整理,得  $x^2-40x+204=0$ .解得  $x_1=6, x_2=34$ (不合题意,舍去).

答:通道的宽是 6 米.

(2)设每个车位的月租金上涨  $y$  元,则每个车位的月租金为  $(200+y)$  元,可租出  $\left(64-\frac{y}{10}\right)$  个车位.根据题意,得  $(200+y)\left(64-\frac{y}{10}\right)=14\ 400$ .整理,得  $y^2-440y+16\ 000=0$ .解得  $y_1=40, y_2=400$ .当  $y=40$  时,  $64-\frac{y}{10}=64-\frac{40}{10}=60$ ;当  $y=400$  时,  $64-\frac{y}{10}=64-\frac{400}{10}=24$ . $\therefore 60>24$ , $\therefore y=40$ .

答:每个车位的月租金上涨 40 元时,停车场的月租金收入为 14 400 元且使租出的车位较多.

22.解: $\because 5 \div 1=5$ (s),  $7 \div 2=\frac{7}{2}$ (s),  $5>$  $\frac{7}{2}$ , $\therefore 0 \leq t \leq \frac{7}{2}$ .当运动时间为  $t$ s 时,  $BP=(5-t)$ cm,  $BQ=2t$ cm.(1)根据题意,得  $\frac{1}{2}BP \cdot BQ=4$ ,即  $\frac{1}{2}(5-t) \times 2t=4$ .整理,得  $t^2-5t+4=0$ .解得  $t_1=1, t_2=4$ (不合题意,舍去).答: $t$  的值为 1.(2)根据题意,得  $(5-t)^2+(2t)^2=5^2$ .整理,得  $t^2-2t=0$ .解得  $t_1=0$ (不合题意,舍去),  $t_2=2$ .答: $t$  的值为 2.(3) $\triangle PBQ$  的面积不能等于  $8\text{cm}^2$ .

理由如下:

假设  $\triangle PBQ$  的面积等于  $8\text{cm}^2$ , 则 $\frac{1}{2}BP \cdot BQ=8$ , 即  $\frac{1}{2}(5-t) \times 2t=8$ .整理,得  $t^2-5t+8=0$ . $\because \Delta=(-5)^2-4 \times 1 \times 8=-7<0$ , $\therefore$  该方程没有实数根. $\therefore \triangle PBQ$  的面积不能等于  $8\text{cm}^2$ .

## 六、

23.解:(1) $x_1=\sqrt{2}, x_2=-\sqrt{2}, x_3=\sqrt{3}, x_4=-\sqrt{3}$ .(2) $\because a \neq b$ , $\therefore a^2 \neq b^2$  或  $a^2=b^2$ .①当  $a^2 \neq b^2$  时,令  $a^2=m, b^2=n$ . $\because m \neq n$ , 则  $2m^2-7m+1=0, 2n^2-7n+1=0$ . $\therefore m, n$  是方程  $2x^2-7x+1=0$  的两个不相等的实数根. $\therefore m+n=\frac{7}{2}, mn=\frac{1}{2}$ .此时  $a^4+b^4=m^2+n^2=(m+n)^2-2mn=$  $\frac{45}{4}$ .

## 第 4 课时

1.1.85 2.4 $\sqrt{5}-8$ 

\*4.5 相似三角形判定定理的证明

1.B 2. $\frac{15}{4}$ 3.证明: $\because \frac{AF}{EF}=\frac{DF}{BF}$ , 且  $\angle AFD=\angle EFB$ , $\therefore \triangle ADF \sim \triangle EBF$ .  $\therefore \angle 1=\angle E$ .又  $\because \angle 1=\angle 2$ , $\therefore \angle 2=\angle E$ . $\therefore \angle BFG=\angle EFB$ , $\therefore \triangle BEF \sim \triangle GBF$ . $\therefore \frac{EF}{BF}=\frac{BF}{GF}$ , 即  $BF^2=FG \cdot EF$ .

## 3 版

## 一、选择题

1~6.ACDAAC

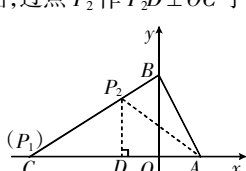
## 二、填空题

7. $\angle ACP=\angle B$ (答案不唯一)8. $\frac{40}{3}$  9. $\frac{2}{5}$  10. $\triangle DEB$ 11. $10-4\sqrt{5}$  12.10 或 6.4

## 三、解答题

13.证明: $\because AD=2, BD=6, \therefore AB=8$ . $\therefore \frac{AD}{AC}=\frac{2}{4}=\frac{1}{2}, \frac{AC}{AB}=\frac{4}{8}=\frac{1}{2}$ . $\therefore \frac{AD}{AC}=\frac{AC}{AB}$ .又  $\angle A=\angle A, \therefore \triangle ACD \sim \triangle ABC$ .14. $CF$  的长为 2.15.解:(1) $\triangle ABC \sim \triangle BDE$ .理由如下:根据勾股定理,得  $AC=\sqrt{10}, BC=\sqrt{5}, BD=2\sqrt{5}, BE=2\sqrt{2}$ . $\therefore AB=5, DE=2$ , $\therefore \frac{AB}{BD}=\frac{5}{2\sqrt{5}}=\frac{\sqrt{5}}{2}, \frac{AC}{BE}=\frac{\sqrt{10}}{2\sqrt{2}}=\frac{\sqrt{5}}{2}, \frac{BC}{DE}=\frac{\sqrt{5}}{2}$ . $\therefore \frac{AB}{BD}=\frac{AC}{BE}=\frac{BC}{DE}$ . $\therefore \triangle ABC \sim \triangle BDE$ .(2)如图,连接  $AD$ . $\therefore \triangle ABC \sim \triangle BDE$ .(2)如图,连接  $AD$ . $\therefore AD^2=1^2+2^2=5, CD^2=1^2+2^2=5, AC^2=1^2+3^2=10$ , $\therefore AD^2+CD^2=AC^2=10$ . $\therefore \triangle ACD$  是直角三角形,且  $AD=CD, \angle ADC=90^\circ$ . $\therefore \angle ACD=\angle CAD=45^\circ$ .16.解:(1) $\because D, E$  分别是  $AC, BC$  的中点, $\therefore DE \parallel AB, DE=\frac{1}{2}AB=5$ . $\therefore \angle DEC=\angle B$ . $\therefore \angle F=\angle B$ , $\therefore \angle DEC=\angle F$ . $\therefore DF=DE=5$ .(2)证明: $\because AC=BC$ , $\therefore \angle A=\angle B$ .由题意知,  $DE$  是  $\triangle ABC$  的中位线, $\therefore \angle CDE=\angle A, \angle CED=\angle B$ . $\therefore \angle CDE=\angle B$ . $\therefore \angle B=\angle F, \therefore \angle CDE=\angle F$ .又  $\angle CED=\angle DEF$ , $\therefore \triangle CDE \sim \triangle DFE$ .17.解:(1) $\because \sqrt{OB^2-3}+|OA-1|=0$ , $\therefore OB^2-3=0, OA-1=0$ .解得  $OB=\sqrt{3}, OA=1$ . $\therefore A(1, 0), B(0, \sqrt{3})$ .

(2)存在.理由如下:

在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,由勾股定理,得  $AB=2, BC=2\sqrt{3}$ . $\therefore AB^2+BC^2=16=AC^2$ , $\therefore \triangle ABC$  是直角三角形,且  $\angle ABC=90^\circ$ .当  $\triangle AOB \sim \triangle ABP$  时,  $\frac{AO}{AB}=\frac{BO}{BP}$ ,即  $\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{3}}{BP}$ .解得  $BP=2\sqrt{3}$ .此时点  $P$  与点  $C$  重合. $\therefore$  点  $P(-3, 0)$ .当  $\triangle AOB \sim \triangle PBA$  时,  $\frac{AO}{PB}=\frac{BO}{AB}$ ,即  $\frac{1}{PB}=\frac{\sqrt{3}}{2}$ .解得  $BP=\frac{2\sqrt{3}}{3}$ .如图,过点  $P_2$  作  $P_2D \perp OC$  于点  $D$ ,

(第 17 题图)

则  $\triangle CP_2D \sim \triangle CBO$ . $\therefore \frac{CP_2}{CB}=\frac{P_2D}{BO}=\frac{CD}{CO}$ ,即  $\frac{2\sqrt{3}-\frac{2\sqrt{3}}{3}}{2\sqrt{3}}=\frac{P_2D}{\sqrt{3}}=\frac{CD}{3}$ .解得  $CD=2, P_2D=\frac{2\sqrt{3}}{3}$ . $\therefore$  点  $P\left(-1, \frac{2\sqrt{3}}{3}\right)$ .综上,点  $P$  的坐标为  $(-3, 0)$  或  $\left(-1, \frac{2\sqrt{3}}{3}\right)$ . $\therefore EF \parallel DB$ , $\therefore \frac{AE}{BE}=\frac{AF}{DF}=\frac{4.5}{3}=\frac{3}{2}$ .17.解:(1)证明:如图②,过点  $C$  作  $CE \parallel DA$ ,交  $BA$  的延长线于点  $E$ . $\therefore CE \parallel AD$ , $\therefore \frac{BD}{CD}=\frac{BA}{EA}, \angle 2=\angle ACE, \angle 1=\angle E$ . $\therefore \angle 1=\angle 2$ , $\therefore \angle ACE=\angle E$ . $\therefore AE=AC$ . $\therefore \frac{AB}{AC}=\frac{AB}{AE}=\frac{BD}{CD}$ .(2) $\because AB=3, BC=4, \angle ABC=90^\circ$ , $\therefore AC=5$ . $\therefore AD$  平分  $\angle BAC$ , $\therefore \frac{AC}{AB}=\frac{CD}{BD}$ , 即  $\frac{5}{3}=\frac{CD}{BD}$ . $\therefore BD=\frac{3}{8}BC=\frac{3}{8} \times 4=\frac{3}{2}$ .在  $\text{Rt}\triangle ABD$  中,由勾股定理,得 $AD=\sqrt{BD^2+AB^2}=\sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2+3^2}=\frac{3\sqrt{5}}{2}$ . $\therefore \triangle ABD$  的周长  $=\frac{3}{2}+3+\frac{3\sqrt{5}}{2}=\frac{9+3\sqrt{5}}{2}$ .

## 第 8 期

2 版

## 4.4 探索三角形相似的条件

## 第 1 课时

1.D 2.CDA, DEA, CED

3.证明: $\because \angle BAC=90^\circ, AB=AC$ , $\therefore \triangle ABC$  为等腰直角三角形. $\therefore \angle B=\angle C=45^\circ$ . $\therefore \angle 1+\angle 2=180^\circ-\angle B=135^\circ$ . $\therefore \angle ADE=45^\circ$ , $\therefore \angle 2+\angle 3=135^\circ \therefore \angle 1=\angle 3$ . $\therefore \angle B=\angle C$ , $\therefore \triangle ABD \sim \triangle DCE$ .

## 第 2 课时

1.ABC, AED,  $\angle C$  2.C

## 第 3 课时

1.C

2.解:(1) $\because \frac{AB}{AD}=\frac{BC}{DE}=\frac{AC}{AE}$ , $\therefore \triangle ABC \sim \triangle ADE$ . $\therefore \angle BAC=\angle DAE$ , 即  $\angle BAD=\angle CAE$ . $\therefore \angle BAD=35^\circ, \therefore \angle EAC=35^\circ$ .(2) $\triangle ABD$  与  $\triangle ACE$  相似.理由如下:由(1)知,  $\angle BAD=\angle CAE$ .又  $\because \frac{AB}{AD}=\frac{AC}{AE}$ , $\therefore \frac{AB}{AC}=\frac{AD}{AE}$ . $\therefore \triangle ABD \sim \triangle ACE$ .

② ②当  $a^2=b^2$  ( $a=-b$ ) 时,  $a^2=b^2=$   
 $\frac{7+\sqrt{41}}{4}$  或  $\frac{7-\sqrt{41}}{4}$ .

此时  $a^4+b^4=2a^4=2(a^2)^2=\frac{45+7\sqrt{41}}{4}$   
 或  $\frac{45-7\sqrt{41}}{4}$ .

综上所述,  $a^4+b^4$  的值为  $\frac{45}{4}$  或  
 $\frac{45+7\sqrt{41}}{4}$  或  $\frac{45-7\sqrt{41}}{4}$ .

(3) 令  $\frac{1}{m^2}=a, -n=b$ , 则  $a^2+a-7=0$ ,  
 $b^2+b-7=0$ .

$\therefore n>0, \therefore \frac{1}{m^2} \neq -n$ , 即  $a \neq b$ .

$\therefore a, b$  是方程  $x^2+x-7=0$  的两个不相等的实数根.

$\therefore a+b=-1, ab=-7$ .

故  $\frac{1}{m^4}+n^2=a^2+b^2=(a+b)^2-2ab=15$ .

## 第 6 期

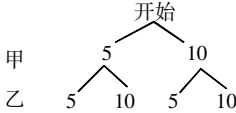
2 版

### 3.1 用树状图或表格求概率

第 1 课时

1.D 2.4,  $\frac{1}{4}, \frac{1}{2}$

3.解:(1)画树状图如下:



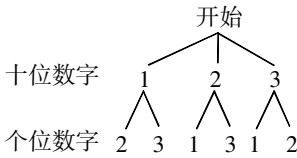
所以列出这两张币值之和所有可能出现的结果为:  $5+5=10, 5+10=15, 10+5=15, 10+10=20$ .

(2)由(1)可知, 这两张币值之和会出现 4 种等可能的结果, 其中是偶数的结果有 2 种, 所以这两张币值之和是偶数的概率为  $\frac{1}{2}$ .

第 2 课时

1.B 2.乙,  $\frac{2}{3}$

3.解:规则公平.理由如下:  
 画树状图如下:



共有 6 种等可能的结果, 其中这个两位数是 2 的倍数的结果有 2 种: 12, 32, 这个两位数是 3 的倍数的结果有 2 种: 12, 21,

$\therefore$  甲获胜的概率  $= \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ , 乙获胜的

概率  $= \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ .

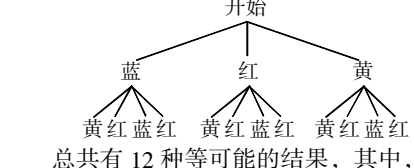
$\therefore$  甲获胜的概率=乙获胜的概率.

$\therefore$  规则公平.

第 3 课时

1.  $\frac{3}{8}$

2.解:画树状图如下:



总共有 12 种等可能的结果, 其中, 配成紫色的结果有 3 种, 所以配成紫色的

概率是  $\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$ .

### 3.2 用频率估计概率

1.D 2.100 3.200

4.(1)0.6; (2)0.6, 0.4;

(3)黑球有 8 个, 白球有 12 个.

3~4 版

### 一、选择题

1~6.CBBABA

### 二、填空题

7.  $\frac{1}{4}$  8.0.95 9.  $\frac{1}{12}$

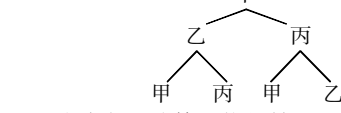
10.35

11.不公平

12.  $\frac{1}{2}$

三、

13.解:画树状图如下:



总共有 4 种等可能的结果, 其中球仍传到甲手中的结果有 2 种,

所以球仍回到甲手中的概率  $= \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ .

14.解:将《周髀算经》《九章算术》《海岛算经》《孙子算经》分别记为 A, B, C, D, 列表如下:

第2部	A	B	C	D
第1部				
A		(A, B)	(A, C)	(A, D)
B	(B, A)		(B, C)	(B, D)
C	(C, A)	(C, B)		(C, D)
D	(D, A)	(D, B)	(D, C)	

总共有 12 种结果, 每种结果出现的可能性相同, 而恰好选中《九章算术》和《孙子算经》的结果有 2 种: (D, B)(B, D),

所以,  $P(\text{恰好选中《九章算术》和《孙子算经》}) = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$ .

15.解:由题知, 黄球原有的个数为  $40 \times 0.125 = 5$  (个).

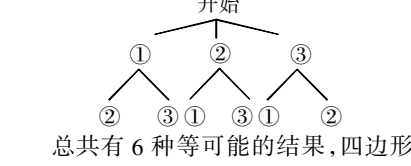
设取出  $x$  个黑球, 则放入  $x$  个黄球.

根据题意, 得  $\frac{5+x}{40} = \frac{1}{5}$ .

解得  $x=3$ .

答:取出了 3 个黑球.

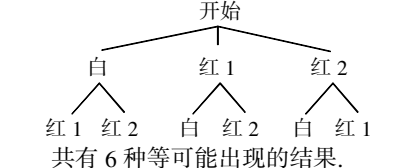
16.解:画树状图如下:



总共有 6 种等可能的结果, 四边形 ABCD 一定是菱形的结果有 2 种: ①③, ②①,

所以四边形 ABCD 一定是菱形的概率为  $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ .

17.解:(1)画树状图如下:



共有 6 种等可能出现的结果. (2)摸出颜色不同的两球对应的奖次为二等奖, 摸出颜色相同的两球对应的奖次为一等奖, 理由如下:

由树状图可知, 摸出颜色不同的两球(记为事件 A)的结果有 4 种, 摸出颜色相同的两球(记为事件 B)的结果有 2 种,

$\therefore P(A) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}, P(B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ .

$\therefore \frac{1}{3} < \frac{2}{3}$ ,

且一等奖的获奖率低于二等奖,  $\therefore$  摸出颜色不同的两球对应的奖次为二等奖, 摸出颜色相同的两球对应的奖次为一等奖.

四、

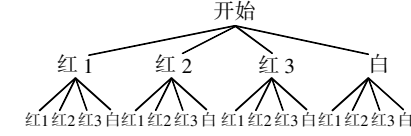
18.解:(1) $\therefore$  通过多次摸球试验后发现, 摸到红色小球的频率稳定在 0.75 左右,  $\therefore$  估计摸到红色小球的概率为 0.75. 设白色小球有  $x$  个.

根据题意, 得  $\frac{3}{3+x} = 0.75$ .

解得  $x=1$ .

$\therefore$  估计箱子里白色小球的个数为 1.

(2)将 3 个红球分别记作“红 1”“红 2”“红 3”, 画树状图如下:



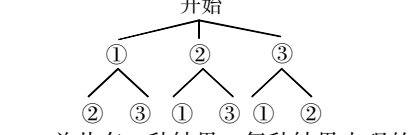
总共有 16 种等可能的结果, 其中两次摸出的球恰好颜色不同的结果有 6 种, 所以两次摸出的小球颜色恰好不同

## 数学 北师大

的概率为  $\frac{6}{16} = \frac{3}{8}$ .

19.解:(1)全等, SSS 或三边对应相等的两个三角形全等.

(2)画树状图如下:



总共有 6 种结果, 每种结果出现的可能性相同, 符合条件的结果有 4 种: ①②, ①③, ②①, ③①.

将  $\triangle ABD \cong \triangle ACD$  记为事件 A, 则  $P(A) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ .

20.解:(1)甲同学的方案不公平.理由如下:

小刚	2	3	4	5
小明				
2		(2, 3)	(2, 4)	(2, 5)
3	(3, 2)		(3, 4)	(3, 5)
4	(4, 2)	(4, 3)		(4, 5)
5	(5, 2)	(5, 3)	(5, 4)	

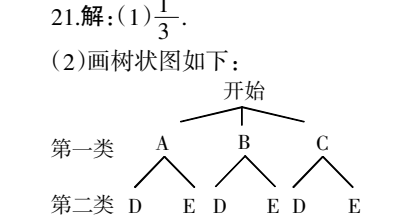
由表可知, 总共有 12 种等可能出现的结果, 其中抽出的牌面上的数字之和为奇数的有 8 种, 故小明获胜的概率为  $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$ , 则小刚获胜的概率为  $\frac{1}{3}$ . 因为  $\frac{2}{3} \neq \frac{1}{3}$ , 故此游戏两人获胜的概率不相同, 即游戏规则不公平.

(2)不公平.

五、

21.解:(1)  $\frac{1}{3}$ .

(2)画树状图如下:



总共有 6 种等可能出现的结果: (A, D)(A, E)(B, D)(B, E)(C, D)(C, E).

(3)由(2)可知, 共有 6 种等可能的结果, 事件“一名男生随机确定两项选考项目, 其中有引体向上”发生的结果有 3 种,

所以事件“一名男生随机确定两项选考项目, 其中有引体向上”发生的概率为  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ .

22.解:(1)汽车在此左转的车辆数为  $5\,000 \times \frac{3}{10} = 1\,500$  (辆).

在此右转的车辆数为  $5\,000 \times \frac{2}{5} =$

## 中考版答案页第 2 期

2 000 (辆). 在此直行的车辆数为  $5\,000 \times \frac{3}{10} = 1\,500$  (辆).

(2)根据频率估计概率的知识, 得  $P(\text{汽车向左转}) = \frac{3}{10}$ ,  $P(\text{汽车向右转}) = \frac{2}{5}$ ,  $P(\text{汽车直行}) = \frac{3}{10}$ .

所以可调整绿灯亮的时间如下: 左转绿灯亮的时间为  $90 \times \frac{3}{10} = 27$  (秒), 右转绿灯亮的时间为  $90 \times \frac{2}{5} = 36$  (秒), 直行绿灯亮的时间为  $90 \times \frac{3}{10} = 27$  (秒).

六、

23.解:活动 1:  $P(\text{甲胜出}) = \frac{1}{3}$ .

活动 2: 甲, 乙, 丙 (答案不唯一);  $\frac{1}{4}; \frac{1}{4}$ .

猜想:  $P(\text{甲胜出}) = P(\text{乙胜出}) = P(\text{丙胜出}) = \frac{1}{n}$ .

答案不唯一, 如: 抽签是公平的, 与顺序无关.

## 第 7 期

2 版

### 4.1 成比例线段

第 1 课时

1.B 2.C

3.解:(1) $\therefore \frac{a}{b} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}, \frac{c}{d} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ ,

$\therefore \frac{a}{b} \neq \frac{c}{d}$ .

$\therefore$  线段  $a, b, c, d$  不是成比例线段.

(2) $\therefore \frac{a}{b} = \frac{1.5}{2.5} = \frac{3}{5}, \frac{c}{d} = \frac{4.5}{7.5} = \frac{3}{5}$ ,

$\therefore \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ .

$\therefore$  线段  $a, b, c, d$  是成比例线段.

第 2 课时

1.D 2.A 3.16

4.  $\triangle A'B'C'$  的周长为 30cm.

### 4.2 平行线分线段成比例

1.A 2.  $\frac{24}{5}$  3. PG, DF

4.解: $\therefore l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$ ,

$\therefore AB:BC = DE:EF$ .

$\therefore AB=3, BC=5, DF=12$ ,

$\therefore 3:5 = DE:(12-DE)$ .

$\therefore DE=4.5$ .

$\therefore EF=12-4.5=7.5$ .

### 4.3 相似多边形

1.D 2.D

2023-2024 学年



3.解:(1)根据题意, 得  $\frac{DC}{DM} = \frac{AD}{AB}$ .

$\therefore DM = \frac{1}{2} AD, \therefore \frac{4}{\frac{1}{2} AD} = \frac{AD}{4}$ ,

即  $AD = 4\sqrt{2}$ .

(2)矩形 DMNC 与矩形 ABCD 的相似比是  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ .

3 版

### 一、选择题

1~6.AACDBB

### 二、填空题

7.6 400 8.135°

9.12 10.  $\frac{5}{6}$  11.3

12.1.5 或 9

### 三、解答题

13.解: $\therefore a, b, c, d$  是成比例的 4 条线段,

$\therefore \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ , 即  $\frac{3}{5} = \frac{6}{d}$ .

解得  $d=10$  (cm).

若改为“ $a, b, d, c$  是成比例的 4 条线段”, 其他条件不变, 线段  $d$  的长度改变.

此时  $\frac{a}{b} = \frac{d}{c}$ , 即  $\frac{3}{5} = \frac{d}{6}$ .

解得  $d=3.6$  (cm).

14.解:(1)83,  $\frac{3}{2}$ .

(2) $\therefore$  四边形 ABCD  $\sim$  四边形 A'B'C'D',

$\therefore \frac{x}{8} = \frac{y}{11} = \frac{3}{2}$ .

解得  $x=12, y=\frac{33}{2}$ .

15.解: $\triangle ABC$  是直角三角形.理由如下:

设  $\frac{a+4}{3} = \frac{b+3}{2} = \frac{c+8}{4} = k$ ,

则  $a=3k-4, b=2k-3, c=4k-8$ .

$\therefore a+b+c=12$ ,

$\therefore 3k-4+2k-3+4k-8=12$ .

$\therefore k=3$ .

$\therefore a=5, b=3, c=4$ .

$\therefore b^2+c^2=3^2+4^2=25=a^2$ ,

$\therefore \triangle ABC$  是直角三角形.

16.解:(1)设  $CE=AD=x$ .

$\therefore EF \parallel AC$ ,

$\therefore \frac{DE}{CE} = \frac{DF}{AF}$ ,

即  $\frac{5}{x} = \frac{3}{x-3}$ .

解得  $x=7.5$ .

$\therefore AD=7.5$ .

(2) $\therefore AD=7.5, DF=3$ ,

$\therefore AF=4.5$ .