

15.解:根据题意,可知 $\triangle ABD\sim\triangle FED$, $\triangle ABC\sim\triangle HGC$.
 $\therefore\frac{EF}{AB}=\frac{ED}{BD},\frac{HG}{AB}=\frac{GC}{BC}$.
 $\therefore EF=HG=2,\therefore\frac{ED}{BD}=\frac{GC}{BC}$,
即 $\frac{ED}{ED+BE}=\frac{GC}{GC+EG+BE}$.
 $\therefore\frac{2}{2+BE}=\frac{4}{4+23+BE}$.
解得 $BE=23$ (m).
则 $\frac{ED}{BD}=\frac{EF}{AB}$,
即 $\frac{2}{23+2}=\frac{2}{AB}$.
解得 $AB=25$ (m).
答:该古建筑的高度为 25m.

16.解:(1)证明: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形, $\therefore OD=OC,AB\parallel CD,\angle BCD=90^\circ$.
 $\therefore\angle EDB=\angle ACD=\angle CAB,\angle ACD+\angle ACB=90^\circ$.
 $\therefore DE=BE,\therefore\angle EDB=\angle EBD$.
 $\therefore BE$ 平分 $\angle DBC,\therefore\angle EBD=\angle EBC$.
 $\therefore\angle ACD=\angle EBC$.
 $\therefore\angle EBC+\angle ACB=90^\circ\therefore BF\perp AC$.
(2)与 $\triangle OBF$ 相似的三角形有: $\triangle ECF,\triangle BAF$.理由如下:
 $\therefore\angle EBD=\angle ACD,\angle EFC=\angle OFB$,
 $\therefore\triangle ECF\sim\triangle OBF$.
 $\therefore DE=BE,\therefore\angle EDB=\angle EBD$.
又 $\therefore\angle EDB=\angle BAC$,
 $\therefore\angle EBD=\angle BAC$.
又 $\therefore\angle BFA=\angle OFB$,
 $\therefore\triangle BAF\sim\triangle OBF$.
(3)由(2)知, $\triangle ECF\sim\triangle OBF$.
 $\therefore\frac{EF}{OF}=\frac{CF}{BF}\therefore\frac{2}{3}=\frac{CF}{BF}$,即 $3CF=2BF$.
 $\therefore 3(CF+OF)=3CF+9=2BF+9$.
 $\therefore 3OC=2BF+9.\therefore 3OA=2BF+9$.
由(2)知, $\triangle OBF\sim\triangle BAF$.
 $\therefore\frac{OF}{BF}=\frac{BF}{AF}$.
 $\therefore BF^2=OF\cdot AF$,即 $BF^2=3(OA+3)$.
联立①②,可得 $BF=1+\sqrt{19}$ (负值舍去).
 $\therefore DE=BE=EF+BF=2+1+\sqrt{19}=3+\sqrt{19}$.

第 34 期

1 版

锐角三角函数·复习直通车

考场练兵 1 C

考场练兵 2 C

考场练兵 3

解: $\because AB=34,BC=70,$
 $\therefore AC=AB+BC=104$.

在 $\text{Rt}\triangle ACE$ 中, $\sin\angle ACE=\frac{AE}{AC}$,

$\therefore AE=AC\cdot\sin\angle ACE=104\times\sin58^\circ\approx104\times0.85\approx88$ (cm).

答:点 A 到 CD 的距离 AE 的长度约为 88cm.

2 版

专项训练(十二)

一、选择题

1.A 2.C 3.D 4.A 5.C 6.A

二、填空题

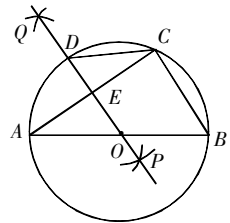
7. $\frac{12}{13}$ 8.10 9. 75° 10.14

11.55 12. $\frac{3}{4}$

三、解答题

13. 解: $\sin30^\circ+2\cos60^\circ\cdot\tan60^\circ-\sin^245^\circ=\frac{1}{2}+2\times\frac{1}{2}\times\sqrt{3}-\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2=\sqrt{3}$.

14.解:过点 A 作 $AD\perp l$ 于点 D .
设 $AD=x$ m.
由题意知 $\angle ABD=30^\circ,\angle ACD=60^\circ$,
 $\therefore BD=\frac{AD}{\tan30^\circ}=\sqrt{3}x$.
 $\therefore\tan60^\circ=\frac{x}{\sqrt{3}x-24}=\sqrt{3}$.
解得 $x=12\sqrt{3}$.
答:气球 A 离地面的高度为 $12\sqrt{3}$ m.



(第 15 题图)

(2)设 AC 与 OD 交于点 E .
 $\therefore OE\perp AC$.
 $\therefore AB$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore\angle ACB=90^\circ$.
在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\therefore AC=8,BC=6$,
 $\therefore AB=\sqrt{AC^2+BC^2}=10$.
 $\therefore OD\perp AC,\therefore AE=CE=\frac{1}{2}AC=4$.
又 $\because OA=OB$,
 $\therefore OE$ 是 $\triangle ABC$ 的中位线.
 $\therefore OE=\frac{1}{2}BC=3$.
 \therefore 点 O 到 AC 的距离为 3.
在 $\text{Rt}\triangle CDE$ 中,
 $\therefore DE=OD-OE=5-3=2,CE=4$,
 $\therefore CD=\sqrt{DE^2+CE^2}=\sqrt{2^2+4^2}=2\sqrt{5}$.
 $\therefore\sin\angle ACD=\frac{DE}{CD}=\frac{2}{2\sqrt{5}}=\frac{\sqrt{5}}{5}$.

16.解:(1)过点 D 作 $DE\perp BC$,交 BC 的延长线于点 E .
 \therefore 在 $\text{Rt}\triangle DCE$ 中, $\cos\alpha=\frac{4}{5},CD=15$,

$\therefore CE=CD\cdot\cos\alpha=15\times\frac{4}{5}=12$.

$\therefore DE=\sqrt{CD^2-CE^2}=\sqrt{15^2-12^2}=9$ (m).

答: C,D 两点的高度差为 9m.

(2)过点 D 作 $DF\perp AB$ 于点 F .
由题意可得 $BF=DE,DF=BE$.
设 $AF=x$ m.
在 $\text{Rt}\triangle ADF$ 中, $\tan\angle ADF=\tan30^\circ=$
 $\frac{AF}{DF}=\frac{x}{DF}=\frac{\sqrt{3}}{3}$.
解得 $DF=\sqrt{3}x$.
在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $AB=AF+FB=AF+$
 $DE=x+9,BC=BE-CE=DF-CE=\sqrt{3}x-$
 $12,\tan\angle ACB=\tan60^\circ=\frac{AB}{BC}=\frac{x+9}{\sqrt{3}x-12}=$
 $\sqrt{3}$.
解得 $x=6\sqrt{3}+\frac{9}{2}$.
 $\therefore AB=6\sqrt{3}+\frac{9}{2}+9\approx24$ (m).
答:居民楼的高度 AB 约为 24m.

3~4 版

圆·复习直通车

考场练兵 1 $2\sqrt{3}$

考场练兵 2 40°

考场练兵 3 C

考场练兵 4 2

考场练兵 5 32

考场练兵 6

解:(1)直线 BC 与 $\odot O$ 相切.
理由:连接 OB .
 $\because OA=OB,\therefore\angle A=\angle OBA$.
 $\because CP=CB,\therefore\angle CPB=\angle CBP$.
 $\therefore\angle APO=\angle CPB$,
 $\therefore\angle APO=\angle CBP$.
 $\because OC\perp OA,\therefore\angle A+\angle APO=90^\circ$.
 $\therefore\angle OBA+\angle CBP=90^\circ$.
 $\therefore\angle OBC=90^\circ$.
 $\therefore OB$ 为半径,
 \therefore 直线 BC 与 $\odot O$ 相切.

(2)在 $\text{Rt}\triangle AOP$ 中, $\sin A=\frac{OP}{AP}=$
 $\frac{\sqrt{5}}{5}$, \therefore 设 $OP=\sqrt{5}x$,则 $AP=5x$.
 $\therefore OP^2+OA^2=AP^2$,
 $\therefore(\sqrt{5}x)^2+8^2=(5x)^2$.
解得 $x_1=\frac{4\sqrt{5}}{5},x_2=-\frac{4\sqrt{5}}{5}$ (不合
题意,舍去).
 $\therefore OP=\sqrt{5}x=\frac{4\sqrt{5}}{5}=4$.
 $\therefore\angle OBC=90^\circ,\therefore BC^2+OB^2=OC^2$.
 $\therefore CP=CB,OB=OA=8$,
 $\therefore BC^2+8^2=(BC+4)^2$.
解得 $BC=6$.
 $\therefore CB$ 的长为 6.

考场练兵 7 $4-\pi$

第 35 期

1 版

专项训练(十三)

一、选择题

1.C 2.D 3.D 4.B 5.A 6.D

二、填空题

7. 10π 8. 40° 9. $\frac{13}{2}$ 10. $\frac{3}{2}\pi$

11.85 12. $2-\sqrt{2}$

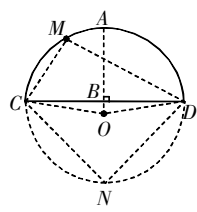
三、解答题

13.证明:(1)在 $\triangle AOE$ 和 $\triangle CDE$ 中,
 $\begin{cases} AE=CE, \\ \angle AEO=\angle CED, \\ OE=DE, \end{cases}$
 $\therefore\triangle AOE\cong\triangle CDE$ (SAS).
(2)由(1)知, $\triangle AOE\cong\triangle CDE$.
 $\therefore OA=CD,\angle AOE=\angle D$.
 $\therefore OB\parallel CD$.
 $\therefore OA=OB$,
 $\therefore OB=CD$.
 \therefore 四边形 $OBCE$ 为平行四边形.
 $\therefore OB=OD$,
 \therefore 四边形 $OBCE$ 是菱形.
14.解:(1) CD 与 $\odot B$ 相切.
理由:过点 B 作 $BF\perp CD$,垂足为 F .
 $\therefore AD\parallel BC$,
 $\therefore\angle ADB=\angle CBD$.
 $\therefore CB=CD$,
 $\therefore\angle CBD=\angle CDB$.
 $\therefore\angle ADB=\angle CDB$.
在 $\triangle ABD$ 和 $\triangle CBD$ 中,
 $\begin{cases} \angle BAD=\angle CBD, \\ \angle ADB=\angle CDB, \\ BD=BD, \end{cases}$
 $\therefore\triangle ABD\cong\triangle CBD$ (AAS).
 $\therefore BF=BA$,即点 F 在 $\odot B$ 上.
 $\therefore CD$ 与 $\odot B$ 相切.
(2) $\because\angle BCD=60^\circ,CB=CD$,
 $\therefore\triangle BCD$ 是等边三角形.
 $\therefore\angle CBD=60^\circ$.
 $\therefore BF\perp CD$,
 $\therefore\angle ABD=\angle DBF=\angle CBF=30^\circ$.
 $\therefore AB=2\sqrt{3}$,
 $\therefore AD=AB\cdot\tan30^\circ=2$.
 \therefore 阴影部分的面积= $S_{\triangle ABD}-S_{\text{扇形} ABE}=$
 $\frac{1}{2}\times2\sqrt{3}\times2-\frac{30\times\pi\times(2\sqrt{3})^2}{360}=2\sqrt{3}-\pi$.

15.解:(1)设 $OA=OC=R$ m.
 $\therefore OA\perp CD,\therefore CB=BD=\frac{1}{2}CD=14$.
在 $\text{Rt}\triangle COB$ 中,根据勾股定理,得
 $OC^2=OB^2+CB^2$.

$\therefore R^2=14^2+(R-12)^2$.
解得 $R=\frac{85}{6}$.
 $\therefore OC=\frac{85}{6}\approx14.2$ (m).
所以半径 OC 的长约为 14.2m.

(2)如图,补全 $\odot O$,在 CD 的下方取一点 N ,连接 CN,DN,CM,DM .



(第 15 题图)

$\therefore\angle N=\frac{1}{2}\angle COD=81^\circ$.
 $\therefore\angle CMD+\angle N=180^\circ$,
 $\therefore\angle CMD=99^\circ$.
 $\therefore\angle CMD=99^\circ$ 不变,是定值,
 \therefore “齐天大圣”点 M 在洞顶 \widehat{CD} 上巡视时总能看清洞口 CD 的情况.

2~3 版

统计与概率·复习直通车

统计

考场练兵 1 B

考场练兵 2

解:(1)78.5,44%.
(2)不正确.因为甲的成绩是 77 分,低于中位数 78.5 分,所以甲的成绩不可能高于一半学生的成绩.
(3)测试成绩不低于 80 分的人数占测试人数的 44%,说明该校学生对“航空航天知识”的掌握情况较好(答案不唯一,合理即可).

考场练兵 3

解:(1)3.2,3.5.
(2) $300\times\frac{6}{10}=180$ (棵).
答:估计其产量不低于 3.16 千克的棵数有 180 棵.
(3)因为甲、乙两个品种产量的平均数相同,甲品种产量的方差为 0.29,乙品种产量的方差为 0.15,
所以乙品种产量更稳定.
所以乙品种更好.
注:答案不唯一,合理即可.

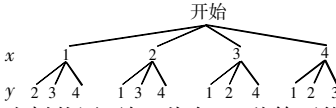
概率

考场练兵 1 A

考场练兵 2

解:(1) $\frac{1}{2}$.

(2)画树状图如下:



由树状图可知,共有 12 种等可能的结果,其中点在函数 $y=-x+4$ 的图象上的有(1,3),(3,1),共 2 种.
 \therefore 由 x,y 确定的点 (x,y) 在函数 $y=-x+4$ 的图象上的概率为 $\frac{2}{12}=\frac{1}{6}$.

考场练兵 3 B

4 版

专项训练(十四)

一、选择题

1.D 2.B 3.B 4.D 5.A 6.C

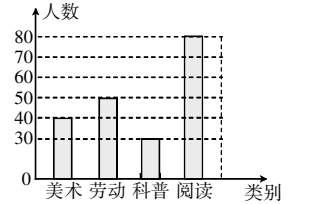
二、填空题

7.85 8.8.3 9.20 10.20 11. $\frac{1}{2}$

三、解答题

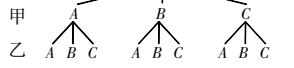
12.解:(1) C .
(2) $\bar{x}=\frac{1}{100}\times(50\times8+75\times16+105\times40+150\times36)=112$ (分钟).
答:这 100 名学生的平均“劳动时间”为 112 分钟.
(3) $1200\times\frac{40+36}{100}=912$ (人).
答:估计在该校学生中,“劳动时间”不少于 90 分钟的人数为 912 人.

13.解:(1)本次调查的学生人数为: $80\div40\%=200$ (人),则科普类的学生人数为: $200-40-50-80=30$ (人).
补全条形统计图如下:



(第 13 题图)

(2)愿意参加劳动类社团的学生人数为: $3600\times\frac{50}{200}=900$ (人).
(3)把阅读、美术、劳动社团分别记为 A,B,C .
画出树状图如下:



由树状图可知,共有 9 种等可能的结果,其中甲、乙两名同学恰好选中同一社团的结果有 3 种.