

第 21 期

2 版

28.2.1 解直角三角形

1.A 2.B

3.解:过点 C 作 CD ⊥ AB, 交 BA 的延长线于点 D.

∵ ∠BAC = 120°, ∴ ∠DAC = 180° - 120° = 60°.

∴ ∠ACD = 30°. ∴ AD = 1/2 AC = 3.

∴ BD = AB + AD = 7.

在 Rt△ACD 中, CD = AC · sin∠DAC = 3√3.

在 Rt△BCD 中, BC = √(BD² + CD²) = 2√19.

4.解:(1) ∵ ∠C = 90°, BC = 30, AB = 30√2,

∴ AC = √(AB² - BC²) = √((30√2)² - 30²) = 30.

∴ tan A = BC/AC = 1. ∴ ∠A = ∠B = 45°.

(2) ∵ ∠C = 90°, ∠B = 30°,

∴ ∠A = 90° - ∠B = 60°. ∴ BC = 36,

∴ AC = BC tan 30° = 36 × √3/3 = 12√3.

∴ AB = 2AC = 24√3.

28.2.2 应用举例

第 1 课时

1. (10√3 + 1) 2.16

3.解:如图,过点 D 作 DE ⊥ AC, 作 DF ⊥ BC, 垂足分别为 E, F.

∵ AC ⊥ BC, ∴ 四边形 ECFD 是矩形.

∴ EC = DF.

在 Rt△ADE 中, ∠ADE = 15°, AD = 1 600.

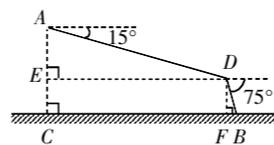
∴ AE = AD · sin ∠ADE = 1 600 sin 15°, DE = AD · cos ∠ADE = 1 600 cos 15°.

∴ EC = AC - AE, ∴ DF = EC = 500 - 1 600 sin 15°.

在 Rt△DBF 中, BF = DF · tan ∠FDB = EC tan 15°.

∴ BC = CF + BF = 1 600 cos 15° + (500 - 1 600 sin 15°) tan 15° ≈ 1 575 (m).

答:飞行运动员飞行的水平距离约为 1 575 m.



(第 3 题图)

第 2 课时

1.A

2.解:过点 B 作 BD ⊥ AC, 垂足为 D. 由题意, 得 ∠BAC = 25° + 25° = 50°, ∠BCA = 70° - 25° = 45°.

在 Rt△ABD 中, AB = 100,

∴ AD = AB · cos 50° ≈ 100 × 0.643 = 64.3, BD = AB · sin 50° ≈ 100 × 0.766 = 76.6.

在 Rt△BDC 中, CD = BD / tan 45° = 76.6.

∴ AC = AD + CD ≈ 64.3 + 76.6 ≈ 141 (海里).

答:此时货轮与 A 港口的距离约为 141 海里.

3.4.7

4.解:如图,过点 B 作 BE ⊥ AC 于点 E, 则四边形 DCEB 为矩形. ∴ DC = BE.

在 △ABE 中, ∠A = 20°, sin A = BE/AB,

则 BE = AB · sin A ≈ 300 × 0.342 = 102.6.

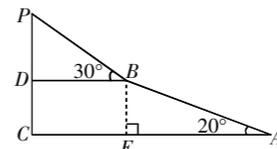
∴ DC = BE = 102.6.

在 Rt△PBD 中, ∠PBD = 30°, PB = 200,

则 PD = 1/2 PB = 100.

∴ PC = PD + DC = 100 + 102.6 ≈ 203 (米).

答:垂直高度 PC 约为 203 米.



(第 4 题图)

3 版

一、选择题

1~6. BBDCCD

二、填空题

7. 1.20 8. 50 9. (21√3 + 21) 10. 4

11. 4.4 12. 3√3 + 3 或 3√3 - 3

三、解答题

13. 解: ∵ ∠B = 60°, tan B = AC/BC,

∴ AC = BC · tan B = 8 × tan 60° = 8√3.

∴ ∠A = 90° - ∠B = 30°. ∴ AB = 2BC = 16.

14. 解:过点 A 作 AD ⊥ BC 于点 D.

由题意, 知 ∠ABC = 90° - 60° = 30°, ∠ACD = 45°.

∴ BD = √3 AD, CD = AD.

∴ BC = 2.4 km = 2 400 m,

∴ √3 AD + AD = 2 400.

解得 AD = 1 200(√3 - 1) ≈ 876.

∵ 876 > 800, 故该公路不能穿过纪念园.

15. 解:设 AD = x 米.

在 Rt△ABD 中, ∠ABD = 30°,

∴ AB = AD / tan 30° = x / (√3/3) = √3 x.

∴ BC = 10, ∴ AC = AB + BC = √3 x + 10.

在 Rt△ADC 中, ∠ACD = 20°,

∴ tan 20° = AD/AC = x / (√3 x + 10) ≈ 0.36.

解得 x ≈ 9.5.

经检验, x ≈ 9.5 是原方程的根.

答:人行天桥高 AD 约为 9.5 米.

16. 解:(1) 根据题意, 得 ∠CAD = 25°, ∠EBF = 60°, CE = DF = 750.

在 Rt△ACD 中, CD = 7,

∴ AD = CD / tan 25° ≈ 7 / 0.5 = 14.

又 ∵ MN ⊥ AC,

∴ OD ⊥ MN.

∴ 直线 MN 是 ⊙O 的切线.

24. 解:(1) y = 4x; 0 < x < 12.

(2) ∵ 阻力 × 阻力臂 = 动力 × 动力臂,

∴ 秤砣的质量 × OA = 重物的质量 × OB.

∵ OA = 2 cm, 重物的质量为 x kg, OB 的长为 y cm, 秤砣的质量为 0.5 kg,

∴ 2 × 0.5 = xy,

即 y = 1/x.

表格从左到右依次填: 4, 2, 1, 1/2, 1/4.

画函数图象略.

25. 解:(1) 证明: ∵ ∠A = 40°, ∠B = 60°,

∴ ∠ACB = 180° - ∠A - ∠B = 80°.

∴ ∠A ≠ ∠B ≠ ∠ACB,

∴ △ABC 不是等腰三角形.

∵ CD 平分 ∠ACB,

∴ ∠ACD = ∠BCD = 1/2 ∠ACB = 40°.

∴ ∠ACD = ∠A = 40°.

∴ AD = CD.

∴ △ACD 为等腰三角形.

∴ ∠DCB = ∠A = 40°, ∠CBD = ∠ABC,

∴ △BCD ∽ △BAC.

∴ CD 是 △ABC 的完美分割线.

(2) 如图①, 当 AD = CD 时, ∠ACD = ∠A = 48°.

根据完美分割线的定义, 可得 △BDC ∽ △BCA.

∴ ∠BCD = ∠A = 48°.

∴ ∠ACB = ∠ACD + ∠BCD = 96°.

如图②, 当 AD = AC 时, ∠ACD = ∠ADC =

180° - 48° / 2 = 66°.

根据完美分割线的定义, 可得 △BDC ∽ △BCA.

∴ ∠BCD = ∠A = 48°.

∴ ∠ACB = ∠ACD + ∠BCD = 114°.

如图③, 当 AC = CD 时, ∠ADC = ∠A = 48°.

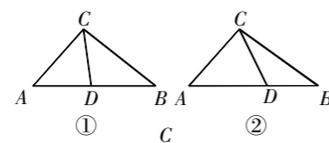
根据完美分割线的定义, 可得 △BDC ∽ △BCA.

∴ ∠BCD = ∠A = 48°, 这与 ∠ADC > ∠BCD

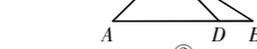
矛盾,

所以图③的情况不符合题意.

综上所述, ∠ACB 的度数为 96° 或 114°.



(第 25 题图)



(第 25 题图)

26. 解:(1) ∵ B(2, 2√3), ∴ BC = 2.

又 BD = 1/2,

∴ CD = 2 - 1/2 = 3/2. 故点 D(3/2, 2√3).

将点 D 的坐标代入反比例函数解析式, 得

2√3 = k / (3/2). 解得 k = 3√3.

故反比例函数的解析式为 y = 3√3 / x.

当 x = 2 时, y = 3√3 / 2, 故点 E 的坐标为

(2, 3√3/2).

(2) 由(1)知, D(3/2, 2√3), E(2, 3√3/2),

B(2, 2√3),

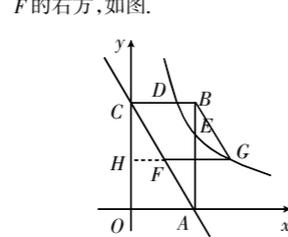
则 BE = √3/2.

∴ BD / (2/2) = 1/4, EB / (2/2√3) = 1/4.

∴ BD/BC = EB/AB.

∴ DE // AC.

(3) ① 当点 F 在点 C 的下方时, 点 G 在点 F 的右方, 如图.



(第 26 题图)

过点 F 作 FH ⊥ y 轴于点 H, 易得点 H, F, G 在同一条直线上.

∴ 四边形 BCFG 为菱形,

∴ BC = CF = FG = BG = 2.

在 Rt△OAC 中, OA = BC = 2, OC = AB = 2√3,

∴ tan ∠OCA = AO/CO = 2 / (2√3) = √3/3.

∴ ∠OCA = 30°.

∴ FH = 1/2 FC = 1, CH = CF · cos ∠OCA = 2 ×

√3/2 = √3.

故点 F(1, √3), 则点 G(3, √3).

当 x = 3 时, y = 3√3 / x = √3, 故点 G 在反比例函数的图象上.

② 当点 F 在点 C 的上方时, 同理可得, 点 G(1, 3√3).

同理可得, 点 G 在反比例函数的图象上.

综上所述, 点 G 的坐标为(3, √3) 或(1, 3√3),

都在反比例函数的图象上.

∴ CF/BE = √3/6, 即 CF = √3/6 BE.

(3) CF = (tan α / 2) · BE.

下册综合能力提升(二)

一、选择题

1~5. BBABA 6~10. BCDBA

二、填空题

11. m < 1 12. 11 13. 12 14. 12/13

15. 57.5 16. 10.5 17. 12

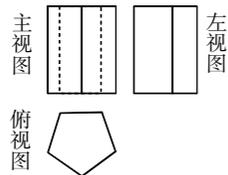
18. 31/3 或 15/4 或 6

三、解答题

19. (1) 原式 = 1.

(2) 原式 = 3/4.

20. 解: 补画的三视图如图所示.



(第 20 题图)

21. 解:(1) 证明: ∵ DE // BC, DF // AB,

∴ 四边形 BFDE 为平行四边形.

∴ ∠B = ∠EDF.

(2) ∵ CF = 1/3 BC,

∴ CF/FB = 1/2.

∴ FB = DE,

∴ CF/DE = 1/2.

∴ ∠CDF = ∠A, ∠C = ∠ADE,

∴ △DFC ∽ △AED.

∴ S△DFC / S△AED = (CF/DE)² = (1/2)² = 1/4.

22. 解: 连接 EF, 交 BD 于点 M, 则 EF ⊥ BD, AE = BM = CF = 1.6.

在 Rt△DEM 中, ∠DEM = 45°,

∴ EM = DM.

在 Rt△DFM 中, tan 37° = DM/FM,

即 DM / (28 - DM) ≈ 0.75.

解得 DM ≈ 12.

∴ DB ≈ 12 + 1.6 = 13.6 (米).

答: 树 BD 的高度约为 13.6 米.

23. 证明:(1) ∵ MN ⊥ AC, BG ⊥ MN,

∴ ∠BGD = ∠DMA = 90°.

∴ 以 AB 为直径的 ⊙O 交 BC 于点 D,

∴ AD ⊥ BC, 即 ∠ADC = 90°.

∴ ∠ADM + ∠CDM = 90°.

∴ ∠DBG + ∠BDG = 90°, ∠CDM = ∠BDG,

∴ ∠DBG = ∠ADM.

∴ △BGD ∽ △DMA.

(2) 连接 OD.

∴ BO = OA, BD = DC,

∴ OD 是 △ABC 的中位线.

∴ OD // AC.

(2) ∵ c=12, sinA=1/3 = a/c, ∴ a=4.

∴ b = √(c² - a²) = 8√2.

21. 解: ∵ ∠AOB=150°, ∴ ∠AOC=180°-∠AOB=30°. 在 Rt△ACO 中, AC=10, ∴ AO=2AC=20.

根据题意, 得 A'O=AO=20. ∴ ∠A'OB=108°, ∴ ∠A'OD=180°-∠A'OB=72°. 在 Rt△A'DO 中, A'D=A'O·sin72° ≈ 20×0.95=19(cm).

答: 此时顶部边缘 A' 处离桌面的高度 A'D 的长约为 19cm.

22. 解: 延长 DA 交 PE 于点 F. 则 DF ⊥ PE, AD=BC=2, AB=CD=EF=1.6.

设 AF=xm, 则 DF=AF+AD=(x+2)m.

在 Rt△PFA 中, ∠PAF=58°, ∴ PF=AF·tan58° ≈ 1.6x.

在 Rt△PDF 中, ∠PDF=31°, ∴ tan31° = PF/DF = 1.6x/(x+2) ≈ 0.6.

解得 x=1.2.

经检验, x=1.2 是原方程的根.

∴ PF=1.6x=1.92.

∴ PE=PF+EF=1.92+1.6 ≈ 3.5(m).

答: 路灯顶部到地面的距离 PE 约为 3.5m.

23. 解: (1) ∵ 点 P 的纵坐标为 4,

∴ 4 = 1/2 x + 1.

解得 x=6. ∴ 点 P 的坐标为 (6, 4).

∴ 4 = m/6. 解得 m=24.

(2) ∵ tan∠PMD = 1/2,

∴ PD/DM = 1/2.

设 PD=t, 则 DM=2t, M(6+2t, 4-t).

∵ 点 M(6+2t, 4-t) 在函数 y = 24/x (x>0) 的

图象上,

∴ (6+2t)(4-t) = 24. 整理, 得 t² - t = 0.

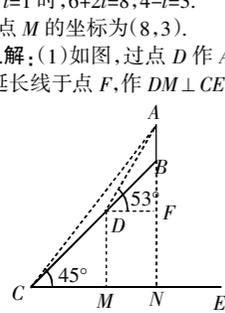
解得 t₁=0 (舍去), t₂=1.

当 t=1 时, 6+2t=8, 4-t=3.

∴ 点 M 的坐标为 (8, 3).

24. 解: (1) 如图, 过点 D 作 AB 的垂线, 交

AB 的延长线于点 F, 作 DM ⊥ CE 于点 M.



(第 24 题图)

由题意, 可知 CD=50, DM=30. ∴ CM=40.

∴ 斜坡 CB 的坡度 = DM:CM = 3:4.

(2) 设 DF=4a 米, 则 MN=4a 米, BF=3a 米.

∴ ∠ACN=45°.

∴ ∠CAN=∠ACN=45°.

∴ AN=CN=40+4a.

∴ AF=AN-NF=AN-DM=40+4a-30=10+4a.

在 Rt△ADF 中, DF=4a, AF=10+4a,

∠ADF=53°, tan∠ADF = AF/DF = (10+4a)/4a = 4/3.

解得 a = 15/2.

∴ AF=10+4a=10+30=40, BF=3a=45/2.

∴ AB=AF-BF=40-45/2 = 35/2 (米).

答: 基站塔 AB 的高为 35/2 米.

25. 解: (1) 2.

(2) 如图①, 连接格点 B, C 和 M, B, 则 BC // AN.

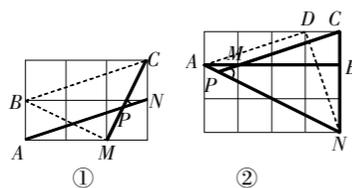
∴ ∠CPN = ∠MCB.

∴ MB=MC = √5, BC = √10, 且 (√5)² + (√5)² = (√10)², 即 MB² + MC² = BC²,

∴ △MBC 是等腰直角三角形.

∴ cos∠CPN = cos∠MCB = cos45° = √2/2.

∴ cos∠CPN = cos∠MCB = cos45° = √2/2.



(第 25 题图)

(3) 设 BC=1, 依题意可知 AM=1, MB=3, BN=2, 因此构造如图②所示的网格图. 取格点 D, 连接格点 A, D 和 D, N.

由勾股定理及其逆定理可知 △AND 是等腰直角三角形.

∴ ∠DAN = 45°.

∴ tan∠CMB = 1/3, tan∠DAB = 1/3,

∴ ∠CMB = ∠DAB.

∴ AD // MC.

∴ ∠CPN = ∠DAN = 45°.

第 23 期

2-3 版

一、选择题

1~5. AABCC 6~10. BCBAC

二、填空题

11. 平行 12. ②⑥ 13. 6

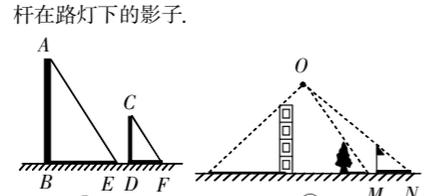
14. ②④①③⑤ 15. 216π

16. 48-3π 17. 8 18. 4 或 5 或 6 或 7

三、解答题

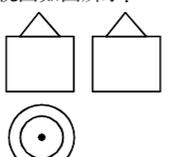
19. 解: (1) 如图①, DF 为乙木杆的影子.

(2) 如图②, 点 O 是路灯的位置, MN 是旗杆在路灯下的影子.



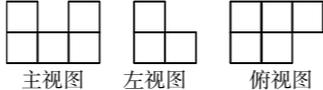
(第 19 题图)

20. 解: 三视图如图所示.



(第 20 题图)

21. 解: (1) 如图所示:

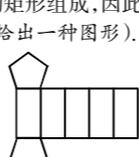


(第 21 题图)

(2) 表面积为 (5+5+3) × 2 + 2 = 26 + 2 = 28.

22. 解: 这是一个正五棱柱.

正五棱柱的上、下底面是正五边形, 其侧面由 5 个相同的矩形组成, 因此画出的平面展开图如图所示 (给出一种图形).



(第 22 题图)

23. 解: 过点 B 作 BH ⊥ CC₁ 于点 H.

∴ ∠BCC₁ = 45°, ∴ BH = √2/2 BC = 5√2/2.

∵ 正方形纸板 ABCD 在投影面 α 上的正投影为 A₁B₁C₁D₁,

∴ B₁C₁ = BH = 5√2/2, C₁D₁ = CD = 5.

∴ 投影 A₁B₁C₁D₁ 的面积 = 5√2/2 × 5 = 25√2/2 (cm²).

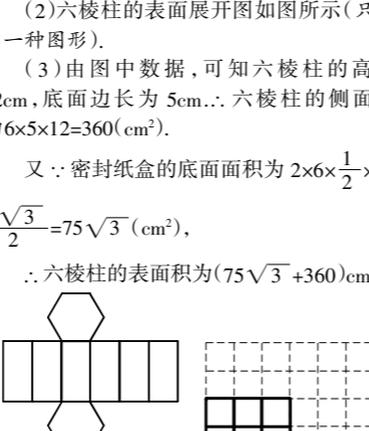
24. 解: (1) 正六棱柱.

(2) 六棱柱的表面展开图如图所示 (只给出一种图形).

(3) 由图中数据, 可知六棱柱的高为 12cm, 底面边长为 5cm. ∴ 六棱柱的侧面积为 6 × 5 × 12 = 360 (cm²).

又 ∵ 密封纸盒的底面面积为 2 × 6 × 1/2 × 5 × 5√3/2 = 75√3 (cm²),

∴ 六棱柱的表面积为 (75√3 + 360) cm².



(第 24 题图)

25. 解: (1) 10, 左视图如图所示.

(2) 7, 6.

(3) 用 8 个小正方体搭成满足如图所示主视图和俯视图的物体一共有 9 种不同的形状.

26. 解: (1) 2.

(2) 如图①, 过点 C 作 CH ⊥ AB 于点 H.

∴ T\_{(AC, AB)} = 4, T\_{(BC, AB)} = 9,

∴ AH = 4, BH = 9, AB = 13.

∴ ∠A + ∠ACH = 90°, ∠ACH + ∠BCH = 90°,

∴ ∠A = ∠BCH.

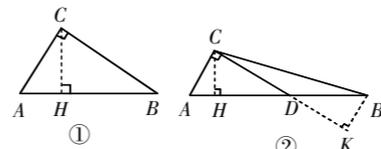
又 ∠AHC = ∠BHC,

∴ △ACH ∽ △CBH.

∴ CH/AH = BH/CH, 即 CH/4 = 9/CH.

解得 CH = 6.

∴ S\_{△ABC} = 1/2 · AB · CH = 1/2 × 13 × 6 = 39.



(第 26 题图)

(3) 如图②, 过点 C 作 CH ⊥ AD 于点 H, 过点 B 作 BK ⊥ CD, 交 CD 的延长线于点 K.

∴ ∠ACD = 90°, T\_{(AD, AC)} = 2, ∴ AC = 2.

∴ ∠A = 60°, ∴ ∠ADC = ∠BDC = 30°.

∴ AD = 2AC = 4, CD = √3 AC = 2√3, AH = 1/2 AC = 1, DH = AD - AH = 3.

∴ T\_{(BC, AB)} = 6, CH ⊥ AB, ∴ BH = 6.

∴ DB = BH - DH = 3.

在 Rt△BDK 中, DK = BD · cos30° = 3√3/2.

∴ T\_{(BC, CD)} = CK = CD + DK = 2√3 + 3√3/2 = 7√3/2.

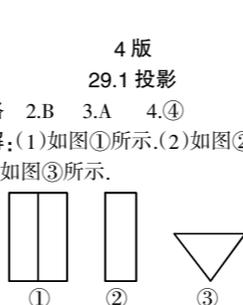
4 版

29.1 投影

1. 略 2. B 3. A 4. ④

5. 解: (1) 如图①所示. (2) 如图②所示.

(3) 如图③所示.



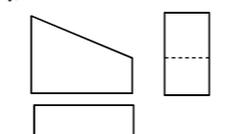
(第 5 题图)

29.2 三视图

第 1 课时

1. A

2. 解: 如图所示.



(第 2 题图)

3. A

第 2 课时

1. B 2. B 3. B

第 3 课时

1. C 2. B

第 24 期

下册综合能力提升 (一)

一、选择题

1~5. ADDAB 6~10. CCDDD

二、填空题

11. 1:16 12. 乙 13. 18 14. 1/3 15. 24

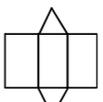
16. 3 17. -10 18. 12/5 或 48/11 或 72/7

三、解答题

19. 解: 原式 = 0.

20. 解: (1) 三棱柱.

(2) 表面展开图:



(第 20 题图)

21. 解: (1) 把点 A(-1, 6) 代入反比例函数

y₂ = m/x (m ≠ 0), 得 m = -1 × 6 = -6.

∴ y₂ = -6/x.

将 B(a, -2) 代入 y₂ = -6/x, 得 -2 = -6/a.

解得 a = 3. ∴ B(3, -2).

将 A(-1, 6), B(3, -2) 代入一次函数 y₁ =

kx + b, 得 { -k + b = 6, 3k + b = -2. }

解得 { k = -2, b = 4. }

∴ y₁ = -2x + 4.

(2) 当 y₁ > y₂ 时, x < -1 或 0 < x < 3.

22. 解: (1) 证明: ∵ 在 □ABCD 中, AB // CD,

AD // BC,

∴ ∠C + ∠B = 180°, ∠ADF = ∠DEC.

∴ ∠AFD + ∠AFE = 180°, ∠AFE = ∠B,

∴ ∠AFD = ∠C.

∴ △ADF ∽ △DEC.

(2) ∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

∴ CD = AB = 8.

由 (1) 知 △ADF ∽ △DEC,

∴ AD/DE = AF/DC.

∴ DE = AD · DC / AF = 6√3 × 8 / 4√3 = 12.

在 Rt△ADE 中, 根据勾股定理, 得 AE =

√(DE² - AD²) = √(12² - (6√3)²) = 6.

23. 解: 设 AC 与 GE 相交于点 H.

根据题意, 得 AB = CD = HE = 1.65, AC = BD =

12, ∠AHG = 90°.

在 Rt△CHF 中, ∠FCH = 45°,

∴ FH = CH · tan45° = CH.

∴ GF = 8, ∴ GH = GF + FH = 8 + CH.

在 Rt△AHG 中, ∠GAH = 37°,

∴ tan37° = GH/AH = 8 + CH / 12 + CH ≈ 0.75.

解得 CH = 4. ∴ FE = FH + HE = 5.65 ≈ 5.7 (米).

答: 条幅底端 F 到地面的距离 FE 的长度

约为 5.7 米.

24. 解: (1) 设线段 AB 的解析式为 y = kx + b.

将点 (0, 10) 和 (5, 20) 代入, 得 { b = 10, 5k + b = 20. }

解得 { k = 2, b = 10. }

∴ 该材料加热过程中 y 与 x 之间的函数

解析式为 y = 2x + 10 (0 ≤ x ≤ 5).

设双曲线 CD 的解析式为 y = m/x (m ≠ 0).

将点 C(10, 20) 代入, 得 m = 200.

∴ 该材料温度逐渐下降过程中, y 与 x 之

间的函数解析式为 y = 200/x (10 ≤ x ≤ 24).

(2) 把 y = 16 代入 y = 200/x, 解得 x = 25/2.

把 y = 16 代入 y = 2x + 10, 解得 x = 3.

25/2 - 3 = 19/2 (分钟).

答: 对该材料进行特殊处理所用的时间

为 19/2 分钟.

25. 解: (1) 由题意, 可得 FC // ED.

则 △BFC ∽ △BED.

∴ BC/BD = FC/DE.

即 BC/(BC + 4) = 1.5/3.5. 解得 BC = 3 (m).

答: BC 的长为 3m.

(2) ∵ AC = 5.4, BC = 3,

∴ AB = 5.4 - 3 = 2.4.

∴ 光在镜面反射中的入射角等于反射角,

∴ ∠FBC = ∠GBA. 又 ∠FCB = ∠GAB = 90°,

∴ △BGA ∽ △BFC.

∴ AG/AB = FC/BC.

即 AG/2.4 = 1.5/3.

解得 AG = 1.2 (m).

答: 灯泡到地面的高度 AG 为 1.2m.

26. 解: (1) BE = 2CF.

(2) 证明: 当 α = 30° 时,

∴ AC = BC,

∴ ∠ABC = 30°, ∠ACB = 120°.

∴ ∠ADE = 1/2 ∠ACB = 60°.

∴ ∠DAE = 90°,

∴ ∠AED = 30°, ∠BAE = 60°.

过点 C 作 CM ⊥ AB 于点 M, 连接 FM.

则 ∠ACM = 1/2 ∠ACB = 60°, 且点 M 是 AB

的中点.

∴ 点 F 是 BD 的中点,

∴ FM // AD, 且 FM = 1/2 AD.

∴ ∠FMB = ∠CAB = 30°.

∴ ∠CMF = ∠BAE = 60°.

∴ FM/AE = 1/2, AD/AE = tan30° = √3/6,

CM/BA = 1/2, CM/AM = tan30° = √3/6,

∴ △CMF ∽ △BAE, 且相似比为 √3/6.