

根据题意,得  $m-1 \neq 0$ .  
 $\therefore m \neq 1$ .  
 $\therefore m = -1$ .  
 $\therefore$  直线  $y = mx - 2$  即  $y = -x - 2$  经过的象限是第二、三、四象限.

15.解:设这个最小数为  $x$ ,则最大数为  $x+8$ .

根据题意,得  $x(x+8)=65$ .

整理,得  $x^2+8x-65=0$ .

解得  $x_1=5, x_2=-13$ (不合题意,舍去).

答:这个最小数为 5.

16.解:(1)把  $x=2$  代入方程,得  $4-4m+3m=0$ .

解得  $m=4$ .

(2)当  $m=4$  时,原方程变为  $x^2-8x+12=0$ .

解得  $x_1=2, x_2=6$ .

$\therefore$  该方程的两个根恰好是等腰三角形  $ABC$  的两条边长,且不存在三边为 2,2,6 的等腰三角形,

$\therefore \triangle ABC$  的腰长为 6,底边长为 2.

$\therefore \triangle ABC$  的周长为  $6+6+2=14$ .

17.解:(1)证明: $\therefore \Delta = [-(m-2)]^2 - 4 \times 1 \times (2m-8)$

$= m^2 - 12m + 36$

$= (m-6)^2 \geq 0$ ,

$\therefore$  方程总有两个实数根.

(2)解方程,可得

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{m-2 \pm |m-6|}{2}.$$

$\therefore x_1 = m-4, x_2 = 2$ .

$\therefore$  方程有一个根是负整数,

$\therefore m-4 < 0$ .

$\therefore m < 4$ .

$\therefore$  正整数  $m$  的值为 1 或 2 或 3.

四、

18.解:(1)C.

(2)B.

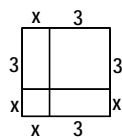
(3)如图,将边长为  $x$  的正方形、边长为 3 的正方形和两个长为 3,宽为  $x$  的长方形拼合在一起,面积为  $x^2+2 \cdot x \cdot 3+3^2$ ,即  $x^2+6x+9$ .

而将原方程  $x^2+6x-7=0$  变形,得  $x^2+6x+9=16$ ,即图中边长为  $x+3$  的正方形面积为 16.

所以  $(x+3)^2=16$ .

所以  $x+3=4$ (负数舍去).

解得  $x=1$ .



(第 18 题图)

#### 第 4 期 2 版

2.4 用因式分解法求解一元二次方程

1.B 2.D 3.-4,-6

4.(1) $x_1=0, x_2=\frac{5}{3}$ ; (2) $x_1=3, x_2=\frac{1}{2}$ ;

(3) $x_1=x_2=\frac{1}{2}$ ; (4) $x_1=\frac{3}{5}, x_2=-7$ .

\*2.5 一元二次方程的根与系数的关系

1.B 2.A 3.-2 4.2

5.解:设方程的两根为  $x_1$  和  $x_2$ ,

$\Delta = 4(m+1)^2 - 4(m^2-2) = 8m+12$ .

当  $\Delta \geq 0$  时,  $8m+12 \geq 0$ .

解得  $m \geq -\frac{3}{2}$ .

(1)若两根互为相反数,

则  $x_1+x_2=2(m+1)=0$ ,解得  $m=-1$ .

(2)若两根互为倒数,

即  $x_1 \cdot x_2 = 1 \therefore m^2-2=1$ .

解得  $m = \pm \sqrt{3}$ .

$\therefore -\sqrt{3} < -\frac{3}{2}, \therefore -\sqrt{3}$  舍去.

$\therefore m = \sqrt{3}$ .

(3)若有一根为 0,则  $x_1 \cdot x_2 = m^2-2=0$ .

解得  $m = \pm \sqrt{2}$ .

#### 2.6 应用一元二次方程

##### 第 1 课时

1.C 2.C

##### 第 2 课时

1.A 2.C

3.解:(1)设进馆人数的月平均增长率为  $x$ .

根据题意,得  $128(1+x)^2=288$ .

解这个方程,得  $x_1=0.5=50\%, x_2=-2.5$

(不合题意,舍去).

所以,进馆人数的月平均增长率为 50%.

(2)学校图书馆不能接纳第四个月的进馆人数.理由如下:

由(1)知,进馆人数的月平均增长率为 50%,

$\therefore$  第四个月的进馆人数为  $288 \times (1+50\%)=432$ (人).

$\therefore 432 > 400$ ,

$\therefore$  学校图书馆不能接纳第四个月的进馆人数.

#### 3 版

##### 一、选择题

1~6.CBDBBC

##### 二、填空题

7. $x_1=0, x_2=-1$  8.22

9. $35(1-x)^2=16$  10. $x_1=-8, x_2=2$

11. $-\frac{2}{3}$  12.2

##### 三、

13.解:(1)原式可变形为

$3x(x-1)+(x-1)=0$ ,

$(x-1)(3x+1)=0$ .

$x-1=0$ ,或  $3x+1=0$ .

$\therefore x_1=1, x_2=-\frac{1}{3}$ .

(2)原方程可变形为  $(x+3)^2-(1-2x)^2=0$ ,

$(x+3+1-2x)(x+3-1+2x)=0$ ,

即  $(-x+4)(3x+2)=0$ .

$-x+4=0$ ,或  $3x+2=0$ .

$\therefore x_1=4, x_2=-\frac{2}{3}$ .

14.解:(1)设该店“冰墩墩”销量的月平均增长率为  $x$ .

根据题意,得  $3(1+x)^2=3.63$ .

解这个方程,得  $x_1=0.1=10\%, x_2=-2.1$

(不合题意,舍去).

所以,该店“冰墩墩”销量的月平均增长率为 10%.

(2)没有超过 4 万件,理由如下:

假设保持相同的月平均增长率,那么 2022 年 2 月“冰墩墩”的销量为: $3.63 \times (1+10\%)=3.63 \times 1.1=3.993$ (万件).

$\therefore 3.993 < 4$ ,

$\therefore$  2022 年 2 月“冰墩墩”的销量没有超过 4 万件.

15.解:(1)公式法,二, $x-3$  可能为 0,方程两边同除以一个可能为 0 的整式.

(2) $x_1=3, x_2=-1$ .

16.解:(1) $\therefore$  方程有两个不相等的实数根,

$\therefore \Delta = [-2(m-2)]^2 - 4(m^2+1) > 0$ .

解得  $m < \frac{3}{4}$ .

(2)由根与系数的关系,得  $x_1+x_2=2(m-2), x_1x_2=m^2+1 \therefore (x_1-x_2)^2=30-x_1x_2$ ,

$\therefore (x_1+x_2)^2-4x_1x_2=30-x_1x_2$ ,

$\therefore [2(m-2)]^2-4(m^2+1)=30-(m^2+1)$ ,

即  $m^2-16m-17=0$ .解得  $m_1=17, m_2=-1$ .

由(1)知  $m < \frac{3}{4}$ ,

$\therefore$  实数  $m$  的值为 -1.

17.解:(1)设  $BC=x$  m,

则  $AB = \frac{60-x+2}{2}$  m.

根据题意,得  $x \cdot \frac{60-x+2}{2} = 300$ .

整理,得  $x^2-62x+600=0$ .

解这个方程,得  $x_1=12, x_2=50$ .

$\therefore$  墙  $EF$  最长可利用 28 m,

$\therefore x=12$ .

$\therefore BC=12$  m.

答:当矩形花园的一边  $BC$  长为 12 m 时,矩形花园的面积为 300 m<sup>2</sup>.

(2)不能围成面积为 480 m<sup>2</sup> 的矩形花园.理由如下:

设  $BC=y$  m,则  $AB = \frac{60-y+2}{2}$  m.

根据题意,得  $y \cdot \frac{60-y+2}{2} = 480$ .

整理,得  $y^2-62y+960=0$ .

解这个方程,得  $y_1=30, y_2=32$ .

$\therefore$  墙  $EF$  最长可利用 28 m,

$\therefore y_1=30, y_2=32$  均不符合题意.

$\therefore$  不能围成面积为 480 m<sup>2</sup> 的矩形花园.

##### 四、

18.解:(1)10.

(2)设参加聚会的有  $x$  人.

根据题意,得  $\frac{x(x-1)}{2} = 28$ .

解得  $x_1=8, x_2=-7$ (不符合题意,舍去).

答:参加聚会的有 8 人.

(3)在线段  $AB$  上取点  $P_1, P_2, \dots, P_m$ ,共有  $(m+2)$  个点,每一个点都和另外  $(m+1)$  个点组成线段,

$\therefore$  共有  $\frac{(m+2)(m+1)}{2}$  条线段.

根据题意,得  $\frac{(m+2)(m+1)}{2} = 66$ .

解得  $m_1=10, m_2=-13$ (不符合题意,舍去). $\therefore m$  的值为 10.

## 数学 北师大

### 第 1 期

#### 2 版

##### 1.1 菱形的性质与判定

##### 第 1 课时

1.B

2.证明: $\therefore$  四边形  $ABCD$  是菱形,

$\therefore AB=AD, \angle B=\angle D$ .

又  $\therefore BE=DF$ ,

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle ADF \therefore AE=AF$ .

##### 第 2 课时

1.答案不唯一,如  $AB=BC$  2.C

3.证明:(1) $\therefore$  四边形  $ABCD$  是平行四边形, $\therefore \angle A=\angle C$ .

在  $\triangle AED$  和  $\triangle CFD$  中,

$\therefore \angle A=\angle C, AE=CF, \angle AED=\angle CFD$ ,

$\therefore \triangle AED \cong \triangle CFD$ .

(2)由(1),知  $\triangle AED \cong \triangle CFD$ .

$\therefore AD=CD$ .

又  $\therefore$  四边形  $ABCD$  是平行四边形,

$\therefore$  四边形  $ABCD$  是菱形.

##### 1.2 矩形的性质与判定

##### 第 1 课时

1.4

2.证明: $\therefore$  四边形  $ABCD$  是矩形,

$\therefore \angle D=\angle B=90^\circ, AD=BC$ .

在  $\triangle ADF$  和  $\triangle CBE$  中,

$\therefore AD=BC, \angle D=\angle B, DF=BE$ ,

$\therefore \triangle ADF \cong \triangle CBE \therefore AF=CE$ .

3.D

4.解:(1)证明: $\therefore AD \perp AB$ ,点  $E$  是  $BD$  的中点,

$\therefore AE = \frac{1}{2} BD = BE$ .

$\therefore \angle EAB = \angle B$ .

$\therefore \angle AEC = \angle EAB + \angle B = 2 \angle B$ .

$\therefore \angle C = 2 \angle B$ ,

$\therefore \angle AEC = \angle C$ .

(2)由(1),得  $BD=2AE=17$ .

在  $Rt \triangle ABD$  中,由勾股定理,得

$AB = \sqrt{BD^2 - AD^2} = 15$ .

$\therefore \triangle ABE$  的周长  $= AB + BE + AE = 32$ .

##### 第 2 课时

1.C 2.C

3.证明: $\therefore \angle BAC=90^\circ, O$  为  $BC$  的中点,

$\therefore OA = \frac{1}{2} BC = OB = OC$ .

$\therefore OE$  平分  $\angle AOB, OD$  平分  $\angle AOC$ ,

$\therefore OE \perp AB, OD \perp AC$ .

$\therefore \angle AEO = \angle ADO = 90^\circ$ .

又  $\therefore \angle BAC=90^\circ$ ,

$\therefore$  四边形  $ADOE$  为矩形.

4.A

#### 3 版

##### 一、选择题

1~6.ABACBC

##### 二、填空题

7.90 8.64° 9.4 10.96

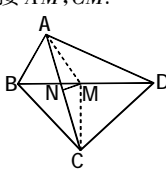
## 中考版答案页第 1 期

11.2 $\sqrt{11}$  12.9 或 18

三、

13.解: $MN \perp AC$ .证明如下:

如图,连接  $AM, CM$ .



(第 13 题图)

$\therefore \angle BAD = \angle BCD = 90^\circ, M$  为  $BD$  的中点,

$\therefore AM = \frac{1}{2} BD, CM = \frac{1}{2} BD$ .

$\therefore AM = CM$ .

$\therefore N$  为  $AC$  的中点,

$\therefore MN \perp AC$ .

14.证明: $\therefore$  四边形  $ABCD$  是矩形,

$\therefore \angle A = \angle D = 90^\circ$ .

$\therefore EF \perp CE, \therefore \angle FEC = 90^\circ$ .

$\therefore \angle AFE + \angle AEF = \angle AEF + \angle DEC = 90^\circ$ .

$\therefore \angle AFE = \angle DEC$ .

在  $\triangle AEF$  和  $\triangle DCE$  中,

$\therefore \angle AFE = \angle DEC, \angle A = \angle D, AE = CD$ ,

$\therefore \triangle AEF \cong \triangle DCE$ .

$\therefore AF = DE$ .

15.证明: $\therefore$  四边形  $ABCD$  是菱形,

$\therefore AB=BC, \angle ACB = \angle ACD, AB \parallel CD$ .

$\therefore \angle BCD + \angle B = 180^\circ$ .

又  $\therefore \angle B = 60^\circ$ ,

$\therefore \angle BCD = 120^\circ$ .

$\therefore \angle ACB = 60^\circ = \angle B$ .

$\therefore \triangle ABC$  是等边三角形.

$\therefore AB = AC$ .

在  $\triangle ABE$  和  $\triangle ACF$  中,

$\therefore AB = AC, \angle B = \angle ACF, BE = CF$ ,

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle ACF$ .

$\therefore AE = AF$ .

16.解:(1)证明: $\therefore CE \parallel BD, EB \parallel AC$ ,

$\therefore$  四边形  $OCEB$  为平行四边形.

$\therefore$  四边形  $ABCD$  为菱形,

$\therefore AC \perp BD$ .

$\therefore \angle BOC = 90^\circ$ .

$\therefore$  四边形  $OCEB$  为矩形.

(2) $\therefore$  四边形  $ABCD$  是菱形,  $AC=12, BD=16$ .

$\therefore BC = CD, AC \perp BD, OC = \frac{1}{2} AC = 6$ ,

$OB = \frac{1}{2} BD = 8$ .

在  $Rt \triangle BOC$  中,由勾股定理,得  $BC = \sqrt{OC^2 + OB^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10$ .

$\therefore$  四边形  $OCEB$  为矩形,

1.3 正方形的性质与判定  
第1课时

1.B

2.证明:∵ 四边形ABCD是正方形,  
∴ AB=BC=CD, ∠EBC=∠FCD=90°.  
又∵ E, F分别是AB, BC的中点,  
∴ BE=CF.  
在△CEB和△DFC中,  
∴ BC=CD, ∠EBC=∠FCD, BE=CF,  
∴ △CEB≌△DFC.  
∴ CE=DF.  
3.2

## 第2课时

1.D 2.D 3.正方形

4.证明:∵ 四边形ABCD是矩形,  
∴ ∠B=∠D=∠C=90°.  
∴ △AEF是等边三角形,  
∴ AE=AF, ∠AEF=∠AFE=60°.  
∴ ∠CEF=45°,  
∴ ∠CFE=∠CEF=45°.  
∴ ∠AFD=∠AEB=180°-45°-60°=75°.  
∴ △AEB≌△AFD.  
∴ AB=AD.  
∴ 矩形ABCD是正方形.  
3~4版

## 一、选择题

1~6. ADDBCA

## 二、填空题

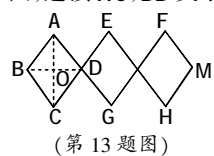
7. 矩形和正方形 8. 矩形 9. 115

10. 20 11. 30√3

12. 22.5°或112.5°

## 三、

13. 解:如图,连接AC, BD交于点O.



(第13题图)

∴ 四边形ABCD是菱形,

$$\therefore AO = \frac{1}{2}AC = 16\text{cm}, AC \perp BD.$$

在Rt△AOB中,由勾股定理,得  $BO = \sqrt{AB^2 - AO^2} = \sqrt{20^2 - 16^2} = 12(\text{cm}).$

$$\therefore BD = 2BO = 24(\text{cm}).$$

$$\therefore BM = 3BD = 72(\text{cm}).$$

∴ B, M 两点之间的距离为 72cm.

14. 证明:∵ 四边形ABCD是平行四边形,

$$\therefore AB = CD, AB \parallel CD.$$

$$\therefore AM \parallel CN.$$

∴ M, N 分别是 AB 和 CD 的中点,

$$\therefore AM = \frac{1}{2}AB, CN = \frac{1}{2}CD.$$

$$\therefore AM = CN.$$

∴ 四边形AMCN是平行四边形.

$$\therefore AC = BC,$$

∴ △ACB是等腰三角形.

∴ M是AB的中点,

$$\therefore CM \perp AB.$$

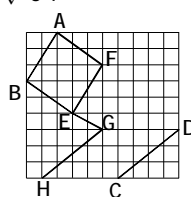
$$\therefore \angle AMC = 90^\circ.$$

∴ 平行四边形AMCN是矩形.

15. 解:(1)如图所示,四边形ABEF即为所求正方形.

(2)如图所示,四边形CDGH即为所求菱形.

$$EG = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}.$$

故填  $\sqrt{5}$ .

(第15题图)

16. 解:(1)证明:∵ ∠ABC=∠ADC=90°, 点O是AC的中点,

$$\therefore OB = \frac{1}{2}AC, OD = \frac{1}{2}AC.$$

$$\therefore OB = OD.$$

$$(2) \therefore OB = 6, OD = OB,$$

$$\therefore OD = 6.$$

$$\therefore \angle ADC = 90^\circ, O \text{ 为 } AC \text{ 的中点},$$

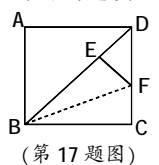
$$\therefore AC = 2OD = 12.$$

$$\therefore \angle ACD = 30^\circ, \angle ADC = 90^\circ,$$

$$\therefore OA = \frac{1}{2}AC = 6, \text{ 即 } OA = AD = OD = 6.$$

$$\therefore \triangle AOD \text{ 的周长是 } OA + AD + OD = 6 + 6 + 6 = 18.$$

17. 解:我选择的条件是②③,结论是①.证明如下:如图,连接BF.



(第17题图)

∴ 四边形ABCD是正方形,

$$\therefore \angle C = 90^\circ, \angle BDC = 45^\circ.$$

$$\therefore EF \perp BD,$$

$$\therefore \angle DEF = \angle BEF = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle EFD = 45^\circ.$$

∴ △DEF是等腰直角三角形.

$$\therefore DE = EF.$$

$$\therefore DE = CF,$$

$$\therefore CF = EF.$$

在Rt△BEF和Rt△BCF中,

$$\therefore BF = BF, EF = CF,$$

$$\therefore \text{Rt} \triangle BEF \cong \text{Rt} \triangle BCF (\text{HL}).$$

$$\therefore BE = BC.$$

注:答案不唯一,如条件是①②,结论是③,证明略.

## 四、

18. 解:(1)证明:∵ 在等边△ABC中, AH ⊥ BC, ∴ BH = CH.

$$\text{又} \therefore EH = FH,$$

∴ 四边形EBFC是平行四边形.

∴ 点E在AH上, AH ⊥ BC, BH = CH,

$$\therefore BE = CE.$$

∴ 四边形EBFC是菱形.

(2)若四边形EBFC是正方形,则 ∠BEC = 90°.

$$\therefore BE = CE,$$

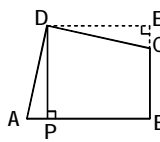
∴ △BEC为等腰直角三角形.

∴ 在等边△ABC中, AB = 2, ∴ BC = 2.

∴ 在△BEC中,  $BE^2 + CE^2 = BC^2$ , 即  $2CE^2 = 4$ .

$$\text{解得 } CE = \sqrt{2}.$$

19. 解:如图,过点D作DE ⊥ BC交BC的延长线于点E.



(第19题图)

$$\therefore DE \perp BC, DP \perp AB,$$

$$\therefore \angle E = \angle DPB = \angle ABC = 90^\circ.$$

∴ 四边形DPBE是矩形.

$$\therefore \angle CDE + \angle CDP = 90^\circ, \angle ADP + \angle CDP = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ADP = \angle CDE.$$

$$\therefore DP \perp AB,$$

$$\therefore \angle APD = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle APD = \angle E.$$

在△ADP和△CDE中,

$$\therefore \angle ADP = \angle CDE, \angle APD = \angle E, AD = CD,$$

$$\therefore \triangle ADP \cong \triangle CDE.$$

$$\therefore DE = DP, S_{\text{四边形}ABCD} = S_{\text{四边形}DPBE} = 18.$$

∴ 矩形DPBE是正方形.

$$\therefore DP = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}.$$

20. 解:(1)证明:∵ 四边形ABCD是菱形,

$$\therefore AD \parallel BC \text{ 且 } AD = BC.$$

$$\therefore BE = CF, \therefore BC = EF, \therefore AD = EF.$$

$$\therefore AD \parallel EF,$$

∴ 四边形AEFD是平行四边形.

$$\therefore AE \perp BC, \therefore \angle AEF = 90^\circ.$$

∴ 四边形AEFD是矩形.

(2)∵ 四边形ABCD是菱形, AB = 13, ∴ BC = AB = 13, AC ⊥ BD, OA = OC =

$$\frac{1}{2}AC, OB = OD = \frac{1}{2}BD.$$

$$\therefore AE \perp BC,$$

$$\therefore \angle AEC = 90^\circ.$$

$$\therefore OE = \frac{1}{2}AC = OA = 2\sqrt{13}.$$

$$\therefore AC = 2OE = 4\sqrt{13}.$$

$$\therefore OB = \sqrt{AB^2 - OA^2} = \sqrt{13^2 - (2\sqrt{13})^2} = 3\sqrt{13}.$$

$$\therefore BD = 2OB = 6\sqrt{13}.$$

$$\therefore \text{菱形}ABCD \text{ 的面积} = \frac{1}{2}BD \cdot AC =$$

$$BC \cdot AE, \text{ 即 } \frac{1}{2} \times 6\sqrt{13} \times 4\sqrt{13} = 13AE.$$

$$\text{解得 } AE = 12.$$

## 五、

21. 解:(1)  $B'H \perp EF$ .理由如下:由折叠的性质,得  $B'F = BF$ ,  $\angle B'FE = \angle BFE$ .

∴ 四边形ABCD是矩形,

$$\therefore AD \parallel BC.$$

$$\therefore \angle B'FE = \angle BFE.$$

$$\therefore \angle B'FE = \angle B'FE.$$

$$\therefore B'F = B'E.$$

∴ H为EF的中点,

数学  
北师大

## 中考版答案页第1期

$$\therefore B'H \perp EF.$$

(2)设  $BF = x$ , 由(1)知  $B'F = BF = B'E = x$ .由折叠的性质,得  $AE = A'E = 6 - x$ ,

$$AB = A'B' = 4.$$

在Rt△A'B'E中,由勾股定理,得

$$B'E^2 = A'B'^2 + A'E^2,$$

$$\text{即 } x^2 = 4^2 + (6 - x)^2.$$

$$\text{解得 } x = \frac{13}{3}.$$

$$\therefore BF \text{ 的长为 } \frac{13}{3}.$$

22. 解:(1)四边形AEDF是菱形.证明如下:

$$\therefore AD \text{ 平分 } \angle BAC,$$

$$\therefore \angle 1 = \angle 2.$$

$$\text{又} \therefore EF \perp AD,$$

$$\therefore \angle AOE = \angle AOF = 90^\circ.$$

在△AEO和△AFO中,

$$\therefore \angle 1 = \angle 2, AO = AO, \angle AOE = \angle AOF,$$

$$\therefore \triangle AEO \cong \triangle AFO.$$

$$\therefore EO = FO.$$

$$\therefore EF \text{ 垂直平分 } AD,$$

$$\therefore EF, AD \text{ 互相平分}.$$

∴ 四边形AEDF是平行四边形.

$$\text{又} \therefore EF \perp AD,$$

$$\therefore \square AEDF \text{ 为菱形}.$$

(2)∵ 四边形AEDF为菱形,

$$\therefore AE = AF.$$

$$\therefore \angle BAC = 60^\circ,$$

$$\therefore \triangle AEF \text{ 是等边三角形}, \angle 1 = 30^\circ.$$

$$\text{又} \therefore AE = 6,$$

$$\therefore OE = \frac{1}{2}AE = 3, AO = \sqrt{AE^2 - OE^2} =$$

$$\sqrt{6^2 - 3^2} = 3\sqrt{3}, EF = AE = 6.$$

$$\therefore AD = 6\sqrt{3}.$$

$$\therefore \text{四边形}AEDF \text{ 的面积} = \frac{1}{2}AD \cdot EF =$$

$$\frac{1}{2} \times 6\sqrt{3} \times 6 = 18\sqrt{3}.$$

(3)在△ABC中,当∠BAC=90°时,四边形AEDF是正方形.

$$\therefore \angle BAC = 90^\circ,$$

∴ 四边形AEDF是正方形(有一个角是直角的菱形是正方形).

## 六、

23. 解:(1)证明:在正方形ABCD中, AB = BC, ∠ABP = ∠CBP = 45°.

在△ABP和△CBP中,

$$\therefore AB = CB, \angle ABP = \angle CBP, PB = PB,$$

$$\therefore \triangle ABP \cong \triangle CBP.$$

$$\therefore PA = PC.$$

$$\therefore PA = PE,$$

$$\therefore PC = PE.$$

(2)由(1)知, △ABP ≌ △CBP.

$$\therefore \angle BAP = \angle BCP.$$

$$\therefore \angle DAP = \angle DCP.$$

$$\therefore PA = PE,$$

$$\therefore \angle DAP = \angle E.$$

$$\therefore \angle DCP = \angle E.$$

$$\therefore x = \frac{-3 \pm 1}{4}, \text{ 即 } x_1 = -\frac{1}{2}, x_2 = -1.$$

(3)将原方程化为一般形式,得  $x^2 +$ 

$$2\sqrt{5}x - 10 = 0.$$

这里  $a = 1, b = 2\sqrt{5}, c = -10$ .

$$\therefore b^2 - 4ac = (2\sqrt{5})^2 - 4 \times 1 \times (-10) = 20 + 40 = 60 > 0,$$

$$\therefore x = \frac{-2\sqrt{5} \pm \sqrt{60}}{2 \times 1} = -\sqrt{5} \pm \sqrt{15},$$

$$\text{即 } x_1 = -\sqrt{5} + \sqrt{15}, x_2 = -\sqrt{5} - \sqrt{15}.$$

3.B

4. 解:(1)∵  $a = 2, b = 3, c = -4$ ,

$$\therefore b^2 - 4ac = 3^2 - 4 \times 2 \times (-4) = 9 + 32 = 41 > 0.$$

∴ 此方程有两个不相等的实数根.

$$(2) \therefore a = 1, b = -2\sqrt{3}, c = 3,$$

$$\therefore b^2 - 4ac = (-2\sqrt{3})^2 - 4 \times 1 \times 3 = 12 - 12 = 0.$$

∴ 此方程有两个相等的实数根.

(3)原方程可化为  $5x^2 - 7x + 5 = 0$ .

$$\therefore a = 5, b = -7, c = 5,$$

$$\therefore b^2 - 4ac = (-7)^2 - 4 \times 5 \times 5 = 49 - 100 = -51 < 0.$$

∴ 此方程没有实数根.

## 第2课时

1.11

2. 解:设小路的宽为  $x$  m. 图中的小路平移到矩形边上时,种植面积是不改变的.

根据题意,得  $(40 - x)(32 - x) = 1140$ .解得  $x_1 = 2, x_2 = 70$  (不合题意,舍去).

所以小路的宽为 2m.

## 3版

## 一、选择题

1~6. DCDADC

## 二、填空题

7.2 8.3, -7 9.30

10. 答案不唯一,如  $-1$  ( $m < 1$  即可)

11.10 12.2 或 3

## 三、

13. 解:(1)将原方程化为一般形式,得  $x^2 - 3x - 4 = 0$ .

这里  $a = 1, b = -3, c = -4$ .

$$\therefore \Delta = (-3)^2 - 4 \times 1 \times (-4) = 9 + 16 = 25 > 0,$$

$$\therefore x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{3 \pm 5}{2 \times 1},$$

$$\text{即 } x_1 = 4, x_2 = -1.$$

(2)移项,得  $2x^2 - 4x = -1$ .

$$\text{两边同除以 } 2, \text{ 得 } x^2 - 2x = -\frac{1}{2}.$$

$$\text{配方, 得 } x^2 - 2x + 1 = \frac{1}{2},$$

$$(x - 1)^2 = \frac{1}{2}.$$

$$\text{两边开平方, 得 } x - 1 = \pm \sqrt{\frac{1}{2}},$$

$$\text{$$