

一、选择题

- 1-5.CCBDA
- 6-10.ABADC

二、填空题

- 11.3
- 12.2
- 13. $\frac{1-\sqrt{17}}{2}$

- 14.1

三、

15.解:(1)原方程化为

$$\sqrt{2}x^2-4x-4\sqrt{2}=0.$$

$$a=\sqrt{2}, b=-4, c=-4\sqrt{2}.$$

$$\Delta=b^2-4ac=(-4)^2-4\times\sqrt{2}\times(-4\sqrt{2})=48>0.$$

$$x=\frac{-(-4)\pm\sqrt{48}}{2\times\sqrt{2}}=\sqrt{2}\pm\sqrt{6},$$

$$\text{即 } x_1=\sqrt{2}+\sqrt{6}, x_2=\sqrt{2}-\sqrt{6}.$$

$$(2)(x-5)(x+1)=0.$$

于是得 $x-5=0$ 或 $x+1=0$,

所以 $x_1=5, x_2=-1$.

16.解:(1)整理,得

$$(1+x)^2=\frac{144}{100}.$$

由此可得 $1+x=\pm 1.2$.

所以 $x_1=0.2, x_2=-2.2$.

$$(2)\text{原方程化为}(2x+3)^2-(2x+3)=0.$$

提取公因式, $(2x+3)(2x+3-1)=0$,

$$\text{即 } 2(2x+3)(x+1)=0.$$

$$\text{解得 } x_1=-\frac{3}{2}, x_2=-1.$$

四、

17.解:(1)把 $x=2$ 代入方程得 $4-4m+3m=0$, 解得 $m=4$.

(2)当 $m=4$ 时, 原方程变为 $x^2-8x+12=0$, 解得 $x_1=2, x_2=6$.

\therefore 该方程的两个根恰好是等腰 $\triangle ABC$ 的两条边长, 且不存在三边为 2, 2, 6 的等腰三角形,

$\therefore \triangle ABC$ 的腰长为 6, 底边长为 2.

$\therefore \triangle ABC$ 的周长为 $6+6+2=14$.

18.解: 设每千克小米的售价应降 x 元. 由题意, 得

$$(16-x-10)\left(200+\frac{40x}{0.5}\right)=1400.$$

整理, 得 $2x^2-7x+5=0$.

解这个方程, 得 $x_1=1, x_2=2.5$.

\therefore 为了尽快减少库存,

$$\therefore x=2.5.$$

\therefore 每千克小米的售价应为 $16-2.5=$

13.5(元).

答: 每千克小米的售价应为 13.5 元.

五、

19.解:(1)依题意有 $\Delta=2^2-4(a-2)>0$, 解得 $a<3$.

(2)依题意得 $1+2+a-2=0$,

解得 $a=-1$.

所以原方程为 $x^2+2x-3=0$.

解得 $x_1=1, x_2=-3$.

所以 $a=-1$, 方程的另一根为 $x=-3$.

20.解: 设 AB 的长度为 x 米, 则 BC 的长度为 $(100-4x)$ 米.

根据题意, 得 $(100-4x)x=400$.

解得 $x_1=20, x_2=5$.

因为 $0<100-4x<25$, 则 $\frac{75}{4}<x<25$.

所以 $x=20$.

所以 AB=20(米), BC=20(米).

答: 羊圈的边长 AB, BC 分别是 20 米、20 米.

六、

21.解:(1)设 y 与销售单价 x 之间的函数关系式为: $y=kx+b$.

将点 $(1, 110)$ 、 $(3, 130)$ 代入一次函数表达式, 得

$$\begin{cases} 110=k+b, \\ 130=3k+b. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} k=10, \\ b=100. \end{cases}$$

故函数的表达式为: $y=10x+100$.

(2)根据题意, 得 $(10x+100)\times(55-x-35)=1760$.

整理, 得 $x^2-10x-24=0$.

解得 $x_1=12, x_2=-2$ (舍去).

所以 $55-x=43$.

答: 这种消毒液每桶实际售价为

43 元.

七、

22.解:(1)设 10 月份到 12 月份大葱的批发价格的月平均增长率为 x .

根据题意, 得 $5(1+x)^2=7.2$.

解得 $x_1=0.2=20\%, x_2=-2.2$ (不合题意, 舍去).

答: 10 月份到 12 月份大葱的批发价格的月平均增长率为 20%.

(2)设大葱的销售单价降低 y 元, 则每公斤的销售利润为 $10-y-7.2=(2.8-y)$

元, 每天的销售量为 $500+\frac{y}{0.1}\times 40=(500+400y)$ 公斤.

根据题意, 得 $(2.8-y)(500+400y)=1640$.

整理, 得 $20y^2-31y+12=0$.

解得 $y_1=0.75, y_2=0.8$.

\therefore 要最大限度让利于顾客,

$$\therefore y=0.8.$$

答: 当大葱的销售单价降低 0.8 元时, 该超市每天销售大葱的利润为 1 640 元.

八、

$$23.\text{解:}(1)\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}.$$

$$(2)-3, 4.$$

(3) \therefore 关于 x 的一元二次方程 $x^2-(k-1)x-k+2=0$ 有两个实数根 x_1, x_2 ,

$$\therefore x_1+x_2=k-1, x_1x_2=2-k.$$

$$\therefore (x_1+x_2+2)(x_1+x_2-2)+2x_1x_2=-2, \text{即 } (x_1+x_2)^2-4+2x_1x_2=-2,$$

$$\therefore (k-1)^2-4+2(2-k)=-2.$$

整理, 得 $k^2-4k+3=0$.

解得 $k_1=3, k_2=1$.

当 $k=3$ 时, 原方程为 $x^2-2x-1=0$.

$$\therefore \Delta=(-2)^2-4\times 1\times(-1)=8>0,$$

$\therefore k=3$ 符合题意;

当 $k=1$ 时, 原方程为 $x^2+1=0$.

\therefore 此方程没有实数根,

$\therefore k=1$ 不符合题意, 舍去.

$\therefore k$ 的值为 3.

第 29 期

2 版

17.2.2 公式法

1.A

2.D

3.解:(1) $a=1, b=-2, c=-8$,

$$b^2-4ac=(-2)^2-4\times 1\times(-8)=36>0.$$

代入求根公式, 得

$$x=\frac{-(-2)\pm\sqrt{36}}{2\times 1}=\frac{2\pm 6}{2}=1\pm 3.$$

即 $x_1=4, x_2=-2$.

(2) $a=2, b=3, c=1$,

$$b^2-4ac=3^2-4\times 2\times 1=1>0,$$

$$\therefore x=\frac{-3\pm 1}{4}.$$

$$\text{即 } x_1=-\frac{1}{2}, x_2=-1.$$

(3)移项, 得 $x^2+2\sqrt{5}x-10=0$.

$$a=1, b=2\sqrt{5}, c=-10,$$

$$b^2-4ac=(2\sqrt{5})^2-4\times 1\times(-10)=20+$$

$$40=60>0.$$

方程有两个不相等的实数根

$$x=\frac{-2\sqrt{5}\pm\sqrt{60}}{2\times 1}=-\sqrt{5}\pm\sqrt{15},$$

$$\text{即 } x_1=-\sqrt{5}+\sqrt{15}, x_2=-\sqrt{5}-\sqrt{15}.$$

17.2.3 因式分解法

第 1 课时

1.C

$$2.x_1=-5, x_2=1$$

3.A

$$4.(1)x_1=0, x_2=\frac{5}{3};$$

$$(2)x_1=3, x_2=\frac{1}{2};$$

$$(3)x_1=x_2=\frac{1}{2};$$

$$(4)x_1=\frac{3}{5}, x_2=-7.$$

5.C

第 2 课时

1.C

2.D

3.4 或 -2

$$4.(1)x_1=4, x_2=-2.$$

$$(2)x_1=4, x_2=-\frac{4}{3}.$$

$$(3)x_1=1+\frac{\sqrt{2}}{2}, x_2=1-\frac{\sqrt{2}}{2}.$$

$$(4)x_1=\frac{3+\sqrt{33}}{4}, x_2=\frac{3-\sqrt{33}}{4}.$$

5.解: 把 $x=0$ 代入原方程, 得

$$m^2+3m-4=0.$$

解这个关于 m 的一元二次方程, 得

$m=1$ 或 $m=-4$.

而当 $m=-4$ 时, 关于 x 的方程不是

一元二次方程,

因此, $m=1$.

3 版

基础巩固

一、选择题

1-4.BCCD

5-8.DCCC

二、填空题

$$9.x_1=0, x_2=-1$$

$$10.x=\frac{-1\pm\sqrt{13}}{6}$$

11.1

$$12.x_1=\frac{7}{2}, x_2=-2$$

$$13.-3, x_1=0, x_2=-\frac{1}{3}$$

14.12

15.-3 或 4

三、解答题

$$16.(1)x_1=2, x_2=-\frac{1}{3};$$

$$(2)x_1=\frac{11+\sqrt{13}}{6}, x_2=\frac{11-\sqrt{13}}{6}.$$

$$17.(1)x_1=0, x_2=\frac{5}{2};$$

$$(2)x_1=\frac{3}{5}, x_2=-1.$$

18.解:(1) $2\times(-1)=2\times(-1)-(-1)^2=-2-1=-3$;

$$(-1)\times 2=2^2-(-1)\times 2=4+2=6.$$

故答案为 -3.6.

(2)解方程 $x^2-5x-6=0$, 得 $x_1=-1, x_2=6$.

所以 $x_1\times x_2=(-1)\times 6=6^2-(-1)\times 6=42$.

(3)当 $x<2$ 时, $2^2-2x=3x-x^2$,

整理, 得 $x^2-5x+4=0$.

解得 $x_1=1, x_2=4$ (舍去).

当 $2\leq x<3$ 时, $2x-2^2=3x-x^2$,

整理, 得 $x^2-x-4=0$.

$$\text{解得 } x_1=\frac{1+\sqrt{17}}{2}, x_2=\frac{1-\sqrt{17}}{2}$$

(舍去).

当 $x\geq 3$ 时, $2x-2^2=x^2-3x$.

整理, 得 $x^2-5x+4=0$.

解得 $x_1=1$ (舍去), $x_2=4$.

综上所述, x 的值为 1 或 $\frac{1+\sqrt{17}}{2}$

或 4.

能力提升

19.解: 设 $x^2=y$, 则原方程可化为 $y^2-2y-15=0$.

解得 $y=5$ 或 $y=-3$.

当 $y=5$ 时, $x^2=5$, 所以 $x=\pm\sqrt{5}$;

当 $y=-3$ 时, $x^2=-3$, 无意义, 舍去.

因此, 原方程的根是 $x_1=\sqrt{5}, x_2=-\sqrt{5}$.

17.3 一元二次方程根的判别式

1.C 2.A 3.B 4.C

$5. \pm 2\sqrt{3}$

$6. k > -1$ 且 $k \neq 0$

7.0

8.解:(1) $\therefore a=2, b=3, c=-4,$

$\therefore \Delta = b^2 - 4ac = 3^2 - 4 \times 2 \times (-4) = 9 + 32 = 41 > 0.$

\therefore 此方程有两个不相等的实数根.

(2) $\therefore a=1, b=-2\sqrt{3}, c=3,$

$\therefore \Delta = b^2 - 4ac = (-2\sqrt{3})^2 - 4 \times 1 \times 3 = 12 - 12 = 0.$

\therefore 此方程有两个相等的实数根.

(3)原方程可化为 $5x^2 - 7x + 5 = 0.$

$\therefore a=5, b=-7, c=5,$

$\therefore \Delta = b^2 - 4ac = (-7)^2 - 4 \times 5 \times 5 = 49 - 100 = -51 < 0.$

\therefore 此方程没有实数根.

9.解: \therefore 方程 $kx^2 - 12x + 9 = 0$ 是关于 x 的一元二次方程,

$\therefore k \neq 0.$

$b^2 - 4ac = (-12)^2 - 4k \times 9 = 144 - 36k.$

(1)由 $144 - 36k > 0$, 解得 $k < 4.$

又 $k \neq 0$, 所以当 $k < 4$ 且 $k \neq 0$ 时, 方程有两个不相等的实数根.

(2)由 $144 - 36k = 0$, 解得 $k = 4.$

\therefore 当 $k = 4$ 时, 方程有两个相等的实数根.

(3)由 $144 - 36k < 0$, 解得 $k > 4.$

\therefore 当 $k > 4$ 时, 方程没有实数根.

*17.4 一元二次方程的根与系数的关系

1.B 2.D 3.A 4.A

5.10

6.-2

7.-2

8.2

9.解:由根与系数的关系,得

$x_1 + x_2 = -\frac{3}{2}, x_1 \cdot x_2 = -2.$ 因此

(1) $x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 \cdot x_2$

$= \left(-\frac{3}{2}\right)^2 - 2 \times (-2)$

$= \frac{25}{4}.$

(2) $\therefore (x_1 - x_2)^2 = (x_1 + x_2)^2 - 4x_1 \cdot x_2 =$

$\left(-\frac{3}{2}\right)^2 - 4 \times (-2) = \frac{41}{4}.$

$\therefore |x_1 - x_2| = \sqrt{(x_1 - x_2)^2} = \frac{\sqrt{41}}{2}.$

10.解:(1) $\triangle ABC$ 为等腰三角形.

理由:当 $x = -1$ 时, 代入得 $(a+c) -$

$2b + a - c = 0.$

解得 $a = b.$

所以 $\triangle ABC$ 为等腰三角形.

(2) $\triangle ABC$ 为直角三角形.

理由: $\Delta = (2b)^2 - 4(a+c)(a-c) = 0.$

化简, 得 $a^2 = b^2 + c^2.$

所以 $\triangle ABC$ 为直角三角形.

3 版

基础巩固

一、选择题

1-4.DCCD

5-8.ADBB

二、填空题

9. $\frac{13}{4}$

10.81

11.-3

12.-2

13.2

14. $\frac{7}{2}, -3$

15. $-\frac{2}{3}$

16. $-\frac{2}{3}$

17. $-\frac{2}{3}$

18. $-\frac{2}{3}$

三、解答题

16.解:(1) $a=2, b=-5, c=4,$

$b^2 - 4ac = (-5)^2 - 4 \times 2 \times 4 = -7 < 0.$

\therefore 原方程没有实数根.

(2) $a=3, b=-\sqrt{2}, c=-1,$

$b^2 - 4ac = (-\sqrt{2})^2 - 4 \times 3 \times (-1) = 14 > 0.$

\therefore 原方程有两个不相等的实数根.

17.解:(1)证明: $\therefore \Delta = (2m+1)^2 - 4 \times$

$1 \times (m-2) = 4m^2 + 4m + 1 - 4m + 8 = 4m^2 + 9 > 0,$

\therefore 无论 m 取何值, 此方程总有两个不相等的实数根.

(2)由根与系数的关系, 得 $x_1 + x_2 =$

$-(2m+1), x_1 \cdot x_2 = m-2.$

$\therefore x_1 + x_2 + 3x_1 \cdot x_2 = 1,$

$\therefore -(2m+1) + 3(m-2) = 1.$

解得 $m = 8.$

18.解:(1)证明: $\therefore \Delta = [-(m+3)]^2 -$

$4(4m-4) = m^2 - 10m + 25 = (m-5)^2 \geq 0,$

\therefore 无论 m 取何值, 这个方程总有实数根.

(2) $\therefore \triangle ABC$ 为等腰三角形,

$\therefore b=c$ 或 b, c 中有一个为 5.

①当 $b=c$ 时, $\Delta = (m-5)^2 = 0.$

解得 $m = 5.$

\therefore 原方程为 $x^2 - 8x + 16 = 0.$

解得 $x_1 = x_2 = 4.$

$\therefore b+c = 4+4 = 8 > 5,$

$\therefore 4, 4, 5$ 能构成三角形.

该三角形的周长为 $4+4+5 = 13.$

②当 b 或 c 中有一个为 5 时, 将 $x =$

5 代入原方程, 得 $25 - 5m - 15 + 4m - 4 = 0.$

解得 $m = 6.$

\therefore 原方程为 $x^2 - 9x + 20 = 0.$

解得 $x_1 = 4, x_2 = 5.$

$\therefore 4, 5, 5$ 能构成三角形,

\therefore 该三角形的周长为 $4+5+5 = 14.$

综上所述, 该三角形的周长是 13

或 14.

能力提升

19.2

20.解:(1)①设 x_1, x_2 是一元二次方程 $x^2 - 4x - 5 = 0$ 的两个实数根,

$\therefore x_1 + x_2 = 4, x_1 \cdot x_2 = -5.$

$\therefore |x_1 - x_2| = \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 \cdot x_2}$

$= \sqrt{4^2 - 4 \times (-5)} = 6.$

\therefore 方程 $x^2 - 4x - 5 = 0$ 不是“差根方程”.

②设 x_1, x_2 是一元二次方程 $2x^2 -$

$2\sqrt{3}x + 1 = 0$ 的两个实数根,

$\therefore x_1 + x_2 = \sqrt{3}, x_1 \cdot x_2 = \frac{1}{2}.$

$\therefore |x_1 - x_2| = \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 \cdot x_2}$

$= \sqrt{(\sqrt{3})^2 - 4 \times \frac{1}{2}} = 1.$

\therefore 方程 $2x^2 - 2\sqrt{3}x + 1 = 0$ 是“差根方程”.

(2) $x^2 + 2ax = 0.$

因式分解, 得 $x(x + 2a) = 0.$

解得 $x_1 = 0, x_2 = -2a.$

\therefore 关于 x 的方程 $x^2 + 2ax = 0$ 是“差根方程”,

$\therefore 2a = \pm 1,$ 即 $a = \pm \frac{1}{2}.$

(3)设 x_1, x_2 是一元二次方程 $ax^2 + bx +$

$1 = 0$ (a, b 是常数, $a > 0$) 的两个实数根,

$\therefore x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, x_1 \cdot x_2 = \frac{1}{a}.$

\therefore 关于 x 的方程 $ax^2 + bx + 1 = 0$ (a, b 是常数, $a > 0$) 是“差根方程”,

$\therefore |x_1 - x_2| = 1.$

$\therefore \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 \cdot x_2} = 1,$

即 $\sqrt{\left(-\frac{b}{a}\right)^2 - 4 \cdot \frac{1}{a}} = 1.$

$\therefore b^2 = a^2 + 4a.$

第 31 期

2 版

17.5 一元二次方程的应用

第 1 课时

1.D

2. $x(x+40) = 1\ 200$

3.解:设剪去的正方形边长为 x dm,

则做成的长方形纸盒的底面长为

$(10-2x)$ dm, 宽为 $(6-2x)$ dm.

依题意, 得 $(10-2x)(6-2x) = 32.$

整理, 得 $x^2 - 8x + 7 = 0.$

解得 $x_1 = 1, x_2 = 7.$

$\therefore 6-2x > 0,$

$\therefore x < 3.$

$\therefore x = 1.$

答:剪去的正方形边长为 1 dm.

第 2 课时

1.A

2.36 或 4

3.解:根据题意, 得

$(x-40)(200-2x) = 1\ 800.$

整理, 得 $x^2 - 140x + 4\ 900 = 0.$

解得 $x_1 = x_2 = 70.$

当 $x = 70$ (元) 时, $P = 200 - 2x = 60$ (件).

答:每件 T 恤衫的售价应定为 70 元,

每天要售出这种 T 恤衫 60 件.

第 3 课时

1.D

2.D

3.解:(1)设呼吸机产量的月平均

增长率为 x . 根据题意, 得

$80 + 80(1+x) + 80(1+x)^2 = 560.$

解得 $x_1 = -4$ (舍去), $x_2 = 1 = 100\%.$

答:呼吸机产量的月平均增长率为

100%.

(2) $80 \times (1+1)^4 = 1\ 280$ (台).

答:五月份产量为 1 280 台.

4.解:(1)设 2019 年至 2021 年该地

区投入教育经费的年平均增长率为 x .

根据题意, 得 $2\ 500(1+x)^2 = 3\ 025.$

解得 $x_1 = 0.1 = 10\%, x_2 = -2.1$ (舍去).

答:2019 年至 2021 年该地区投入

教育经费的年平均增长率为 10%.

(2) $3\ 025(1+10\%) = 3\ 327.5$ (万元).

答:2022 年该地区将投入教育经

费 3 327.5 万元.

第 4 课时

1.B

2. $\frac{420}{x-0.5} - \frac{420}{x} = 20$

3.解:设大客车的速度为 x 千米/小

时, 则中巴车的速度为 $(x+20)$ 千米/小

时, 大客车跑完全程需 $\frac{300}{x}$ 小时, 中巴

车需 $\frac{300}{x+20}$ 小时.

根据题意, 得 $\frac{300}{x} - \frac{300}{x+20} = \frac{1}{2}.$

去分母, 得

$600x + 12\ 000 - 600x = x^2 + 20x.$

整理, 得 $x^2 + 20x - 12\ 000 = 0.$

解得 $x_1 = 100, x_2 = -120.$

经检验, $x_1 = 100, x_2 = -120$ 都是原方

程的根, 但 $x_2 = -120$ 不合题意, 所以取

$x = 100.$

答:大客车的速度为 100 千米/小时,

中巴车的速度为 120 千米/小时.

3 版

一、选择题

1-4.BDAC

5-8.CABA

二、填空题

9. $x(20-x) = 64$

10.10%

11.2

12. $x(x-1) = 1\ 056$

13.4

14. $(40-x)(20+2x) = 1\ 200$

15.10

三、解答题

16.解:设增加了 x 行, 则增加的列

数为 x .

根据题意, 得 $(6+x)(8+x) - 6 \times 8 = 51.$

整理, 得 $x^2 + 14x - 51 = 0.$

解得 $x_1 = 3, x_2 = -17$ (舍去).

答:增加了 3 行 3 列.

17.解:设茶园垂直于墙的一边长

为 x m, 则另一边的长度为 $(69+1-2x)$ m.

根据题意, 得 $x(69+1-2x) = 600.$