

第 33 期
2 版

18.2.2 菱形
第 1 课时

1.A 2.A 3.5

4.证明:∵ 四边形 ABCD 是菱形,

∴BA=BC, ∠ABE=∠CBE.

在△ABE 和△CBE 中,

$$\begin{cases} BA=BC, \\ \angle ABE=\angle CBE, \\ BE=BE, \end{cases}$$

∴△ABE≌△CBE(SAS).

∴AE=CE.

5.18°

第 2 课时

1.D

2.证明:∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

$$\therefore OA=\frac{1}{2}AC=12, OB=\frac{1}{2}BD=5.$$

$$\therefore OA^2+OB^2=12^2+5^2=169, AB^2=13^2=169,$$

$$\therefore OA^2+OB^2=AB^2.$$

$$\therefore \angle AOB=90^\circ.$$

$$\therefore AC \perp BD.$$

$$\therefore \square ABCD \text{ 是菱形}.$$

3. 证明:(1)∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

$$\therefore \angle A=\angle C.$$

在△AED 和△CFD 中,

$$\begin{cases} \angle A=\angle C, \\ AE=CF, \\ \angle AED=\angle CFD, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle AED \cong \triangle CFD(ASA).$$

(2)由(1),知△AED≌△CFD.

$$\therefore AD=CD.$$

又∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

∴ 四边形 ABCD 是菱形.

$$4. \frac{17}{4}$$

18.2.3 正方形
第 1 课时

1.D

2.证明:∵ 四边形 ABCD 是正方形,

$$\therefore AB=BC=CD=DA.$$

$$\therefore CE=DF,$$

$$\therefore BE=CF.$$

在△AEB 和△BFC 中,

$$\begin{cases} AB=BC, \\ \angle ABE=\angle BCF, \\ BE=CF, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle AEB \cong \triangle BFC(SAS).$$

$$\therefore AE=BF.$$

3.2

第 2 课时

1.B

2.证明:∵ 四边形 ABCD 是矩形,

$$\therefore \angle B=\angle D=\angle C=90^\circ.$$

∵△AEF 是等边三角形,

$$\therefore AE=AF, \angle AEF=\angle AFE=60^\circ.$$

$$\therefore \angle CEF=45^\circ,$$

$$\therefore \angle CFE=\angle CEF=45^\circ.$$

$$\therefore \angle AFD=\angle AEB=180^\circ-45^\circ-60^\circ=75^\circ.$$

$$\therefore \triangle AEB \cong \triangle AFD(AAS).$$

$$\therefore AB=AD.$$

∴ 矩形 ABCD 是正方形.

$$3.AC=BD \text{ 且 } AC \perp BD$$

3 版

一、选择题

1~3.DCB 4~6.ACB

二、填空题

7.100 8.答案不唯一,如 AC⊥BD

$$9.135^\circ \quad 10.4\sqrt{13} \quad 11.3\sqrt{2}$$

12.2

三、

13.证明:∵ 四边形 ABCD 是菱形,

$$\therefore AD=CD.$$

在△ADF 和△CDE 中,

$$\begin{cases} AD=CD, \\ \angle D=\angle D, \\ DF=DE, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ADF \cong \triangle CDE(SAS).$$

$$\therefore \angle 1=\angle 2.$$

14.解:(1)证明:∵△ADE 为等边三角形,

$$\therefore AD=AE=DE, \angle EAD=\angle EDA=60^\circ.$$

∵ 四边形 ABCD 为正方形,

$$\therefore AB=AD=CD, \angle BAD=\angle CDA=90^\circ.$$

$$\therefore \angle EAB=\angle EDC=150^\circ.$$

在△BAE 和△CDE 中,

$$\begin{cases} AB=DC, \\ \angle EAB=\angle EDC, \\ AE=DE, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle BAE \cong \triangle CDE(SAS).$$

(2)∵AB=AD,AD=AE,

$$\therefore AB=AE.$$

$$\therefore \angle ABE=\angle AEB.$$

$$\therefore \angle EAB=150^\circ,$$

$$\therefore \angle AEB=\frac{1}{2}(180^\circ-150^\circ)=15^\circ.$$

15.证明:∵D 是 AC 的中点,DE⊥AC,

$$\therefore AE=CE, AD=CD.$$

$$\therefore CF \parallel AB,$$

$$\therefore \angle EAC=\angle FCA, \angle AED=\angle CFD.$$

在△AED 和△CFD 中,

$$\begin{cases} \angle AED=\angle CFD, \\ \angle EAC=\angle FCA, \\ AD=CD, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle AED \cong \triangle CFD(AAS).$$

$$\therefore AE=CF.$$

∴ 四边形 AECF 为平行四边形.

又 AE=CE,

∴ 四边形 AECF 为菱形.

16.证明:(1)∵ 四边形 ABCD 是菱形,

$$\therefore AB=AD, AD \parallel BC.$$

$$\therefore \angle BPA=\angle DAE.$$

$$\therefore \angle ABC=\angle AED,$$

$$\therefore \angle BAF=\angle ADE.$$

$$\therefore \angle ABF=\angle BPF, \angle BPA=\angle DAE,$$

$$\therefore \angle ABF=\angle DAE.$$

又 AB=DA,

$$\therefore \triangle ABF \cong \triangle DAE(ASA).$$

(2)∵△ABF≌△DAE,

$$\therefore AE=BF, DE=AF.$$

$$\therefore AF=AE+EF=BF+EF,$$

$$\therefore DE=BF+EF.$$

17.解:(1)证明:∵AC 平分∠BAD,

$$\therefore \angle BAC=\angle DAC.$$

$$\therefore AB \parallel CD,$$

$$\therefore \angle BAC=\angle ACD.$$

$$\therefore \angle DAC=\angle ACD.$$

$$\therefore AD=CD.$$

$$\therefore AB=CD.$$

$$\therefore AB=CD.$$

∴ 四边形 ABCD 是平行四边形.

又 AB=AD,

∴ 四边形 ABCD 是菱形.

(2)∵CE⊥AC,AB=BC,

$$\therefore \angle BCA=\angle BAC, \angle BCA+\angle BCE=90^\circ,$$

$$\angle BAC+\angle E=90^\circ.$$

$$\therefore \angle E=\angle BCE.$$

$$\therefore AB=BC=BE=5. \therefore AE=10.$$

$$\therefore CE=\sqrt{AE^2-AC^2}=\sqrt{10^2-8^2}=6.$$

$$\therefore \text{四边形 ADCE 的周长为 } AE+CE+CD+AD=10+6+5+5=26.$$

四、

18.解:(1)证明:∵ 对角线 BD 平分∠ABC,

$$\therefore \angle ABD=\angle CBD.$$

在△ABD 和△CBD 中,

$$\begin{cases} AB=CB, \\ \angle ABD=\angle CBD, \\ BD=BD, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ABD \cong \triangle CBD(SAS).$$

$$\therefore \angle ADB=\angle CDB.$$

(2)当∠ADC=90°时,四边形 MPND 是正方形.

理由如下:∵PM⊥AD,PN⊥CD,

$$\therefore \angle PMD=\angle PND=90^\circ.$$

$$\therefore \angle ADC=90^\circ, \therefore \text{四边形 MPND 是矩形}.$$

由(1)知∠ADB=∠CDB,∴∠ADB=45°.

$$\therefore \angle PMD=90^\circ,$$

$$\therefore \angle MPD=\angle PDM=45^\circ.$$

$$\therefore PM=MD.$$

∴ 四边形 MPND 是正方形.

在 Rt△ABD 中,根据勾股定理,得 AB²+AD²=BD².

$$\therefore BD=\sqrt{6^2+8^2}=10.$$

$$\therefore OD=\frac{1}{2}BD=5.$$

在 Rt△DOE 中,根据勾股定理,得 DE²-OD²=OE².

$$\therefore OE=\sqrt{\left(\frac{25}{4}\right)^2-5^2}=\frac{15}{4}.$$

$$\therefore EF=2OE=\frac{15}{2}.$$

25.解:(1)证明:∵AF=FG,

$$\therefore \angle FAG=\angle FGA.$$

$$\therefore AG \text{ 平分 } \angle CAB, \therefore \angle CAG=\angle FAG.$$

$$\therefore \angle CAG=\angle FGA, \therefore AC \parallel FG.$$

$$\therefore DE \perp AC, \therefore FG \perp DE.$$

$$\therefore FG \perp BC, \therefore DE \parallel BC. \therefore AC \perp BC.$$

$$\therefore \angle C=\angle DHG=90^\circ, \angle CGE=\angle GED.$$

$$\therefore F \text{ 是 } AD \text{ 的中点}, FG \parallel AE,$$

$$\therefore H \text{ 是 } ED \text{ 的中点}.$$

$$\therefore FG \text{ 是线段 } ED \text{ 的垂直平分线}.$$

$$\therefore GE=GD, \angle GDE=\angle GED.$$

$$\therefore \angle CGE=\angle GDE. \therefore \triangle ECG \cong \triangle GHD.$$

(2)证明:如图,过点 G 作 GP⊥AB 于点 P.

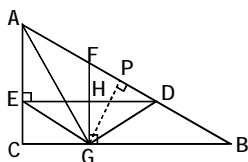
$$\therefore GC=GP.$$

$$\text{又 } \angle AG=AG, \therefore \triangle CAG \cong \triangle PAG.$$

$$\therefore AC=AP.$$

由(1),得 EG=GD.∴Rt△ECG≌Rt△DPG.

$$\therefore EC=DP. \therefore AD=AP+DP=AC+EC.$$



(第 25 题图)

(3)四边形 AEGF 是菱形.

理由:∵∠B=30°,∴∠ADE=30°.

$$\therefore AE=\frac{1}{2}AD. \therefore AE=AF=FG.$$

由(1),得 AE∥FG.

∴四边形 AEGF 是平行四边形.

又 AE=AF,

∴四边形 AEGF 是菱形.

第 36 期

2 版

19.1.1 变量与函数

第 1 课时

1.C 2.10.x 和 y 3.S 和 r,π

4.解:(1)变量:v,t;常量:400.

(2)变量:W,x;常量:1.8.

第 2 课时

1.C 2.D 3.D

$$4.y=-x^2+4, 0<x<2$$

5.解:(1)根据长方形的周长公式,得 2(x+

4)=y,

$$\therefore y=2x+8.$$

$$(2) \text{ 当 } x=10 \text{ 时}, y=2 \times 10+8=28(\text{cm}).$$

∴长方形的周长为 28cm.

$$(3) \text{ 当 } y=30 \text{ 时}, 2x+8=30.$$

解得 x=11.

19.1.2 函数的图象

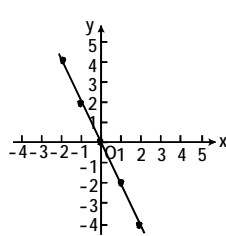
第 1 课时

1.B 2.D 3.列表、描点、连线

4.解:列表:

x	...	-2	-1	0	1	2	...
y	...	4	2	0	-2	-4	...

描点、连线:



(第 4 题图)

5.13.5

第 2 课时

1.A

2.解:(1)根据题意,得

售价 y 与商品数量 x 之间的关系式为 y=(4+

$$0.5)x=4.5x.$$

$$(2) \text{ 当 } x=6 \text{ 时}, y=4.5 \times 6=27(\text{元}).$$

答:她应付款 27 元.

3 版

一、选择题

1~3.CBA

4~6.BDC

二、填空题

7.x>2

8.h,t,h

$$9.y=36x+120$$

$$10.7:00$$

$$11.y=12+0.5x$$

$$12.5$$

三、

13.解:(1)n=120t,其中常量是 120,变量是 t,n.

(2)l=20-0.1t 其中常量是 20,0.1,变量是 l,t.

14.解:(1)y=2x+3 满足对于 x 的每一个取值,y 都有唯一确定的值与之对应,y 是 x 的函数.

(2)x-y²=0,即 y²=x,当 x=4 时,y=2 或 -2,不满足对于 x 的每一个取值,y 都有唯一确定的值与之对应,y 不是 x 的函数.

(3)|y|=x,当 x=4 时,y=4 或 -4,不满足对于 x 的每一个取值,y 都有唯一确定的值与之对应,y 不是 x 的函数.

15.解:(1)由图象,可知对于每一个摆动时间 t,h 都有唯一确定的值与其对应,

所以变量 h 是关于 t 的函数.

(2)①由函数图象,可知

一、选择题

1~5.CDCDC 6~10.AABCB

二、填空题 (一)

11.答案不唯一,如 AC=BD

12.5 13.6

14.112.5° 15.115

16.10 17. $\frac{3}{2}$

三、解答题 (一)

18.证明:∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

∴AD=BC,AD∥BC.

∵ 点 E,F 分别是 AD,BC 的中点,

∴DE= $\frac{1}{2}$ AD,BF= $\frac{1}{2}$ BC.

∴DE=BF.

∴ 四边形 BFDE 是平行四边形.

∴BE=DF.

19.证明:∵CE∥OD,DE∥AC,

∴ 四边形 OCED 是平行四边形.

∵ 四边形 ABCD 是菱形,

∴AC⊥BD.

∴∠DOC=90°.

∴ 四边形 OCED 是矩形.

20.证明:∵ 四边形 ABCD 为正方形,

∴OD=OC,∠ODF=∠OCE=45°,∠COD=90°.

∴∠DOF+∠COF=90°.

∴∠EOF=90°,即∠COE+∠COF=90°.

∴∠COE=∠DOF.

∴△COE≌△DOF(ASA).

∴CE=DF.

四、解答题 (二)

21.解:(1)∵ 四边形 ABCD 是菱形,AB=2,

∴ 菱形 ABCD 的周长为 8.

(2)∵ 四边形 ABCD 是菱形,AC=2,AB=2,

∴AC⊥BD.OA=1.

∴OB= $\sqrt{AB^2-OA^2}=\sqrt{2^2-1^2}=\sqrt{3}$.∴BD=2 $\sqrt{3}$.

22.解:(1)证明:∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

∴OA=OC,OB=OD,AB∥CD,AD∥BC.

∴M,N 分别是 AB,AD 的中点,

∴MO∥AD.NO∥AB.

∴ 四边形 AMON 是平行四边形.

(2)∵AC=6,BD=4,

∴AO=3,BO=2.

∴∠AOB=90°.

∴AB= $\sqrt{AO^2+BO^2}=\sqrt{3^2+2^2}=\sqrt{13}$.∴OM=AM=MB= $\frac{\sqrt{13}}{2}$.∴NO=AN= $\frac{\sqrt{13}}{2}$.∴ 四边形 AMON 的周长=AM+OM+AN+NO=2 $\sqrt{13}$.

23.解:(1)证明:∵ 四边形 ABCD 是正方形,

∴AB=CB,∠ABD=∠CBD=45°,∠BCD=

90°.

在△ABP 和△CBP 中,

AB=CB,

∠ABP=∠CBP,

BP=BP,

∴△ABP≌△CBP(SAS).

∴PA=PC.

(2)∵PE⊥CD,PF⊥BC,

∴∠PFC=90°,∠PEC=90°.

又∵∠BCD=90°.

∴ 四边形 PFCE 是矩形.

∴EC=PF,PE=CF.

∴∠CBD=45°,∠PFB=90°.

∴BF=PF.

又∵BC=1,

∴ 矩形 PFCE 的周长为 2(PF+FC)=2(BF+FC)=2BC=2.

五、解答题 (三)

24.解:(1)证明:∵AB∥DC,

∴∠OAB=∠DCA.

∴AC 平分∠DAB,

∴∠OAB=∠DAC.

∴∠DCA=∠DAC.∴CD=AD.

又∵AB=AD,∴CD=AD=AB.

∴AB∥DC,

∴ 四边形 ABCD 是平行四边形.

又 AD=AB,

∴□ABCD 是菱形.

(2)∵ 四边形 ABCD 是菱形,

∴OA=OC,BD⊥AC.

∴CE⊥AB,∴OE=OA=OC.

∴BD=4,∴OB= $\frac{1}{2}$ BD=2.在 Rt△AOB 中,AB= $\sqrt{13}$.OB=2,∴OA= $\sqrt{AB^2-OB^2}=3$.∴AC=2OA=6.∴OE= $\frac{1}{2}$ AC=3.

25.解:(1)证明:∵ 四边形 EFGH 是矩形,

∴EH=FG,EH∥FG.

∴∠GFH=∠EHF.

∴∠BFG=180°-∠GFH,∠DHE=180°-∠EHF,

∴∠BFG=∠DHE.

∴ 四边形 ABCD 是平行四边形,

∴AD∥BC.

∴∠GBF=∠EDH.

在△BGF 和△DEH 中,

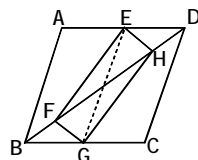
$$\begin{cases} \angle GBF = \angle EDH, \\ \angle BFG = \angle DHE, \end{cases}$$

FG=HE,

∴△BGF≌△DEH(AAS).

∴BG=DE.

(2)如图,连接 EG.



(第 25 题图)

∵ 四边形 ABCD 是平行四边形,

∴AD=BC,AD∥BC.

∴E 为 AD 的中点,∴AE=DE.

∴BG=DE,∴AE=BG.

又 AE∥BG,

∴ 四边形 ABGE 是平行四边形.

∴AB=EG.

∴AB= $\sqrt{5}$,∴EG= $\sqrt{5}$.

∴ 四边形 EFGH 是矩形,

∴EG=FH.

∴FH= $\sqrt{5}$.

第 35 期

期中检测卷 (一)

一、选择题

1~5.BDDDB 6~10.ADDAB

二、填空题

11.6 12.菱形的四边相等 13.14 $\sqrt{5}$

14.19 15.24° 16.18 17.18

三、解答题 (一)

18.解:(1)原式= $2 \times \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{2}{3} \times 3 \sqrt{3} -$ $2 \sqrt{3} = \frac{2}{3} \sqrt{3} + 2 \sqrt{3} - 2 \sqrt{3} = \frac{2}{3} \sqrt{3}$.(2)原式= $\sqrt{25} + \sqrt{9} - (8 + 4 \sqrt{3}) = 8 -$
 $8 - 4 \sqrt{3} = -4 \sqrt{3}$.19.解:在 Rt△ACD 中, $CD = \sqrt{AD^2 - AC^2} = 2\sqrt{3}$.∴D 是 BC 的中点,∴BC=2CD=4 $\sqrt{3}$.在 Rt△ABC 中, $AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = 2\sqrt{13}$.20.解:原式= $\frac{2y}{(x-y)(x+y)} \cdot \frac{(x+y)^2}{2y} = \frac{x+y}{x-y}$.当 $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$, $y = \sqrt{3} - \sqrt{2}$ 时, $x+y =$
 $2\sqrt{3}$, $x-y = 2\sqrt{2}$.∴原式= $\frac{2\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}}{2}$.

四、解答题 (二)

21.解:(1)证明:∵D,E,F 分别是边 AB,BC,AC 的中点,

∴DF∥BC,EF∥AB.

∴DF∥BE,EF∥BD.

∴ 四边形 BEFD 是平行四边形.

(2)∵∠AFB=90°,D 是 AB 的中点,AB=6,

∴DF=DB=DA= $\frac{1}{2}$ AB=3.

∴ 四边形 BEFD 是平行四边形,

∴ 四边形 BEFD 是菱形.

∴ 四边形 BEFD 的周长为 12.

22.解:(1)在 Rt△MNB 中,BN= $\sqrt{BM^2 - MN^2} =$
 $\sqrt{150^2 - 120^2} = 90$ (m).

∴AN=AB-BN=250-90=160(m).

在 Rt△AMN 中,AM= $\sqrt{AN^2 + MN^2} =$
 $\sqrt{160^2 + 120^2} = 200$ (m).

∴AM+BM=200+150=350(m).

∴供水点 M 到喷泉 A,B 需要铺设的管道总
长为 350m.

(2)∵AB=250m,AM=200m,BM=150m,

∴AB²=BM²+AM².

∴△ABM 是直角三角形.

数学
广东

八年级(人教)答案页第 9 期

∴BM⊥AC.

∴喷泉 B 到小路 AC 的最短距离是 150m.

23.解:(1)证明:∵DF∥AE,EF∥AD,

∴ 四边形 AEFD 是平行四边形.

∴ 四边形 ABOC 是正方形,

∴OB=OC=AB=AC,∠ACE=∠ABD=90°.

∴点 D,E 是 OB,OC 的中点,

∴CE=BD.

在△ACE 和△ABD 中,

AC=AB,

∠ACE=∠ABD=90°.

CE=BD,

∴△ACE≌△ABD(SAS).

∴AE=AD.

∴□AEFD 是菱形.

(2)连接 DE.

∴S_{△ABD}= $\frac{1}{2}$ AB·BD= $\frac{1}{2}$ ×8×4=16,S_{△ODE}= $\frac{1}{2}$ OD·OE= $\frac{1}{2}$ ×4×4=8,∴S_{△AED}=S_{正方形ABOC}-2S_{△ABD}-S_{△ODE}
=64-2×16-8=24.∴S_{菱形AEFD}=2S_{△AED}=48.

五、解答题 (三)

24.解:(1)证明:∵ 四边形 ABCD 是平行四
边形,

∴AB=CD,AB∥CD,OB=OD,OA=OC.

∴∠ABE=∠CDF.

∵点 E,F 分别为 OB,OD 的中点,

∴BE= $\frac{1}{2}$ OB,DF= $\frac{1}{2}$ OD.

∴BE=DF.

在△ABE 和△CDF 中, $\begin{cases} AB=CD, \\ \angle ABE=\angle CDF, \\ BE=DF, \end{cases}$

∴△ABE≌△CDF(SAS).

(2)当 AC=2AB 时,四边形 EGCF 是矩形.

理由如下:

∴AC=2OA,AC=2AB,∴AB=OA.

∴E 是 OB 的中点,∴AG⊥OB.

∴∠OEG=90°.

同理 CF⊥OD.∴AG∥CF.∴EG∥CF.

∴EG=AE,OA=OC,

∴OE 是△ACG 的中位线.∴OE∥CG.

∴EF∥CG.

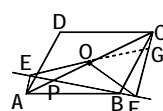
∴ 四边形 EGCF 是平行四边形.

∴∠OEG=90°.

∴ 四边形 EGCF 是矩形.

25.解:(1)OE=OF.

(2)补全图形如图所示,结论仍然成立.



(第 25 题图)

理由如下:

如图,延长 EO 交 CF 于点 G.

∴AE⊥BP,CF⊥BP,

∴AE∥CF.

∴∠EAO=∠GCO.

∴点 O 为 AC 的中点,

∴AO=CO.

又∠AOE=∠COG,

∴△AOE≌△COG(ASA).

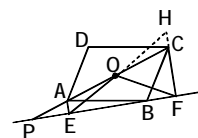
∴OE=OG.

∴∠GFE=90°.

∴OE=OF.

(3)点 P 在线段 OA 的延长线上运动时,线段 CF,AE,OE 之间的关系为 OE=CF+AE.

理由如下:如图,延长 EO 交 FC 的延长线于点 H.



(第 25 题图)

由(2)可知△AOE≌△COH.

∴AE=CH,OE=OH.

又∵∠OEF=30°,∠HFE=90°.

∴HF= $\frac{1}{2}$ EH=OE.

∴OE=CF+CH=CF+AE.

期中检测卷 (二)

一、选择题

1~5.CBCAA 6~10.AADDB

二、填空题

11.1 12.18 13.21 14.24 15.0.5

16.13 $\sqrt{2}$ 17. $\sqrt{5}$

三、解答题 (一)

18.解:(1)原式=2 $\sqrt{5}-\sqrt{5}+\sqrt{5}=2\sqrt{5}$.(2)原式=(9 $\sqrt{2}+\sqrt{2}-2\sqrt{2}$)÷4 $\sqrt{2}=8\sqrt{2}$ ÷4 $\sqrt{2}=2$.

19.解:在 Rt△ACB 中,∴AB=2.5,BC=1.5,

∴AC= $\sqrt{AB^2-BC^2}=2$.

在 Rt△ECD 中,∴ED=AB=2.5,CD=CB+BD=2,

∴EC= $\sqrt{ED^2-CD^2}=1.5$.

∴AE=AC-EC=0.5(m).

答:梯子顶端 A 下落了 0.5m.

20.解:原式= $\frac{m^2+4m+4}{m} \div \frac{m+2}{m^2} = \frac{(m+2)^2}{m}$. $\frac{m^2}{m+2}=m^2+2m$.当 $m=\sqrt{2}-2$ 时,原式= $m(m+2)=(\sqrt{2}-2) \times \sqrt{2}=2-2\sqrt{2}$.

四、解答题 (二)

21.解:∵ 菱形 ABCD 的对角线 AC,BD 相交
于点 O,BD=4,∴∠AOB=90°,BO=2,AO= $\frac{1}{2}$ AC.

∴E,F 分别是 AB,BC 边的中点,

∴EF 是△ABC 的中位线.

∴EF= $\frac{1}{2}$ AC=AO= $\sqrt{3}$.∴AB= $\sqrt{AO^2+BO^2}=\sqrt{7}$.

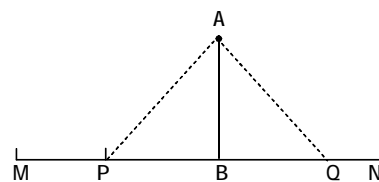
∴△AOB 为直角三角形,E 是斜边 AB 的中点,

∴OE= $\frac{1}{2}$ AB= $\frac{\sqrt{7}}{2}$.22.解:(1)由非负数的性质可知 a=
2 $\sqrt{2}$,b=5,c= $\sqrt{17}$.(2)∴a²+c²=(2 $\sqrt{2}$)²+($\sqrt{17}$)²=8+17=25,
b²=5²=25,∴a²+c²=b².∴以 a,b,c 为边构成的三角形是
直角三角形,且 b 是斜边.由三角形的面积可知,斜边上的高为 $\frac{ac}{b}=$
 $\frac{2\sqrt{2} \times \sqrt{17}}{5} = \frac{2\sqrt{34}}{5}$.

23.解:(1)村庄 A 能听到宣传.

理由:∵ 村庄 A 到公路 MN 的距离为 600 米,
且 600<1 000,

∴ 村庄 A 能听到宣传.

(2)如图,假设当宣讲车行驶到 P 点开始影
响村庄,行驶到 Q 点结束对村庄的影响.

(第 23 题图)

则 AP=AQ=1 000 米,AB=600 米,

∴BP=BQ= $\sqrt{1000^2-600^2}=800$ (米).

∴PQ=1 600 米.

∴影响村庄的时间为:1 600÷200=8(分钟).

∴村庄 A 总共能听到 8 分钟的宣传.

五、解答题 (三)

24.解:(1)证明:∵ 四边形 ABCD 是矩形,

∴AB∥CD.∴∠DFO=∠BEO.

又