

(3)画树状图为:



(第15题图)

共有6种等可能的结果,其中恰好是一位男同学和一位女同学的结果有3种,∴所选同学中恰好是一位男同学和一位女同学的概率为 $\frac{1}{2}$.

第36期

1~2版

阶段性达标测试(三)

一、选择题

1.A 2.B 3.B 4.C 5.B 6.D

二、填空题

7.5 8.3 9. $\frac{2}{3}$ 10.78°

11.13π-36 12. $\frac{5}{2}$ 或 $\frac{7}{4}$

三、13.原式= $2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \sqrt{2} \times$

$\frac{\sqrt{2}}{2} - 3 - 1 = \sqrt{3} - 3$.

14.解:(1)∵ $CD \perp AB$,
∴ $\angle CDB = \angle CDA = 90^\circ$.
在Rt△BDC中, $CD^2 + BD^2 = BC^2$,
即 $CD^2 + 9 = 15^2$.
解得 $CD = 12$.

(2)在Rt△ADC中, $AD^2 + CD^2 = AC^2$,
∴ $AD^2 + 12^2 = 20^2$.
解得 $AD = 16$.
∴ $AB = AD + BD = 16 + 9 = 25$.

∴ $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot CD = \frac{1}{2} \times 25 \times 12 = 150$.

15.解:∵在Rt△ADC中,
 $\sin \angle ADC = \frac{AC}{AD} = \frac{4}{5}$, ∴ $\frac{AC}{5} = \frac{4}{5}$.

∴ $AC = 4$.
∴ $CD = \sqrt{AD^2 - AC^2} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$.
∴ $BC = CD + DB = 3 + 5 = 8$.

在Rt△ABC中, $\tan \angle ABC = \frac{AC}{BC} =$

$\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$.

16.解:(1)证明:∵ $AB = 12$, $AE = 14$,
 $BD = 6$, $BC = 24$,

∴ $\frac{BD}{BA} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$, $\frac{BA}{BC} = \frac{12}{24} = \frac{1}{2}$.

∴ $\frac{BD}{BA} = \frac{BA}{BC}$.

又∵ $\angle B = \angle B$,
∴ $\triangle ABD \sim \triangle CBA$.
(2)∵ $\triangle ABD \sim \triangle CBA$,
∴ $\angle BAD = \angle C$.
∴ $\angle BAE = \angle DAC$,
∴ $\angle BAD = \angle CAE$.
∴ $\angle C = \angle CAE$.
∴ $CE = AE = 14$.

∴ $DE = BC - BD - CE = 24 - 6 - 14 = 4$.

17.解:(1)证明:∵ $CE \perp AB$, AB 是直径, ∴ $\widehat{AC} = \widehat{AE}$.

又∵ $\widehat{AC} = \widehat{CD}$, ∴ $\widehat{AE} = \widehat{CD}$.

∴ $\angle CAD = \angle ACE$.

∴ $AP = CP$.

∴ AB 是⊙O的直径,

∴ $\angle ACB = 90^\circ$.

∴ $\angle ACE + \angle BCP = 90^\circ$, $\angle CAD + \angle CQA = 90^\circ$.

∴ $\angle BCP = \angle CQA$. ∴ $CP = PQ$.

∴ $AP = PQ$, 即 P 是线段 AQ 的中点.

(2)∵ $\widehat{AC} = \widehat{CD} = \widehat{DB}$, AB 是直径,
∴ $\angle ACB = 90^\circ$, $\angle ABC = 30^\circ$.

又∵ $AB = 5 \times 2 = 10$,

∴ $AC = 5$, $BC = 5\sqrt{3}$.

∴ $CH = \frac{1}{2} BC = \frac{5\sqrt{3}}{2}$.

又∵ $CE \perp AB$, ∴ $CH = EH$.

∴ $CE = 2CH = 2 \times \frac{5\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}$.

四、18.解:(1)16, 22.

(2)2, 2.

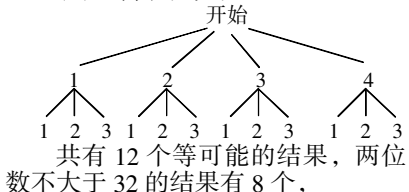
(3)该校学生在一周内借阅图书“4次及以上”的人数有 $3000 \times \frac{8}{50} =$

480(人).

19.解:(1)∵在7张卡片中共有两张卡片写有数字1,

∴从中任意抽取一张卡片从中任意抽取一张卡片,卡片上写有数字1的概率为 $\frac{2}{7}$.

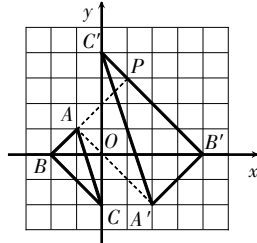
(2)画树状图如图:



共有12个等可能的结果,两位数字不大于32的结果有8个,
∴两位数不大于32的概率为 $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$.

20.解:(1)如图所示:点 $A'(2, -2)$, $B'(4, 0)$, $C'(0, 4)$.

(2)四边形 $AA'B'P$ 是矩形,点 P 的坐标是(1, 3).



(第20题图)

五、21.解:(1)证明:连接OD.

∵ AC 是⊙O的直径,

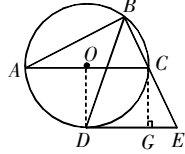
∴ $\angle ABC = 90^\circ$.

∴ BD 平分 $\angle ABC$, ∴ $\angle ABD = 45^\circ$.

∴ $\angle AOD = 90^\circ$.

∴ $DE \parallel AC$, ∴ $\angle ODE = \angle AOD = 90^\circ$.

∴ DE 是⊙O的切线.



(第21题图)

(2)在Rt△ABC中, $AB = 4\sqrt{5}$,

$BC = 2\sqrt{5}$, ∴ $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = 10$.

∴ $OD = 5$.

过点C作 $CG \perp DE$, 垂足为G, 则四边形ODGC为正方形.

∴ $DG = CG = OD = 5$.

∴ $DE \parallel AC$, ∴ $\angle CEG = \angle ACB$.

∴ $\tan \angle CEG = \tan \angle ACB$.

∴ $\frac{CG}{GE} = \frac{AB}{BC}$, 即 $\frac{5}{GE} = \frac{4\sqrt{5}}{2\sqrt{5}}$.

解得 $GE = 2.5$.

∴ $DE = DG + GE = \frac{15}{2}$.

22.解:作 $DH \perp AB$ 于点H.

则有 $\angle ADH = 37^\circ$, $\angle AFH = 45^\circ$,
 $DF = EG = 6.43$ 米, $DE = FG = HB$.

设王林同学的身高为x米, 则 $HB = x$ 米.

∴ $AH = (21 - x)$ 米.

在Rt△AFH中, ∴ $\angle AFH = 45^\circ$,

∴ $HF = AH = (21 - x)$ 米.

∴ $DH = 21 - x + 6.43 = (27.43 - x)$ 米.

在Rt△ADH中,

$\tan 37^\circ = \frac{AH}{DH} = \frac{21 - x}{27.43 - x} \approx 0.75$,

解得 $x = 1.71 \approx 1.7$.

答:王林同学的身高约为1.7米.

六、23.解:(1)证明:∵ $\angle CAD = \angle B$, $\angle C = \angle C$, ∴ $\triangle CAD \sim \triangle CBA$.

∴ $\frac{CA}{CB} = \frac{CD}{CA}$.

∴ $CA^2 = CD \cdot CB$.

(2)∵四边形ABCD是平行四边形,

∴ $AD = BC$, $\angle B = \angle D$.

∴ $\angle CQP = \angle D$, ∴ $\angle CQP = \angle B$.

∴ $\angle PCQ = \angle QCB$,

∴ $\triangle PCQ \sim \triangle QCB$. ∴ $\frac{CP}{CQ} = \frac{CQ}{CB}$.

∴ $CQ^2 = CP \cdot CB$.

∴ $CB = \frac{CQ^2}{CP} = \frac{6^2}{3} = 12$. ∴ $AD = 12$.

(3)延长PQ, AD相交于点E.

∴四边形ABCD是菱形,

∴ $\angle ADB = \frac{1}{2} \angle ADC = \frac{1}{2} \angle ABC$.

∴ $\angle ABC = 2 \angle PAQ$,

∴ $\angle PAQ = \angle ADB$.

∴ $PQ \parallel BD$,

∴ $\angle ADB = \angle E$.

∴ $\angle PAQ = \angle E$.

∴ $\angle APQ = \angle EPA$,

∴ $\triangle APQ \sim \triangle EPA$.

∴ $\frac{AP}{PE} = \frac{AQ}{AE} = \frac{PQ}{AP}$.

∴ $AP^2 = PE \cdot PQ$.

∴四边形ABCD是菱形,

∴ $AD \parallel BC$.

∴ $BD \parallel PQ$,

∴四边形BDEP是平行四边形.

∴ $DE = BP = 1$, $PE = BD$.

∴ $BD = 2PQ$, ∴ $PE = 2PQ$.

∴ $AP^2 = 2PQ^2$. ∴ $AP = \sqrt{2} PQ$.

∴ $\frac{AQ}{AE} = \frac{PQ}{\sqrt{2} PQ} = \frac{1}{\sqrt{2}}$.

∴ $AE = \sqrt{2} AQ = \sqrt{2} \times 3\sqrt{2} = 6$.

∴ $AD = AE - DE = 6 - 1 = 5$.

∴菱形ABCD的边长为5.

数学
江西

第33期

1版

专项训练(十)

一、选择题

1.A 2.B 3.C 4.A 5.B 6.B

二、填空题

7. $2\sqrt{5}$ 8. $\sqrt{17}$ 9. 45°

10.4.8 11.20 12.3或 $2\sqrt{3}$

三、

13.解:∵ $AB = AC$, AD 是△ABC的角平分线,

∴ $AD \perp BC$, $BD = CD$.

在Rt△ABD中, $\angle ADB = 90^\circ$, $AB = 13$, $AD = 12$.

根据勾股定理, 得 $BD = \sqrt{AB^2 - AD^2} = \sqrt{13^2 - 12^2} = 5$ (cm).

∴ $BC = 10$ cm.

14.解:(1)5, 20.

(2)△ABC是直角三角形.

证明: $BC = BD + CD = 5$.

∴ $5 + 20 = 5^2$, 即 $AC^2 + AB^2 = BC^2$,

∴ $\angle BAC = 90^\circ$.

∴△ABC是直角三角形.

15.解:∵ $\angle A$ 为直角, $AD = 12$, $AB = 16$,
根据勾股定理, 得 $BD = \sqrt{AB^2 - AD^2} =$

$\sqrt{16^2 - 12^2} = \sqrt{400} = 20$.

∴ $BD^2 + CD^2 = 20^2 + 15^2 = 625 = BC^2$,

∴△BDC是直角三角形, 且 $\angle CDB$ 为直角.

∴ $S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2} \times 16 \times 12 = 96$, $S_{\triangle BDC} = \frac{1}{2} \times$

$20 \times 15 = 150$.

∴四边形ABCD的面积为 $96 + 150 =$

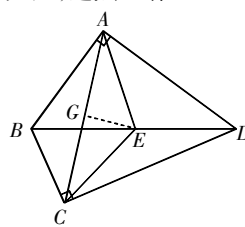
246.

16.解:(1)证明:∵ $\angle BAD = \angle BCD = 90^\circ$, E 为对角线BD的中点,

∴ $AE = \frac{1}{2} BD$, $CE = \frac{1}{2} BD$.

∴ $AE = CE$.

(2)如图, 过点E作 $EG \perp AC$.



(第16题图)

由(1)知, $AE = CE = \frac{1}{2} BD$, $BD = 10$,

∴ $AE = CE = 5$.

又∵ $EG \perp AC$, ∴ $AG = CG = \frac{1}{2} AC$.

又∵ $AC = 8$, ∴ $AG = CG = 4$.

在Rt△AGE中, $AE = 5$, $AG = 4$, 则由勾股定理知

中考版答案页第9期

$EG = \sqrt{AE^2 - AG^2} = 3$.

∴ $S_{\triangle ACE} = \frac{1}{2} AC \cdot EG = 12$.

2~3版

相似·复习直通车

考场练兵 1 B

考场练兵 2

1.C

2.解:∵四边形ABDE为矩形,

$AB = 3$ cm, $BD = 7$ cm, $EC = 1$,

∴ $DC = DE - CE = BA - CE = 2$ cm, $BD =$

$AE = 7$ cm.

设 $DP = x$ cm, 则 $BP = (7 - x)$ cm.

∴ $\angle B = \angle D = 90^\circ$,

∴存在两种情况.

①当△CDP∽△ABP时,

$\frac{DP}{DC} = \frac{BP}{BA}$, 即 $\frac{x}{2} = \frac{7-x}{3}$.

∴ $x = \frac{14}{5}$.

②当△PDC∽△ABP时,

$\frac{DP}{DC} = \frac{BP}{BA}$, 即 $\frac{x}{2} = \frac{3}{7-x}$.

整理, 得 $x^2 - 7x + 6 = 0$.

解得 $x_1 = 1$, $x_2 = 6$.

∴当以P, C, D为顶点的三角形与△ABP相似时, PD的长为 $\frac{14}{5}$ cm

或1cm或6cm.

考场练兵 3

1.C

2.证明:(1)∵ $AD \perp BC$,

∴ $\angle ADB = 90^\circ$.

∴ $\angle BAC = 90^\circ$, ∴ $\angle BAC = \angle ADB$.

∴ $\angle ABD = \angle CBA$,

∴ $\triangle BAD \sim \triangle BCA$.

(2)由(1)知 $\angle BAE = \angle C$.

∴ $OF \perp OB$, ∴ $\angle BOA + \angle COF = 90^\circ$.

∴ $\angle BOA + \angle ABE = 90^\circ$,

∴ $\angle ABE = \angle COF$.

∴ $\triangle ABE \sim \triangle COF$.

考场练兵 4

1.B

2.解:(1)证明:∵四边形ABCD为正方形, ∴ $\angle A = \angle D = 90^\circ$, $AB = BC = CD = AD$, $AD \parallel BC$.

∴ $\angle BEF = 90^\circ$, $\angle ABE + \angle AEB = \angle DEF + \angle AEB = 90^\circ$,

∴ $\angle ABE = \angle DEF$.

∴ $\triangle ABE \sim \triangle DEF$.

(2)∵ $AB = BC = CD = AD = 4$, $CF = 3FD$, ∴ $DF = 1$, $CF = 3$.

∴ $\triangle ABE \sim \triangle DEF$,

∴ $\frac{AE}{DF} = \frac{AB}{DE}$, 即 $\frac{4-DE}{1} = \frac{4}{DE}$.

解得 $DE = 2$.

∴ $AD \parallel BC$, ∴ $\triangle EDF \sim \triangle GCF$.

∴ $\frac{DE}{CG} = \frac{DF}{CF}$, 即 $\frac{2}{CG} = \frac{1}{3}$.

2020~2021 学年

学习周报

∴ $CG = 6$.

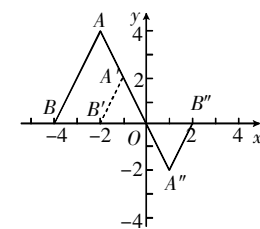
∴ $BG = BC + CG = 4 + 6 = 10$.

考场练兵 5 50

考场练兵 6

1.A

2.解:如图所示:△A'B'O或△A"B'O即为所求.点A的对应点A'的坐标为(-1, 2), A"的坐标为(1, -2).



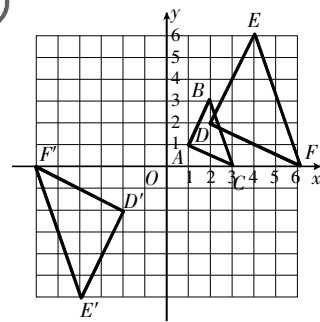
(第2题图)

考场练兵 7

解:(1)如图, △OCD即为所求.

(2) $C(-6, -2)$, $D(-4, 2)$.

(3) $S_{\triangle OCD} = 24 - \frac{1}{2} \times 4 \times 2 - \$



(第 15 题图)

(2)(2a, 2b)或(-2a, -2b).

16. 证明: (1) ∵ BF、CE 分别是 △ABC 的边 AC、AB 上的高,

∴ BF ⊥ AC, CE ⊥ AB.

∴ ∠AFB = ∠AEC = 90°.

又 ∵ ∠CAE = ∠BAF,

∴ △ABF ∼ △ACE.

(2) ∵ △ABF ∼ △ACE,

$$\therefore \frac{AE}{AC} = \frac{AF}{AB}.$$

又 ∵ ∠EAF = ∠CAB,

∴ △EAF ∼ △CAB.

$$\therefore \frac{EF}{BC} = \frac{AE}{AC}, \textcircled{1}$$

∠AEF = ∠ACB.

∵ AN 是 ∠BAC 的平分线,

∴ ∠EAM = ∠CAN.

∴ △EAM ∼ △CAN.

$$\therefore \frac{AM}{AN} = \frac{AE}{AC}. \textcircled{2}$$

由①②可得: ∴ $\frac{EF}{BC} = \frac{AM}{AN}$.

第 34 期

1 版

锐角三角函数·复习直通车

考场练兵 1 D

考场练兵 2

1. 解: 原式 = $2 \times \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 + \sqrt{3} \times$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} - \frac{1}{2} = 1 + 1 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}.$$

2. 解: 原式 = $2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{3}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{3} \times$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} + \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^2 = \sqrt{2} - \frac{3}{4} + \frac{3}{4} = \sqrt{2}.$$

考场练兵 3

解: (1) ∵ AD 是 BC 边上的高,

∴ ∠D = 90°.

在 Rt△ABD 中,

$$\therefore \sin B = \frac{4}{5} \therefore \frac{AD}{AB} = \frac{4}{5},$$

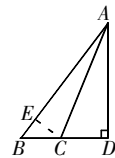
又 ∵ AD = 12, ∴ AB = 15.

∴ BD = $\sqrt{AB^2 - AD^2} = 9$.

又 ∵ BC = 4, ∴ CD = BD - BC = 9 - 4 = 5.

答: 线段 CD 的长为 5.

(2) 如图, 过点 C 作 CE ⊥ AB, 垂足为 E.



$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} BC \cdot AD = \frac{1}{2} AB \cdot CE,$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 4 \times 12 = \frac{1}{2} \times 15 \times CE.$$

$$\therefore CE = \frac{16}{5}.$$

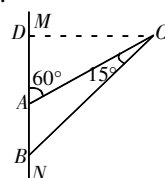
在 Rt△AEC 中,

$$\sin \angle BAC = \frac{CE}{AC} = \frac{\frac{16}{5}}{\sqrt{5^2 + 12^2}} = \frac{16}{65}.$$

答: sin ∠BAC 的值为 $\frac{16}{65}$.

考场练兵 4

解: 如图, 过 C 作 CD ⊥ MN 于 D, 则 ∠CDB = 90°.



∴ ∠CAD = 60°, AC = 40 cm,

$$\therefore CD = AC \cdot \sin \angle CAD = 40 \times \sin 60^\circ = 40 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 20\sqrt{3} \text{ (cm)}.$$

∴ ∠ACB = 15°,

∴ ∠CBD = ∠CAD - ∠ACB = 45°.

∴ BC = $\sqrt{2} CD = 20\sqrt{6} \approx 49$ (cm).

答: 支架 BC 的长约为 49 cm.

2 版

专项训练 (十二)

一、选择题

1. D 2. C 3. A 4. B 5. C 6. A

二、填空题

7. $\frac{12}{5}$ 8. $\frac{1}{2}$ 9. 75° 10. 14

11. 30 12. 1 或 $\frac{5}{4}$

三、解答题

13. 解: $\sin 30^\circ + 2 \cos 60^\circ \times \tan 60^\circ -$

$$\sin^2 45^\circ = \frac{1}{2} + 2 \times \frac{1}{2} \times \sqrt{3} - \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 =$$

$$\sqrt{3}.$$

14. 解: 过点 A 作 AD ⊥ l. 设 AD = x m.

$$\therefore BD = \frac{AD}{\tan 30^\circ} = \sqrt{3} x.$$

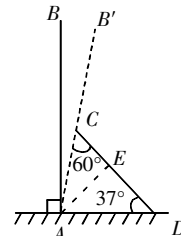
$$\therefore \tan 60^\circ = \frac{x}{\sqrt{3} x - 24} = \sqrt{3}.$$

$$\therefore AD = x = 12\sqrt{3}.$$

∴ 气球 A 离地面的高度为 $12\sqrt{3}$ m.

15. 解: 过点 A 作 AE ⊥ CD 于点 E,

则 ∠AEC = ∠AED = 90°.



(第 15 题图)

∴ 在 Rt△AED 中, ∠ADC = 37°, $\cos 37^\circ = \frac{DE}{AD} = \frac{DE}{5} \approx 0.8 \therefore DE = 4.$

$$\therefore \sin 37^\circ = \frac{AE}{AD} = \frac{AE}{5} \approx 0.6 \therefore AE = 3.$$

在 Rt△AEC 中,

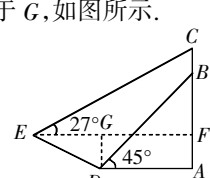
∴ ∠CAE = 90° - ∠ACE = 90° - 60° = 30°, ∴ CE = $\frac{\sqrt{3}}{3} AE = \sqrt{3}.$

$$\therefore AC = 2CE = 2\sqrt{3}.$$

$$\therefore AB = AC + CE + ED = 2\sqrt{3} + \sqrt{3} + 4 = 3\sqrt{3} + 4 \approx 9.2 \text{ (米)}.$$

答: 这棵大树 AB 原来的高度约是 9.2 米.

16. 解: 作 EF ⊥ AB 于 F, 作 DG ⊥ EF 于 G, 如图所示.



(第 16 题图)

则 GF = AD = 30 m, AF = DG, ∠CEF = 27°.

∴ 山坡 DE 的坡度 i = 1:2.4,

∴ EG = 2.4 DG.

∴ DE = 26 m, DG² + EG² = DE²,

∴ AF = DG = 10 m, EG = 24 m.

∴ EF = EG + GF = 54 (m).

在 Rt△CEF 中, $\tan \angle CEF = \frac{CF}{EF} =$

$$\tan 27^\circ \approx 0.51,$$

∴ CF ≈ 0.51 × 54 = 27.54 (m).

∴ AC = AF + CF = 10 + 27.54 = 37.54 (m).

又 ∵ ∠ADB = 45°, ∠A = 90°, ∴ △ABD 是等腰直角三角形.

∴ AB = AD = 30 m.

∴ BC = AC - AB = 37.54 - 30 ≈ 7.5 (m).

答: 广告牌 BC 的高度约为 7.5 m.

3~4 版

圆·复习直通车

考场练兵 1 C

考场练兵 2 30°

考场练兵 3 B

考场练兵 4 A

考场练兵 5 B

考场练兵 6

证明: (1) ∵ 四边形 ACBE 是圆内接

四边形, ∴ ∠EAM = ∠EBC.

∴ AE 平分 ∠BAM,

∴ ∠BAE = ∠EAM.

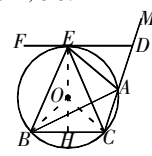
∴ ∠BAE = ∠BCE,

∴ ∠BCE = ∠EAM.

∴ ∠BCE = ∠EBC. ∴ BE = CE.

(2) 如图, 连接 EO 并延长交 BC

于 H, 连接 OB、OC.



∴ OB = OC, EB = EC,

∴ 直线 EO 垂直平分 BC.

∴ EH ⊥ BC. ∴ EH ⊥ EF.

∴ OE 是 ⊙O 的半径,

∴ EF 为 ⊙O 的切线.

考场练兵 7 D

第 35 期

1 版

专项训练 (十三)

一、选择题

1. C 2. C 3. B 4. B 5. B 6. B

二、填空题

7. $\sqrt{34}$ 8. 120° 9. $4\sqrt{3}$

10. 20 cm 11. $9\sqrt{3} - 3\pi$

12. 2.5 或 $4 - 2\sqrt{3}$

三、解答题

13. 解: (1) 证明: ∵ 四边形 ABCD 内接于 ⊙O,

∴ ∠DCB + ∠BAD = 180°.

∴ ∠BAD = 105°,

∴ ∠DCB = 180° - 105° = 75°.

∴ ∠DBC = 75°,

∴ ∠DCB = ∠DBC = 75°.

∴ BD = CD. ∴ $\widehat{BD} = \widehat{CD}$.

(2) ∵ ∠DCB = ∠DBC = 75°,

∴ ∠BDC = 30°.

由圆周角定理, 得 \widehat{BC} 的度数为 60°.

故 \widehat{BC} 的长为 $\frac{60\pi \times 3}{180} = \pi$.

14. 解: (1) 证明: ∵ OC = OB,

∴ ∠OBC = ∠OCB.

∵ OC ∥ BD, ∴ ∠OCB = ∠CBD.

∴ ∠OBC = ∠CBD. ∴ $\widehat{AC} = \widehat{CD}$.

(2) 连接 AC.

∴ CE = 2, EB = 6, ∴ BC = 8.

∴ $\widehat{AC} = \widehat{CD}$, ∴ ∠CAD = ∠ABC.

∴ ∠ACB = ∠ACB,

∴ △ACE ∼ △BCA.

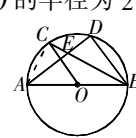
$$\therefore \frac{AC}{CE} = \frac{CB}{AC}, \text{ 即 } \frac{AC}{2} = \frac{8}{AC}.$$

解得 AC = 4.

∴ AB 是直径, ∴ ∠ACB = 90°.

∴ AB = $\sqrt{AC^2 + BC^2} = 4\sqrt{5}.$

∴ ⊙O 的半径为 $2\sqrt{5}.$



(第 14 题图)

15. 解: (1) 证明: 连接 OC,

∴ AB 是 ⊙O 的直径,

∴ ∠ACB = 90°.

∴ ∠A + ∠B = 90°.

∵ OC = OB, ∴ ∠B = ∠OCB.

∴ ∠BCM = ∠A,

∴ ∠OCB + ∠BCM = 90°, 即 OC ⊥ MN.

∴ MN 是 ⊙O 的切线.

(2) ∵ AB 是 ⊙O 的直径, ⊙O 的半径为 1. ∴ AB = 2.

$$\therefore \cos \angle BAC = \cos \alpha = \frac{AC}{AB} = \frac{3}{4},$$

$$\text{即 } \frac{AC}{2} = \frac{3}{4} \therefore AC = \frac{3}{2}.$$

∴ ∠AFE = ∠ACE, ∠GFH = ∠AFE,

∴ ∠GFH = ∠ACE.

∵ DH ⊥ MN, ∴ ∠GFH + ∠AGC = 90°.

∴ ∠ACE + ∠ECD = 90°,

∴ ∠ECD = ∠AGC.

又 ∵ ∠DEC = ∠CAG,

$$\therefore \triangle EDC \sim \triangle ACG. \therefore \frac{ED}{AC} = \frac{EC}{AG}.$$

$$\therefore AG \cdot DE = AC \cdot CE = \frac{3}{2} \times \frac{5}{3} = \frac{5}{2}.$$

2~3 版

统计与概率·复习直通车

统计

考场练兵 1 D

考场练兵 2

解: (1) 8.

(2) 不一定.

(3) 样本中成绩不低于 75 分的: $70 \leq x < 80$ 范围内有 8 人, $80 \leq x < 90$ 范围内有 15 人, $90 \leq x < 100$ 范围内有 8 人, 共 $8 + 15 + 8 = 31$ (人),

占样本的百分比为 $\frac{31}{50} \times 100\% = 62\%.$

500 × 62% = 310 (人).

答: 估计该校七年级成绩不低于 75 分的人数为 310 人.

考场练兵 3 B

概率

考场练兵 1 1. B 2. D

考场练兵 2 1. C 2. A

考场练兵 3 1. C 2. D

考场练兵 4

1. 7 2. 0.9

3. 解: (1) $15 \div \frac{54}{360} = 100,$

∴ 样本容量为 100;

B 组的人数为 $100 - 15 - 35 - 15 - 5 =$

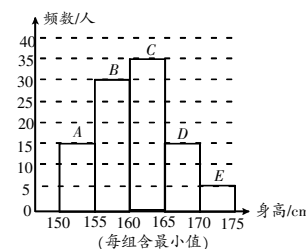
30,

$$\therefore a\% = \frac{30}{100} \times 100\% = 30\%, \text{ 则 } a = 30.$$

故填 100, 30.

(2) 补全频数分布直方图为:

学生身高频数分布直方图



(3) 样本中身高低于 160 cm 的人数为 $15 + 30 = 45$, 样本中身高低于 160 cm

的频率为 $\frac{45}{100} = 0.45$, ∴ 估计从该地随

机抽取 1 名学生, 估计这名学生身高

低于 160 cm 的概率为 0.45.

4 版

专项训练 (十四)

一、选择题

1. C 2. A 3. A 4. C 5. D 6. C

二、填空题