

AB=AD, CB=CD, AC=AC, 所以 $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ (SSS). 所以 $\angle B = \angle D$.

5. 解: (1) 证明: 因为 $CE=BF$, 所以 $CE+EF=BF+EF$, 即 $BE=CF$. 在 $\triangle ABE$ 和 $\triangle DCF$ 中, $\begin{cases} AB=DC, \\ AE=DF, \\ BE=CF, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABE \cong \triangle DCF$ (SSS). 所以 $\angle B = \angle C$.

(2) 由 (1), 得 $\triangle ABE \cong \triangle DCF$. 所以 $\angle AEB = \angle DFC = 30^\circ$. 所以 $\angle BAE = 180^\circ - \angle B - \angle AEB = 180^\circ - 40^\circ - 30^\circ = 110^\circ$. 因为 AF 平分 $\angle BAE$, 所以 $\angle BAF = \frac{1}{2} \angle BAE = \frac{1}{2} \times 110^\circ = 55^\circ$.

第 2 课时

1. 答案不唯一, 如 $\angle ACB = \angle DCE$

2. 证明: 因为 $AE=BF$, 所以 $AE+EF=BF+EF$, 即 $AF=BE$. 因为 $AC \parallel BD$, 所以 $\angle CAF = \angle DBE$. 在 $\triangle ACF$ 和 $\triangle BDE$ 中, $\begin{cases} AC=BD, \\ \angle CAF = \angle DBE, \\ AF=BE, \end{cases}$ 所以 $\triangle ACF \cong \triangle BDE$ (SAS). 所以 $CF=DE$.

3. 解: (1) 证明: 因为点 O 是线段 AB 的中点, 所以 $AO=BO$. 因为 $OD \parallel BC$, 所以 $\angle AOD = \angle OBC$. 在 $\triangle AOD$ 和 $\triangle OBC$ 中, $\begin{cases} AO=BO, \\ \angle AOD = \angle OBC, \\ OD=BC, \end{cases}$ 所以 $\triangle AOD \cong \triangle OBC$ (SAS). (2) 由 (1) 知 $\triangle AOD \cong \triangle OBC$. 所以 $\angle ADO = \angle OCB = 35^\circ$. 因为 $OD \parallel BC$, 所以 $\angle DOC = \angle OCB = 35^\circ$.

3~4 版

一、选择题

1~3. DBB 4~6. BAB

二、填空题

7. 19 8. $AB=DC$

9. 85° 10. ②③

11. 140°

12. $(-4, 3)$ 或 $(-4, 2)$

三、

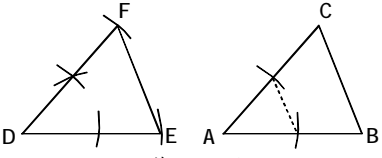
13. 证明: 因为 $BE=CF$, 所以 $BE+EC=CF+EC$, 即 $BC=EF$. 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中, $\begin{cases} AB=DE, \\ BC=EF, \\ AC=DF, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ (SSS). 所以 $\angle ABC = \angle DEF$.

14. 解: 因为 $\triangle ABE \cong \triangle ACD$, 所以 $BE=CD$. 因为 $BE=6, DE=2$, 所以 $CE=BD=4$. 所以 $BC=BE+CE=6+4=10$.

15. 解: (1) 证明: 在 $\triangle ABE$ 和 $\triangle DCE$ 中, $\begin{cases} AE=DE, \\ \angle AEB = \angle DEC, \\ BE=EC, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABE \cong \triangle DCE$ (SAS).

(2) 因为 $\triangle ABE \cong \triangle DCE$, 所以 $AB=CD$. 因为 $AB=5$, 所以 $CD=5$.

16. 解: 如图,



(第 16 题图)

$\triangle DEF$ 即为所求.

17. 解: (1) 因为 $\triangle BAD \cong \triangle ACE$, 所以 $AD=CE, BD=AE$. 因为 $AE=DE+AD$, 所以 $BD=DE+CE$. (2) 当 $\triangle BAD$ 满足 $\angle ADB=90^\circ$ 时, $BD \parallel CE$.

四、

18. 证明: (1) 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADC$ 中, $\begin{cases} AB=AD, \\ AC=AC, \\ BC=DC, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ (SSS). 所以 $\angle BAC = \angle DAC$, 即 AC 平分 $\angle BAD$. (2) 由 (1), 得 $\angle BAE = \angle DAE$. 在 $\triangle BAE$ 和 $\triangle DAE$ 中, $\begin{cases} AB=AD, \\ \angle BAE = \angle DAE, \\ AE=AE, \end{cases}$ 所以 $\triangle BAE \cong \triangle DAE$ (SAS). 所以 $BE=DE$.

19. 解: (1) 因为 $\angle ABE=162^\circ, \angle DBC=30^\circ$, 所以 $\angle ABD + \angle CBE = 132^\circ$. 因为 $\triangle ABC \cong \triangle DBE$, 所以 $\angle ABC = \angle DBE$. 所以 $\angle ABD = \angle CBE = \frac{1}{2} \times 132^\circ = 66^\circ$.

(2) 因为 $\triangle ABC \cong \triangle DBE$, 所以 $DE=AC=AD+DC=5, BE=BC=4$. 所以 $\triangle CDP$ 与 $\triangle BEP$ 的周长和 = $DC+DP+PC+BP+PE+BE=DC+DE+BC+BE=2.5+5+4+4=15.5$.

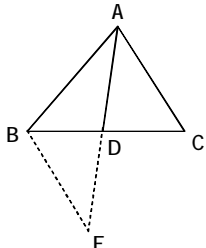
20. 解: (1) 证明: 因为 BE 平分 $\angle ABC$, 所以 $\angle ABE = \angle DBE$. 在 $\triangle ABE$ 和 $\triangle DBE$ 中, $\begin{cases} AB=DB, \\ \angle ABE = \angle DBE, \\ BE=BE, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABE \cong \triangle DBE$ (SAS). (2) 因为 $\angle A=100^\circ, \angle C=50^\circ$, 所以 $\angle ABC=30^\circ$. 因为 BE 平分 $\angle ABC$, 所以 $\angle ABE = \angle DBE = \frac{1}{2} \angle ABC = 15^\circ$.

在 $\triangle ABE$ 中, $\angle AEB = 180^\circ - \angle A - \angle ABE = 180^\circ - 100^\circ - 15^\circ = 65^\circ$.

五、

21. 证明: 如图, 延长 AD 至点 E , 使 $AD=DE$, 连接 BE . 在 $\triangle ACD$ 和 $\triangle EBD$ 中, $\begin{cases} DC=DB, \\ \angle ADC = \angle EDB, \\ AD=DE, \end{cases}$ 所以 $\triangle ACD \cong \triangle EBD$ (SAS). 所以 $AC=BE$. 在 $\triangle ABE$ 中, 由三角形的三边关系可得 $AE < AB+BE$,

即 $2AD < AB+AC$. 所以 $AD < \frac{1}{2}(AB+AC)$.

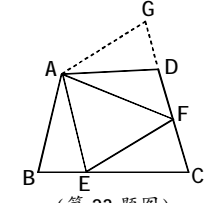


(第 21 题图)

22. 解: (1) 证明: 因为 DB 是 AC 边上的高, 所以 $\angle ABE = \angle DBC = 90^\circ$. 在 $\triangle ABE$ 和 $\triangle DBC$ 中, $\begin{cases} AB=DB, \\ \angle ABE = \angle DBC, \\ BE=BC, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABE \cong \triangle DBC$ (SAS). (2) $BM=BN, BM \perp BN$. 证明如下: 由 (1) 知 $\triangle ABE \cong \triangle DBC$. 所以 $\angle BAM = \angle BDN$. 在 $\triangle ABM$ 和 $\triangle DBN$ 中, $\begin{cases} AB=DB, \\ \angle BAM = \angle BDN, \\ AM=DN, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABM \cong \triangle DBN$ (SAS). 所以 $BM=BN, \angle ABM = \angle DBN$. 所以 $\angle DBN + \angle DBM = \angle ABM + \angle DBM = \angle ABD = 90^\circ$. 所以 $BM \perp BN$.

六、

23. 解: (1) $EF=BE+DF$. (2) 结论 $EF=BE+DF$ 仍然成立. 理由: 如图, 延长 FD 到点 G , 使 $DG=BE$, 连接 AG .



(第 23 题图)

因为 $\angle B + \angle ADF = 180^\circ, \angle ADG + \angle ADF = 180^\circ$, 所以 $\angle B = \angle ADG$. 在 $\triangle ABE$ 和 $\triangle ADG$ 中, $\begin{cases} BE=DG, \\ \angle B = \angle ADG, \\ AB=AD, \end{cases}$ 所以 $\triangle ABE \cong \triangle ADG$ (SAS). 所以 $AE=AG, \angle BAE = \angle DAG$. 因为 $\angle EAF = \frac{1}{2} \angle BAD$, 所以 $\angle GAF = \angle DAG + \angle DAF = \angle BAE + \angle DAF = \angle BAD - \angle EAF = \angle EAF$. 所以 $\angle EAF = \angle GAF$. 在 $\triangle AEF$ 和 $\triangle AGF$ 中, $\begin{cases} AE=AG, \\ \angle EAF = \angle GAF, \\ AF=AF, \end{cases}$ 所以 $\triangle AEF \cong \triangle AGF$ (SAS). 所以 $EF=GF$. 因为 $FG=DG+DF=BE+DF$, 所以 $EF=BE+DF$.

第 1 期

2 版

11.1.1 三角形的边

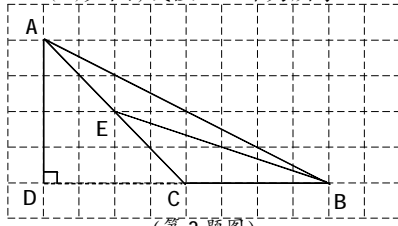
1.D 2.B 3.C 4. $1 < x < 4$

5. $2a-10$

11.1.2 三角形的高、中线与角平分线

1.C

2. 解: (1) 如图, 线段 AD 即为所求. (2) 如图, 线段 BE 即为所求.



(第 2 题图)

(3) 4.

3. ①

11.1.3 三角形的稳定性

1.B 2.B

11.2.1 三角形的内角

1.C 2.C 3. 40°

4. 解: 因为 $BD \perp AC, \angle CBD=30^\circ$, 所以 $\angle BCD=180^\circ-90^\circ-30^\circ=60^\circ$. 因为 CE 平分 $\angle ACB$, 所以 $\angle ACE = \frac{1}{2} \angle BCD = 30^\circ$. 因为 $\angle A=69^\circ$, 所以 $\angle AEC = 180^\circ - \angle A - \angle ACE = 180^\circ - 69^\circ - 30^\circ = 81^\circ$.

5.C 6.C

3~4 版

一、选择题

1~3. CBC 4~6. BBA

二、填空题

7. 稳定性 8. 钝角

9. 5 10. 50°

11. $2c$ 12. 100° 或 130°

三、

13. 解: 因为三角形的两边 $a=3, b=7$, 第三边为 c , 所以根据三角形三边关系, 可得 $4 < c < 10$. 因为第三边 c 的长为偶数, 所以 c 取 6 或 8. 则其周长为: $6+3+7=16$ 或 $8+3+7=18$.

14. 解: 因为 $\angle A = \angle B + 20^\circ, \angle C = \angle A + 50^\circ$, 所以 $\angle C = \angle B + 20^\circ + 50^\circ = \angle B + 70^\circ$. 因为 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$, 所以 $\angle B + 20^\circ + \angle B + \angle B + 70^\circ = 180^\circ$. 解得 $\angle B = 30^\circ$. 所以 $\angle A = 30^\circ + 20^\circ = 50^\circ$. 所以 $\angle C = 50^\circ + 50^\circ = 100^\circ$. 所以 $\angle A = 50^\circ, \angle B = 30^\circ, \angle C = 100^\circ$.

15. 解: 图①四边形木架至少需要钉上 1 根木棍; 图②五边形木架至少需要钉上 2 根木棍; 图③六边形木架至少需要钉上 3 根木棍.

16. 解: 因为 AD 是 $\triangle ABC$ 的高, 所以 $\angle ADB = 90^\circ$.

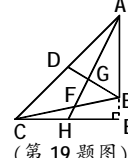
因为 BE 平分 $\angle ABC$ 交 AD 于点 E , 所以 $\angle ABE = \angle EBD$. 因为 $\angle BED = 64^\circ$, 所以 $\angle EBD = \angle ABE = 26^\circ$. 所以 $\angle ABD = 52^\circ$. 所以 $\angle BAC = 180^\circ - \angle ABD - \angle C = 180^\circ - 52^\circ - 76^\circ = 52^\circ$.

17. 解: 本题有两种情况: (1) 当长是 8cm 的边是腰时, 三边长为 8cm, 8cm, 2cm, 等腰三角形存在; (2) 当长是 8cm 的边是底边时, 三边长为 8cm, 5cm, 5cm, 等腰三角形存在, 此时腰长是 5cm. 故腰长是 8cm 或 5cm.

四、

18. 解: (1) 因为 $a, b, c (a > b)$ 分别为 $\triangle ABC$ 的三边, $a+b=3c-2, a-b=2c-6$, 所以 $\begin{cases} 3c-2 > c, \\ 2c-6 < c. \end{cases}$ 解得 $1 < c < 6$. 故 c 的取值范围为 $1 < c < 6$. (2) 因为 $\triangle ABC$ 的周长为 12, $a+b=3c-2$, 所以 $a+b+c=4c-2=12$. 解得 $c=3.5$. 故 c 的值是 3.5.

19. 解: (1) 如图.



(第 19 题图)

(2) 在 $\triangle ABF$ 中, $\angle AFB = 180^\circ - \angle FAB - \angle ABF = 180^\circ - 40^\circ - 100^\circ = 40^\circ$. 因为 $CE \perp AB$, 所以 $\angle BEC = 90^\circ$. 因为 $\angle ABC = 100^\circ$, 所以 $\angle CBE = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$. 所以 $\angle BCE = 90^\circ - \angle CBE = 90^\circ - 80^\circ = 10^\circ$.

20. 解: (1) 因为 $(a-b)^2 + (b-c)^2 = 0$, 所以 $a-b=0, b-c=0$. 所以 $a=b=c$. 所以 $\triangle ABC$ 是等边三角形. (2) 因为 $a=5, b=2$. 所以 $5-2 < c < 5+2$, 即 $3 < c < 7$. 因为 c 为整数, 所以 $c=4, 5, 6$. 所以当 $c=4$ 时, $\triangle ABC$ 周长的最小值 $= 5+2+4=11$; 当 $c=6$ 时, $\triangle ABC$ 周长的最大值 $= 5+2+6=13$.

五、

21. 解: (1) 因为 $\angle B = 35^\circ, \angle ACB = 85^\circ$, 所以 $\angle BAC = 60^\circ$. 因为 AD 平分 $\angle BAC$, 所以 $\angle DAC = 30^\circ$. 所以 $\angle ADC = 65^\circ$. 又因为 $\angle DPE = 90^\circ$, 所以 $\angle E = 25^\circ$. (2) 证明: 因为 $\angle B + \angle BAC + \angle ACB = 180^\circ$, 所以 $\angle BAC = 180^\circ - (\angle B + \angle ACB)$. 因为 AD 平分 $\angle BAC$,

所以 $\angle DAC = \angle BAD = \frac{1}{2} \angle BAC = 90^\circ - \frac{1}{2} (\angle B + \angle ACB)$. 所以 $\angle ADC = 180^\circ - \angle DAC - \angle ACB = 180^\circ - 90^\circ + \frac{1}{2} (\angle B + \angle ACB) - \angle ACB = 90^\circ - \frac{1}{2} (\angle ACB - \angle B)$.

因为 $PE \perp AD$, 所以 $\angle DPE = 90^\circ$. 所以 $\angle ADC + \angle E = 90^\circ$. 所以 $\angle E = 90^\circ - \angle ADC$. 即 $\angle E = \frac{1}{2} (\angle ACB - \angle B)$.

22. 解: (1) 根据三角形的三边关系, 得 $\begin{cases} (2m+1) + (m-2) > 8, \\ (2m+1) - (m-2) < 8. \end{cases}$ ① ② 解得 $3 < m < 5$. (2) 因为 $\triangle ABC$ 的三边均为整数, 所以 $m=4$. 所以 $\triangle ABC$ 的周长 $= m-2+2m+1+8=19$. (3) 当 $m-2=2m+1$ 时, 解得 $m=-3$ (不合题意, 舍去); 当 $m-2=8$ 时, 解得 $m=10 > 5$ (不合题意, 舍去); 当 $2m+1=8$ 时, 解得 $m=\frac{7}{2}$. 所以若 $\triangle ABC$ 为等腰三角形, $m=\frac{7}{2}$, 则 $m-2=\frac{3}{2}$. 所以, 另外两边的长分别为 $\frac{3}{2}$ 和 8.

六、

23. 解: (1) 125, 90, 35. (2) 猜想: $\angle ABP + \angle ACP = 90^\circ - \angle A$. 理由: 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC + \angle ACB = 180^\circ - \angle A$. 因为 $\angle ABC = \angle ABP + \angle PBC, \angle ACB = \angle ACP + \angle PCB$, 所以 $(\angle ABP + \angle PBC) + (\angle ACP + \angle PCB) = 180^\circ - \angle A$. 所以 $(\angle ABP + \angle ACP) + (\angle PBC + \angle PCB) = 180^\circ - \angle A$. 又因为在 $Rt\triangle PBC$ 中, $\angle P = 90^\circ$, 所以 $\angle PBC + \angle PCB = 90^\circ$. 所以 $(\angle ABP + \angle ACP) + 90^\circ = 180^\circ - \angle A$. 所以 $\angle ABP + \angle ACP = 90^\circ - \angle A$. (3) (2) 中的结论不成立. $\angle A + \angle ACP - \angle ABP = 90^\circ$.

第 2 期

2 版

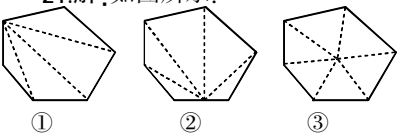
11.2.2 三角形的外角

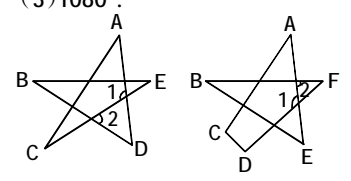
1.A 2.B 3. 70°

4. 15°

5. 解: (1) 证明: 因为 CE 平分 $\angle ACD$, 所以 $\angle ECD = \angle ACE$. 因为 $\angle ABC = \angle ACE$, 所以 $\angle ABC = \angle ECD$. 所以 $AB \parallel CE$. (2) 因为 $\angle ACD$ 是 $\triangle ABC$ 的一个外角,

① 所以 $\angle ACD = \angle ABC + \angle A$.
因为 BE 平分 $\angle ABC$,
所以 $\angle ABE = \angle EBC$.
所以 $\angle E = \angle ECD - \angle EBC = \frac{1}{2} \angle ACD - \frac{1}{2} \angle ABC = \frac{1}{2} (\angle ACD - \angle ABC) = \frac{1}{2} \angle A = 25^\circ$.
6.72°
11.3.1 多边形
1.C 2.B
3.5
4.图略.
5.C
11.3.2 多边形的内角和
第 1 课时
1.C 2.D 3.720°
4.解:(1)因为四边形的内角和为 $(4-2) \times 180^\circ = 360^\circ$,
所以 $2x^\circ + 140^\circ + 90^\circ = 360^\circ$.
解得 $x=65$.
(2)因为五边形的内角和为 $(5-2) \times 180^\circ = 540^\circ$,
所以 $3x^\circ + 120^\circ + 150^\circ + 90^\circ = 540^\circ$.
解得 $x=60$.
5.106°
第 2 课时
1.C 2.4
3.解:(1)因为 $AE \parallel CD$,
所以 $\angle D + \angle E = 180^\circ$.
因为五边形 ABCDE 中, $\angle A = 100^\circ$, $\angle B = 120^\circ$,
所以 $\angle C = (5-2) \times 180^\circ - 180^\circ - 100^\circ - 120^\circ = 140^\circ$.
(2)五边形 ABCDE 的外角和是 360° .
3~4 版
一、选择题
1~3.DDC 4~6.DBD
二、填空题
7.9 8.60°
9.2021 10.60
11.35° 12. $\angle 1 - \angle 2 = 2\angle A$
三、
13.解:因为 $AB \parallel CD$, $\angle C = 60^\circ$,
所以 $\angle B = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$.
所以 $(5-2) \times 180^\circ = x^\circ + 150^\circ + 125^\circ + 60^\circ + 120^\circ$.
解得 $x=85$.
14.证明:由三角形的外角性质,得 $\angle EAC = \angle B + \angle C$.
因为 $\angle B = \angle C$,
所以 $\angle EAC = 2\angle B$.
因为 AD 平分外角 $\angle EAC$,
所以 $\angle EAC = 2\angle EAD$.
所以 $\angle B = \angle EAD$.
所以 $AD \parallel BC$.
15.解:因为从多边形的一个顶点出发共有 4 条对角线,
故该多边形的边数为 $4+3=7$.
设这个正多边形的边长为 x .
根据题意,得 $7x=56$.
解得 $x=8$.
所以这个正多边形的边长为 8.
16.解:设这个多边形的边数为 n .
则 $(n-2) \times 180^\circ + 360^\circ = (12-2) \times 180^\circ$.
解得 $n=10$.
答:这个多边形的边数为 10.
17.解:(1)因为 $\angle ECD = \angle B + \angle E$,
 $\angle B = 35^\circ$, $\angle E = 25^\circ$,

所以 $\angle ECD = 60^\circ$.
因为 CE 平分 $\angle ACD$,
所以 $\angle ACE = \angle ECD = 60^\circ$.
所以 $\angle BAC = \angle ACE + \angle E = 60^\circ + 25^\circ = 85^\circ$.
(2)结论: $\angle BAC = \angle B + 2\angle E$.
理由: 因为 $\angle BAC = \angle ACE + \angle E$,
 $\angle ECD = \angle ACE = \angle B + \angle E$,
所以 $\angle BAC = \angle B + \angle E + \angle E = \angle B + 2\angle E$.
四、
18.解:(1)150.
(2)因为 $\angle DAB$ 的平分线与 $\angle CBA$ 的平分线交于四边形内一点 E,
所以 $\angle EAB = \frac{1}{2} \angle DAB$, $\angle EBA = \frac{1}{2} \angle CBA$.
所以 $\angle E = 180^\circ - (\angle EAB + \angle EBA) = 180^\circ - \frac{1}{2} (\angle DAB + \angle CBA) = 180^\circ - \frac{1}{2} \times 150^\circ = 105^\circ$.
19.解:(1)因为在 $Rt \triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $\angle A = 40^\circ$,
所以 $\angle CBD = \angle ACB + \angle A = 130^\circ$.
因为 BE 是 $\angle CBD$ 的平分线,
所以 $\angle CBE = \frac{1}{2} \angle CBD = 65^\circ$.
(2)因为 $\angle ACB = 90^\circ$, $\angle CBE = 65^\circ$,
所以 $\angle CEB = 90^\circ - 65^\circ = 25^\circ$.
因为 $DF \parallel BE$,
所以 $\angle F = \angle CEB = 25^\circ$.
20.解:(1)证明:因为 AD 平分 $\angle BAC$,
所以 $\angle BAD = \angle DAC$.
又因为 $\angle EFD = \angle DAC + \angle AEB$,
 $\angle ADC = \angle ABC + \angle BAD$, $\angle AEB = \angle ABC$,
所以 $\angle EFD = \angle ADC$.
(2)(1)中结论仍成立.
理由:因为 AD 平分 $\angle BAG$,
所以 $\angle BAD = \angle GAD$.
因为 $\angle FAE = \angle GAD$,
所以 $\angle FAE = \angle BAD$.
因为 $\angle EFD = \angle AEB - \angle FAE$, $\angle ADC = \angle ABC - \angle BAD$, $\angle AEB = \angle ABC$,
所以 $\angle EFD = \angle ADC$.
五、
21.解:如图所示.

(第 21 题图)
第一种分割法可以把六边形分割成 4 个三角形,把 n 边形分割成 $(n-2)$ 个三角形;
第二种分割法可以把六边形分割成 5 个三角形,把 n 边形分割成 $(n-1)$ 个三角形;
第三种分割法可以把六边形分割成 6 个三角形,把 n 边形分割成 n 个三角形.
22.解:(1)如图①,因为 $\angle 1 = \angle 2 + \angle D = \angle B + \angle E + \angle D$, $\angle 1 + \angle A + \angle C = 180^\circ$,
所以 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E = 180^\circ$.
(2)如图②,因为 $\angle 1 = \angle 2 + \angle F = \angle B + \angle E + \angle F$, $\angle 1 + \angle A + \angle C + \angle D =$

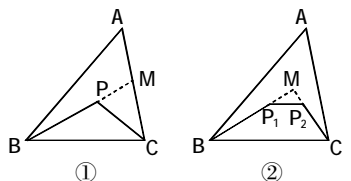
360° ,
所以 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F = 360^\circ$.
(3)1080°.

① (第 22 题图) ②
六、
23.解:(1)122°.
(2)因为 CE 和 BE 分别是 $\angle ACB$ 和 $\angle ABD$ 的平分线,
所以 $\angle BCE = \frac{1}{2} \angle ACB$, $\angle DBE = \frac{1}{2} \angle ABD$.
又因为 $\angle ABD$ 是 $\triangle ABC$ 的一个外角,
所以 $\angle ABD = \angle A + \angle ACB$.
所以 $\angle DBE = \frac{1}{2} (\angle A + \angle ACB) = \frac{1}{2} \angle A + \frac{1}{2} \angle BCE$.
因为 $\angle DBE$ 是 $\triangle BEC$ 的一个外角,
所以 $\angle BEC = \angle DBE - \angle BCE = \frac{1}{2} \angle A + \frac{1}{2} \angle BCE - \angle BCE = \frac{1}{2} \angle A - \frac{1}{2} \angle BCE$.
(3) $\angle BQC = 90^\circ - \frac{1}{2} \angle A$.
第 3 期
2~3 版
一、选择题
1~3.BAB 4~6.BCB
二、填空题
7.60°
8.三角形具有稳定性
9.十三
10.40°
11.5
12. $\frac{\alpha}{2^{2021}}$
三、
13.解:(1)设这个三角形的第三边长为 x cm.
根据三角形三边关系,得 $7-2 < x < 7+2$, 即 $5 < x < 9$.
因为第三边的长为奇数,
所以 $x=7$.
所以这个三角形的周长为 $2+7+7=16$ (cm).
(2)因为四边形的内角和为 $(4-2) \times 180^\circ = 360^\circ$.
所以 $\angle \alpha = 360^\circ - 65^\circ - 70^\circ - (180^\circ - 40^\circ) = 85^\circ$.
14.画图略.
15.解:因为 BD 平分 $\angle ABC$, CE 平分 $\angle ACB$,
所以 $\angle ABC = 2\angle FBC$, $\angle ACB = 2\angle FCB$.
所以 $\angle ABC + \angle ACB = 2(\angle FBC + \angle FCB)$.
因为 $\angle FBC + \angle FCB = 180^\circ - \angle BFC = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$,
所以 $\angle ABC + \angle ACB = 2 \times 50^\circ = 100^\circ$.
所以 $\angle A = 180^\circ - (\angle ABC + \angle ACB) = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$.
16.解:设 $AC=x$, 则 $AB=2x$.

数学·江西八年级(人教)答案页第 1 期



因为 BD 是中线,
所以 $AD=DC=\frac{1}{2}x$.
根据题意,得 $2x + \frac{1}{2}x = 30$.
解得 $x=12$.
则 $AC=12$, $AB=24$,
 $BC=20 - \frac{1}{2} \times 12 = 14$.
所以 $AB=24$, $BC=14$.
17.解:因为 AD 是 $\triangle ABC$ 的角平分线, $\angle BAC=66^\circ$,
所以 $\angle BAD = \angle CAD = \frac{1}{2} \angle BAC = 33^\circ$.
因为 CE 是 $\triangle ABC$ 的高,
所以 $\angle BEC=90^\circ$.
因为 $\angle BCE=40^\circ$,
所以 $\angle B=50^\circ$.
所以 $\angle ADC = \angle BAD + \angle B = 33^\circ + 50^\circ = 83^\circ$.
四、
18.解:(1)设这个正多边形的每个内角是 x° .
根据题意,得 $x=4(180-x)+30$.
解得 $x=150$.
所以这个正多边形的每个外角是 $180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$.
因为多边形的外角和是 360° ,
所以这个多边形中外角的个数是 $360 \div 30 = 12$.
所以这个正多边形的边数为 12.
(2)设这个多边形的边数为 n .
根据题意,得 $\frac{2}{7}(n-2) \times 180^\circ = 360^\circ$.
解得 $n=9$.
所以这个多边形的边数为 9.
19.解:(1)因为 CE 平分 $\angle ACB$,
所以 $\angle ECB = \angle ACE$.
因为 $\angle B = \angle FAC$,
所以 $\angle B + \angle ECB = \angle FAC + \angle ACE$.
又因为 $\angle AEF = \angle B + \angle ECB$,
 $\angle AFE = \angle FAC + \angle ACE$,
所以 $\angle AEF = \angle AFE$.
(2)根据题意,可知 $\angle ACE = \frac{1}{2} \angle ACB$,
 $\angle ACP = \frac{1}{2} \angle ACQ$.
所以 $\angle ECP = \angle ACE + \angle ACP = \frac{1}{2} (\angle ACB + \angle ACQ) = 90^\circ$.
所以 $\angle P + \angle AEC = 90^\circ$.
因为 $\angle AEF = \angle AFE = \angle CFD$,
所以 $\angle P + \angle CFD = 90^\circ$.
因为 $\angle P = 26^\circ$,
所以 $\angle CFD = 64^\circ$.
20.解:(1)因为 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$,
所以 $\angle A = 180^\circ - (\angle B + \angle C) = 180^\circ - (50^\circ + 60^\circ) = 70^\circ$.
(2)因为 $\triangle A'DE$ 是 $\triangle ABC$ 翻折变换而成,
所以 $\angle AED = \angle A'ED$, $\angle ADE = \angle A'DE$, $\angle A = \angle A'$.
所以 $\angle AED + \angle ADE = \angle A'ED + \angle A'DE = 180^\circ - \angle A$.

因为 $\angle 1 + 2\angle A'ED + \angle 2 + 2\angle A'DE = 360^\circ$,
所以 $\angle 1 + \angle 2 = 360^\circ - 2(180^\circ - \angle A) = 2\angle A$.
所以 $\angle A = \frac{1}{2} (\angle 1 + \angle 2) = \frac{1}{2} \times 130^\circ = 65^\circ$.
五、
21.解:(1) $\angle M = 90^\circ + \frac{1}{2} \angle A$.
理由: 因为 BM, CM 分别是 $\angle ABC$ 与 $\angle ACB$ 的平分线,
所以 $\angle MBC = \frac{1}{2} \angle ABC$, $\angle MCB = \frac{1}{2} \angle ACB$.
所以 $\angle MBC + \angle MCB = \frac{1}{2} (\angle ABC + \angle ACB) = \frac{1}{2} (180^\circ - \angle A) = 90^\circ - \frac{1}{2} \angle A$.
所以 $\angle M = 180^\circ - (\angle MBC + \angle MCB) = 180^\circ - (90^\circ - \frac{1}{2} \angle A) = 90^\circ + \frac{1}{2} \angle A$.
(2) $\angle N = \frac{1}{2} \angle A$.
理由: 因为 CN 平分 $\angle ACD$,
所以 $\angle NCD = \frac{1}{2} \angle ACD$.
因为 BN 平分 $\angle ABC$,
所以 $\angle NBC = \frac{1}{2} \angle ABC$.
因为 $\angle NCD = \angle N + \angle NBC = \frac{1}{2} \angle ACD = \frac{1}{2} (\angle ABC + \angle A)$,
所以 $\angle N + \frac{1}{2} \angle ABC = \frac{1}{2} \angle ABC + \frac{1}{2} \angle A$.
所以 $\angle N = \frac{1}{2} \angle A$.
22.解:(1) $<$.
(2) $\triangle BPC$ 的周长 $<$ $\triangle ABC$ 的周长.
理由: 如图①, 延长 BP 交 AC 于点 M.
在 $\triangle ABM$ 中, $BP + PM < AB + AM$;
在 $\triangle PMC$ 中, $PC < PM + MC$.
所以 $BP + PM + PC < AB + AM + PM + MC$, 即 $BP + PC < AB + AC$.
所以 $\triangle BPC$ 的周长 $<$ $\triangle ABC$ 的周长.
(3) 四边形 BP_1P_2C 的周长 $<$ $\triangle ABC$ 的周长.
理由: 如图②, 分别延长 BP_1, CP_2 交于点 M.
由(2)知, $BM + CM < AB + AC$.
又 $P_1P_2 < P_1M + P_2M$,
所以 $BP_1 + P_1P_2 + P_2C < BM + CM + AB + AC$.
所以四边形 BP_1P_2C 的周长 $<$ $\triangle ABC$ 的周长.


① (第 22 题图) ②
六、
23.解:(1)135.
(2) $\angle ADB$ 的大小不会发生变化.
理由: 因为 BD 是 $\triangle AOB$ 的外角 $\angle OBE$ 的平分线, AC 是 $\angle BAO$ 的平分线,
所以 $\angle BAD = \frac{1}{2} \angle BAO$, $\angle DBE = \frac{1}{2} \angle EBO$.
因为 $\angle EBO = \angle AOB + \angle OAB$, $\angle EBD = \angle BAD + \angle D$,
所以 $\angle EBD = \frac{1}{2} \angle EBO = \frac{1}{2} \angle OAB + \frac{1}{2} \times 90^\circ = \frac{1}{2} \angle OAB + \angle D$.
所以 $\angle D = 45^\circ$.
(3) 证明: 因为 AC, BC 分别平分 $\angle BAO$ 和 $\angle ABO$,
所以 $\angle BAG = \frac{1}{2} \angle BAO$, $\angle CBG = \frac{1}{2} \angle ABO$.
因为 $\angle OAB + \angle ABO = 90^\circ$,
所以 $\angle BAG + \angle CBG = 45^\circ$.
因为 $\angle AGO = \angle BAG + \angle ABO = \angle BAG + 2\angle CBG = \angle CBG + 45^\circ$,
所以 $\angle CBG = \angle AGO - 45^\circ$.
因为 $\angle AGO - \angle BCF = 45^\circ$,
所以 $\angle BCF = \angle AGO - 45^\circ$.
所以 $\angle CBG = \angle BCF$.
所以 $CF \parallel OB$.
第 4 期
2 版
12.1 全等三角形
1.C
2.解: 对应边: EF 和 NM, EG 和 NH;
对应角: $\angle E$ 和 $\angle N$, $\angle EGF$ 和 $\angle NHM$.
3.A
4.4
5.解:(1) 证明: 因为 $\triangle ABC \cong \triangle FED$,
所以 $\angle A = \angle F$.
所以 $AC \parallel DF$.
(2) 因为 $\triangle ABC \cong \triangle FED$,
所以 $AB = EF$.
所以 $AB - BE = EF - BE$.
所以 $AE = BF$.
因为 $AF = 8$, $BE = 2$,
所以 $AE + BF = 8 - 2 = 6$.
所以 $AE = 3$.
所以 $AB = AE + BE = 3 + 2 = 5$.
6.60°
12.2 三角形全等的判定(一)
第 1 课时
1.B
2.D
3.AC=DB
4.证明: 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADC$ 中,