

② 所以三根钢管 AB 、 AD 、 DC 的长度之和的最大值是 75m.
26.解:(1)由排球飞行的最大高度为 2.8 米,则顶点的坐标点 G 为(6,2.8),则设抛物线的解析式为 $p=a(x-6)^2+2.8$.
因为点 C 坐标为(0,2),点 C 在抛物线上,所以 $2=a(0-6)^2+2.8$.
解得 $a=-\frac{1}{45}$.
所以排球飞行的高度 p 与水平距离 x 之间的函数关系式: $p=-\frac{1}{45}(x-6)^2+2.8$.

(2)当 $x=9$ 时, $-\frac{1}{45}(9-6)^2+2.8=2.6>$

2.24.
当 $x=18$ 时,
 $p=-\frac{1}{45}(18-6)^2+2.8=-0.4<0$.

故这次发球可以过网且不出边界.
(3)设抛物线的解析式为: $p=a(x-6)^2+h$,将点 C 代入得: $36a+h=2$,即 $h=2-36a$,
所以此时抛物线的解析式为 $p=a(x-6)^2+2-36a$.

根据题意,不过边界时有: $a(18-6)^2+2-36a\leq 0$,解得 $a\leq -\frac{1}{54}$.

要使网球过网: $a(9-6)^2+2-36a\geq 2.24$,
解得 $a\leq -\frac{2}{225}$.

故李明同学发球要想过网,又使排球不会出界,二次函数中二次项系数的最大值为 $-\frac{1}{54}$.

第 6 期

2~3 版

一、选择题

1~5.ADCCB 6~10.BCBBA

二、填空题

11.4 12.2 13. $b<1$ 且 $b\neq 0$

14. $-\frac{1}{3}\leq y\leq 1$ 15.-2 16.>

17.2.25m 18. $-\frac{29}{8}<m<-\frac{5}{2}$

三、解答题

19.解:(1)把点 $A(2,-8)$ 代入 $y=ax^2$,
得 $-8=ax^2$.

解得 $a=-2$.
所以抛物线的解析式为 $y=-2x^2$.
(2)因为 $-2\times 3^2=-18$,
所以点 $B(3,-18)$ 在该抛物线上.
20.解:(1)设二次函数解析式为 $y=a(x+2)(x-4)$.
把(0,6)代入得 $6=a\times(0+2)(0-4)$.解得 $a=-\frac{3}{4}$.

所以二次函数解析式为 $y=-\frac{3}{4}(x+2)(x-4)$,即 $y=-\frac{3}{4}x^2+\frac{3}{2}x+6$.

(2)设 $D(t,-\frac{3}{4}t^2+\frac{3}{2}t+6)$.

因为 $\triangle ABD$ 的面积是 $\triangle ABC$ 面积的一半,

所以 $\frac{1}{2}\times(2+4)\times[-(-\frac{3}{4}t^2+\frac{3}{2}t+6)]=\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}\times(2+4)\times 6$.

整理得 $t^2-2t-12=0$.

解得 $t_1=1+\sqrt{13}$, $t_2=1-\sqrt{13}$.

所以点 D 的坐标为 $(1+\sqrt{13},-3)$ 或 $(1-\sqrt{13},-3)$.

21.解:(1)因为二次函数 $y=-x^2+(n-1)x+3$ 的图象与 x 轴的负半轴交于点 $B(-2,0)$,

所以 $0=-(-2)^2+(n-1)\times(-2)+3$.

解得 $n=\frac{1}{2}$.

所以 $y=-x^2-\frac{1}{2}x+3$.

即二次函数的解析式为 $y=-x^2-\frac{1}{2}x+3$.

(2)因为 $y=-x^2-\frac{1}{2}x+3$,

所以当 $x=0$ 时, $y=3$.

所以点 A 的坐标为(0,3).

设过点 $A(0,3)$ 、 $B(-2,0)$ 的直线解析式为 $y=kx+b$,

所以 $\begin{cases} b=3, \\ -2k+b=0. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k=\frac{3}{2}, \\ b=3. \end{cases}$

即直线 AB 的解析式为 $y=\frac{3}{2}x+3$.

设点 P 的坐标为 $(a,-a^2-\frac{1}{2}a+3)$,则点 C 的坐标为 $(-\frac{2}{3}a^2-\frac{1}{3}a,-a^2-\frac{1}{2}a+3)$.

所以 $PC=-\frac{2}{3}a^2-\frac{1}{3}a-a=-\frac{2}{3}(a+1)^2+\frac{2}{3}$.

因为点 P 是这个二次函数图象在第二象限内的一点,
所以 $-2<a<0$.

所以当 $a=-1$ 时, 线段 PC 取得最大值,此时 $PC=\frac{2}{3}$.

即线段 PC 长度的最大值是 $\frac{2}{3}$.

22.解:设这个生物园垂直于墙的一边长为 x m,

(1)由题意,得 $x(12-3x)=9$.
解得 $x_1=1$ (不符合题意,舍去), $x_2=3$.
答:这个生物园垂直于墙的一边长为 3m.

(2)设围成生物园的面积为 y m².
由题意,得 $y=x(12-3x)=-3(x-2)^2+12$.

因为 $\begin{cases} 12-3x\leq 7, \\ 12-3x>0, \end{cases}$ 所以 $\frac{5}{3}\leq x<4$.

所以当 $x=2$ 时, $y_{\text{最大值}}=12$, $12-3x=6$.

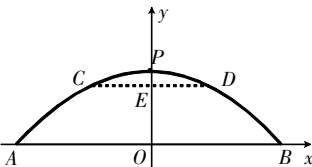
答:生物园垂直于墙的一边长为 2m,平行于墙的一边长为 6m 时,围成生物园的面积最大,且为 12m².

23.解:(1)如图,建立平面直角坐标系,由题意,得 $P(0,18)$ 、 $B(30,0)$.

设抛物线的解析式为 $y=ax^2+18$,把 $B(30,0)$ 代入,得 $y=-\frac{1}{50}x^2+18$.

(2)要采取紧急措施.由题意,得 CD 与 y 轴交点 E 坐标为(0,14),将 $y=14$ 代入抛物线 $y=-\frac{1}{50}x^2+18$,得 $x=\pm 10\sqrt{2}$.

所以 $CD=20\sqrt{2}$ 米 <30 米,故要采取紧急措施.



(第 23 题图)

24.解:(1) $w=(x-30)\cdot y=(-x+60)(x-30)=-x^2+30x+60x-1800=-x^2+90x-1800$.

所以 w 与 x 之间的函数解析式为 $w=-x^2+90x-1800$.

(2)根据题意,得 $w=-x^2+90x-1800=-(x-45)^2+225$.

因为 $-1<0$,所以当 $x=45$ 时, w 有最大值,最大值是 225.

答:销售单价定为 45 元时,每天的销售利润最大,为 225 元.

(3)当 $w=200$ 时, $-x^2+90x-1800=200$.
解得 $x_1=40$, $x_2=50$.

因为 $50>48$,
所以 $x_2=50$ 不符合题意,舍去.

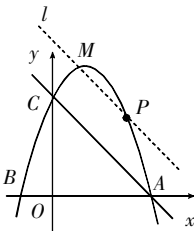
答:该商店销售这种双肩包每天要获得 200 元的销售利润,销售单价应定为 40 元.

25.解:(1)设抛物线的解析式为 $y=a(x+1)(x-3)=a(x^2-2x-3)$,

故 $-3a=3$.所以 $a=-1$.

故抛物线的解析式为 $y=-x^2+2x+3$.①

(2)过点 M 作直线 $l\parallel AC$, l 与抛物线交点即为点 P ,
由 $A(3,0)$ 、 $C(0,3)$,得直线 AC 的解析式为 $y=-x+3$.



(第 25 题图)

因为点 $M(1,4)$,则 l 的解析式为: $y=-x+5$.②

联立①②并解得 $x_1=1$ (舍去), $x_2=2$.
故点 P 的坐标为(2,3).

(3)设点 Q 的坐标为 $(0,m)$,而点 A 、 M 的坐标分别为(3,0)、(1,4),
则 $AM^2=20$, $AQ^2=9+m^2$, $MQ^2=(4-m)^2+1=m^2-8m+17$.

当 AM 是斜边时,则 $20=9+m^2+m^2-8m+17$.

解得 $m=1$ 或 $m=3$.

当 AQ 是斜边时,同理可得 $m=\frac{7}{2}$.

当 MQ 是斜边时,同理可得 $m=-\frac{3}{2}$.

综上,点 Q 的坐标为(0,1)或(0,3)或 $(0,\frac{7}{2})$ 或 $(0,-\frac{3}{2})$.

26.解:(1)因为抛物线 $y=(x+1)^2+3$ ($x\leq 1.5$)的顶点坐标为 $(-1,3)$,

所以 $(-1,3)$ 关于直线 $x=1.5$ 的对称点坐标为(4,3).

所以“伴随抛物线”所对应的二次函数解析式为 $y=(x-4)^2+3$ ($x\geq 1.5$).

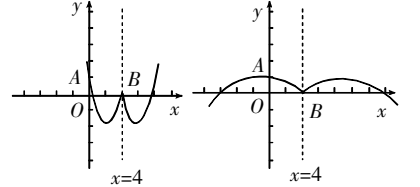
(2)①因为抛物线 $y=mx^2-2m^2x+2$

数学·人教中考版答案页第 2 期

($m\neq 0$, $m\neq 4$)交 y 轴于点 A ,
所以点 $A(0,2)$.
因为直线 AB 平行于 x 轴,抛物线交直线 $x=4$ 于点 B .

所以点 $B(4,2)$.
所以 $2=16m-8m^2+2$.
所以 $m_1=0$ (舍去), $m_2=2$.
所以 $m=2$.

②如图①和图②,



① ②

(第 26 题图)

因为 $\angle AOB=90^\circ$,
所以点 B 在 x 轴上.
所以点 B 的坐标是(4,0).

把(4,0)代入 $y=mx^2-2m^2x+2$ 中,得 $16m-8m^2+2=0$.

解得 $m_1=\frac{2+\sqrt{5}}{2}$, $m_2=\frac{2-\sqrt{5}}{2}$.

因为 $y=mx^2-2m^2x+2$ 的顶点横坐标为 $x=-\frac{2m^2}{2m}=m$,

即抛物线 $y=mx^2-2m^2x+2$ 的顶点横坐标为 $\frac{2+\sqrt{5}}{2}$ 或 $\frac{2-\sqrt{5}}{2}$.

则抛物线 $y=mx^2-2m^2x+2$ 关于直线 $x=4$ 的“伴随抛物线”的顶点横坐标为

$4+\left(4-\frac{2-\sqrt{5}}{2}\right)=\frac{14+\sqrt{5}}{2}$ 或 $4+\left(4-\frac{2+\sqrt{5}}{2}\right)=\frac{14-\sqrt{5}}{2}$.

所以“伴随抛物线”的顶点横坐标为 $\frac{14-\sqrt{5}}{2}$ 或 $\frac{14+\sqrt{5}}{2}$.

第 7 期

2~3 版

一、选择题

1~5.BBABD 6~10.DBDBC

二、填空题

11.(2,5) 12.40° 13.3√2

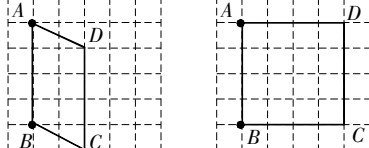
14.6 15.2 16.(2,0)或(5,3)

17.2+2√2 18.15 1/8

三、解答题

19.解:(1)如图①所示,四边形 $ABCD$ 即为所求(答案不唯一).

(2)如图②所示,四边形 $ABCD$ 即为所求.



① ②

(第 19 题图)

20.证明:连接 CE .

因为四边形 $ABCD$ 为正方形,
所以 A 、 C 关于直线 BD 对称.

因为 $\angle DAE=22.5^\circ$,
所以 $\angle DCE=22.5^\circ$.

因为 $CF\perp AE$,
所以 $\angle CFE=90^\circ$.

所以 $\angle ADC=\angle CFE=90^\circ$.
所以 $\angle DCF=\angle DAF=22.5^\circ$.

所以 $\angle ECF=\angle DCE+\angle DCF=22.5^\circ+22.5^\circ=45^\circ$.

因为点 G 与点 E 关于直线 CF 对称,
所以 $EC=GC$, $\angle CEF=\angle CGF=45^\circ$.

所以 $\angle ECG=90^\circ$.
所以 $EG=\sqrt{2}CG$.

21.解:(1)证明:因为 $\triangle AEF$ 是由 $\triangle ABC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转得到的,
所以 $AE=AB$, $AF=AC$, $\angle EAF=\angle BAC$.

所以 $\angle EAF+\angle BAF=\angle BAC+\angle BAF$,
即 $\angle EAB=\angle FAC$.

所以 $\triangle AEB\cong\triangle AFC$ (SAS).
所以 $BE=CF$.

(2)因为四边形 $ACDE$ 为菱形, $AB=AC=\sqrt{2}$,

所以 $DE=AE=AC=AB=\sqrt{2}$, $AC\parallel DE$.
所以 $\angle AEB=\angle ABE$, $\angle ABE=\angle BAC=45^\circ$.

所以 $\triangle ABE$ 为等腰直角三角形.
所以 $BE=\sqrt{2}AB=2$.

所以 $BD=BE-DE=2-\sqrt{2}$.

22.解:(1)由旋转的性质得, $CD=CO$, $\angle ACD=\angle BCO$.

因为 $\angle ACB=\angle ACO+\angle OCB=60^\circ$,
所以 $\angle DCO=\angle ACO+\angle ACD=\angle ACO+\angle OCB=60^\circ$.

所以 $\triangle OCD$ 为等边三角形.
所以 $\angle ODC=60^\circ$.

(2)由旋转的性质得, $AD=OB=4$,
 $\angle ADC=\angle BOC=150^\circ$.

因为 $\triangle OCD$ 为等边三角形,
所以 $OD=OC=5$.

因为 $\angle ADC=150^\circ$, $\angle ODC=60^\circ$,
所以 $\angle ADO=90^\circ$.

在 $\text{Rt}\triangle AOD$ 中,由勾股定理得 $AO=\sqrt{AD^2+OD^2}=\sqrt{4^2+5^2}=\sqrt{41}$.

23.解:(1)证明:延长 EB 交 GD 于 H .
因为四边形 $ABCD$ 和四边形 $AEFG$ 是正方形,所以 $AD=AB$, $AG=AE$, $\angle DAG=\angle BAE=90^\circ$.

所以 $\triangle ADG\cong\triangle ABE$ (SAS).
所以 $\angle AGD=\angle AEB$.

因为 $\angle ADG+\angle AGD=90^\circ$,
所以 $\angle ADG+\angle AEB=90^\circ$.

所以 $DG\perp BE$.

(2)过点 A 作 $AM\perp BD$,垂足为 M .
因为正方形 $ABCD$ 和正方形 $AEFG$ 的边长分别为 2 和 $2\sqrt{2}$,所以 $AM=DM=\sqrt{2}$, $\angle DAB=\angle GAE=90^\circ$.

所以 $MG=\sqrt{AG^2+AM^2}=\sqrt{6}$, $\angle DAG=\angle BAE$.



所以 $DG=DM+MG=\sqrt{2}+\sqrt{6}$.

由旋转可得: $AD=AB$, $AG=AE$, 且 $\angle DAG=\angle BAE$.

所以 $\triangle DAG\cong\triangle BAE$.
所以 $BE=DG=\sqrt{2}+\sqrt{6}$.

24.解:(1)因为 $\angle ABC=90^\circ$, $\angle BAC=30^\circ$,所以 $\angle ACB=60^\circ$.

因为 $\triangle ABC$ 绕点 A 顺时针旋转 α 得到 $\triangle AED$,点 E 恰好在 AC 上,所以 $CA=AD$, $\angle EAD=\angle BAC=30^\circ$.

所以 $\angle ACD=\angle ADC=\frac{1}{2}(180^\circ-30^\circ)=75^\circ$.

因为 $\angle EDA=\angle ACB=60^\circ$,
所以 $\angle CDE=\angle ADC-\angle EDA=15^\circ$.

(2)证明:因为点 F 是边 AC 的中点,
所以 $BF=AF=\frac{1}{2}AC$.

因为 $\angle BAC=30^\circ$,所以 $BC=\frac{1}{2}AC$.

所以 $\angle FBA=\angle BAC=30^\circ$.

因为 $\triangle ABC$ 绕点 A 顺时针旋转 60° 得到 $\triangle AED$,

所以 $\angle BAE=\angle CAD=60^\circ$, $CB=DE$, $\angle DEA=\angle ABC=90^\circ$.

所以 $DE=BF$.

延长 BF 交 AE 于点 G ,则 $\angle BGE=\angle GBA+\angle BAG=90^\circ$,

所以 $\angle BGE=\angle DEA$.
所以 $BF\parallel ED$.

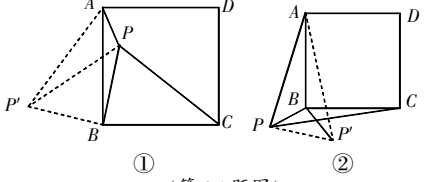
所以四边形 $BFDE$ 是平行四边形.

25.解:(1)选择思路一:
如图①,因为将 $\triangle BPC$ 绕点 B 逆时针旋转 90° ,得到 $\triangle BP'A$,

所以 $BP'=BP=2$, $\angle PBP'=90^\circ$, $AP'=3$.

所以 $PP'=2\sqrt{2}$, $\angle P'PB=45^\circ$.

所以 $AP^2+PP'^2=1^2+(2\sqrt{2})^2=9=AP'^2$.
所以 $\angle APP'=90^\circ$.所以 $\angle APB=135^\circ$.



① ②

(第 25 题图)

(2)如图②,将 $\triangle BPC$ 绕点 B 逆时针旋转 90° ,得到 $\triangle BP'A$,

所以 $BP'=BP=1$, $\angle PBP'=90^\circ$, $AP'=\sqrt{11}$.

所以 $PP'=\sqrt{2}$, $\angle P'PB=45^\circ$.

所以 $AP^2+PP'^2=3^2+(\sqrt{2})^2=11=AP'^2$.
所以 $\angle APP'=90^\circ$.所以 $\angle APB=45^\circ$.

26.解:(1)证明:因为在正三角形 ABC 中, $\angle BAC=60^\circ$,

所以 $\angle DAB+\angle CAE=120^\circ$.

又因为 $\angle ECA+\angle CAE=120^\circ$,
所以 $\angle DAB=\angle ECA$.

在 $\triangle DAB$ 和 $\triangle ECA$ 中,