

16. $-\frac{1}{3} \leq y \leq 1$ 17. -1 18. ①

三、解答题

19. 解: 设二次函数的解析式为: $y = (x-2)^2 - 2$.

因为图象经过点 $(1, -1)$,

所以 $-1 = a(1-2)^2 - 2$.

解得 $a = 1$.

所以二次函数的解析式为 $y = (x-2)^2 - 2$.

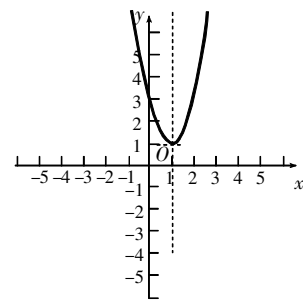
20. 解: (1) $y = 2x^2 - 4x + 3$
 $= 2(x^2 - 2x) + 3$

$= 2(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3$

$= 2(x-1)^2 + 1$,

顶点 C 的坐标为 $(1, 1)$.

(2) 当 $x = 0$ 时, $y = 3$, 图象如图所示:



(第 20 题图)

21. 解: (1) 把 $B(3, 0)$ 代入抛物线的解析式, 得 $m = 2$.

所以 $y = -x^2 + 2x + 3 = -(x-1)^2 + 4$.

所以顶点坐标为 $(1, 4)$.

(2) 连接 BC 交抛物线对称轴 l 于点 P , 连接 AP , 此时 $PA + PC$ 的值最小.

设直线 BC 的解析式为 $y = kx + b$ ($k \neq 0$).

把 $(3, 0)$ 、 $(0, 3)$ 代入, 得 $\begin{cases} 0 = 3k + b, \\ 3 = b. \end{cases}$

所以 $\begin{cases} k = -1, \\ b = 3. \end{cases}$

所以直线 BC 的解析式为 $y = -x + 3$.

当 $x = 1$ 时, $y = -1 + 3 = 2$.

所以当 $PA + PC$ 的值最小时, 点 P 的坐标为 $(1, 2)$.

22. 解: (1) 因为抛物线 $y = -x^2 + bx + c$ 经过点 $A(4, 0)$ 、 $B(-1, 0)$,

所以 $y = -(x-4)(x+1)$.

所以抛物线的解析式为 $y = -x^2 + 3x + 4$.

(2) 由 (1) 可知 $C(0, 4)$.

设直线 AC 的解析式为 $y = kx + 4$,

代入 $A(4, 0)$ 得 $4k + 4 = 0$.

所以 $k = -1$. 所以 $y = -x + 4$.

设点 D 坐标为 $(m, -m + 4)$, 则 $F(m, -m^2 + 3m + 4)$.

所以 $DF = (-m^2 + 3m + 4) - (-m + 4) = -m^2 + 4m$.

当 $m = -\frac{4}{2 \times (-1)} = 2$ 时, DF 的最大值为 4.

23. 解: 小明的做法是错误的.

正确的做法如下:

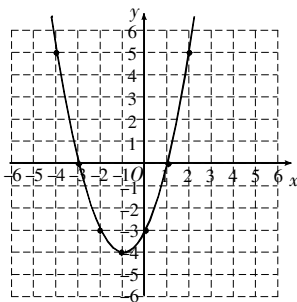
因为二次函数 $y = 2x^2 + 4x + 3 = 2(x+1)^2 + 1$, 所以该函数图象开口向上, 对称轴是直线 $x = -1$. 当 $x = -1$ 时 y 取得最小值, 最小值是 1.

因为 $-2 \leq x \leq 1$, 所以当 $x = 1$ 时 y 取得最大值, 此时 $y = 9$.

由上可得, 当 $-2 \leq x \leq 1$ 时, 函数 y 的最小值是 1, 最大值是 9.

24. 解: (1) 2;

(2) 画出图象如下:



(第 24 题图)

(3) $x \leq -4$ 或 $x \geq 2$.

25. 解: (1) 因为 $B(1, 0)$, 所以 $OB = 1$.

因为 $OC = 3BO$, 所以 $C(0, -3)$.

因为 $y = ax^2 + 3ax + c$ 过 $B(1, 0)$ 、 $C(0, -3)$, 所以 $\begin{cases} c = -3, \\ a + 3a + c = 0. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} a = \frac{3}{4}, \\ c = -3. \end{cases}$

所以抛物线的解析式为: $y = \frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x - 3$.

(2) 过点 D 作 $DM \parallel y$ 轴, 分别交线段 AC 和 x 轴于点 M 、 N ,

在 $y = \frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x - 3$ 中, 令 $y = 0$,

得方程 $\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x - 3 = 0$.

解得 $x_1 = -4$, $x_2 = 1$.

所以 $A(-4, 0)$.

设直线 AC 的解析式为 $y = kx + b$.

所以 $\begin{cases} -4k + b = 0, \\ b = -3. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k = -\frac{3}{4}, \\ b = -3. \end{cases}$

所以直线 AC 的解析式为 $y = -\frac{3}{4}x - 3$.

所以 $S_{\text{四边形}ABCD} = S_{\triangle ABC} + S_{\triangle ADC} = \frac{5 \times 3}{2} +$

$\frac{1}{2}DM \cdot (AN + ON) = \frac{15}{2} + 2DM$.

设 $D(x, \frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x - 3)$,

$M(x, -\frac{3}{4}x - 3)$,

则 $DM = -\frac{3}{4}x - 3 - (\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x - 3) =$

$-\frac{3}{4}(x+2)^2 + 3$.

当 $x = -2$ 时, DM 有最大值 3.

此时四边形 $ABCD$ 面积有最大值

$\frac{27}{2}$.

26. 解: (1) 抛物线的对称轴为 $x = -\frac{-2a}{2a} = 1$.

(2) ① 因为直线 $y = \frac{3}{4}x - 3$ 与 x 轴, y 轴分别交于点 C 、 D .

所以点 C 的坐标为 $(4, 0)$, 点 D 的坐标为 $(0, -3)$.

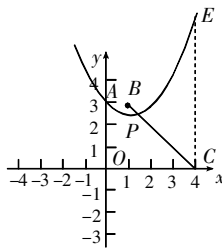
因为抛物线与 y 轴的交点 A 与点 D 关于 x 轴对称,

所以点 A 的坐标为 $(0, 3)$, $c = 3$.

因为将点 A 向右平移 1 个单位长度, 得到点 B , 所以点 B 的坐标为 $(1, 3)$.

② 将 $x = 1$ 代入抛物线解析式可得, 其顶点为 $P(1, 3-a)$.

(i) 当 $a > 0$ 时, 如图①.



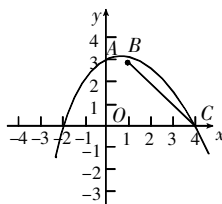
(第 26 题图①)

令 $x = 4$, 得 $y = 16a - 8a + 3 = 8a + 3 > 0$, 即点 $C(4, 0)$ 总在抛物线上的点 $E(4, 8a + 3)$ 的下方.

因为 $y_P < y_B$, 所以点 $B(1, 3)$ 总在抛物线顶点 P 的上方.

结合函数图象, 可知当 $a > 0$ 时, 抛物线与线段 CB 恰有一个公共点.

(ii) 当 $a < 0$ 时, 如图②.



(第 26 题图②)

当抛物线过点 $C(4, 0)$ 时, $16a - 8a + 3 = 0$. 解得 $a = -\frac{3}{8}$.

因为 $a < 0$, 所以 $3 - a > 3$.

即点 P 在点 B 的上方.

结合函数图象, 可得抛物线与线段 BC 有一个公共点时, $a \leq -\frac{3}{8}$.

综上所述, a 的取值范围是 $a \leq -\frac{3}{8}$ 或 $a > 0$.

2020-2021 学年

数学·人教中考版答案页第 1 期

第 1 期

2 版

21.1 一元二次方程

1.B

2.B

3.B

4. $x^2 - 7x + 8 = 0$

5.A

6. 解: 因为 x_1 是方程 $ax^2 - 2x - c = 0$ ($a \neq 0$) 的一个根,

所以 $ax_1^2 - 2x_1 = c$.

则 $p - q = (ax_1 - 1)^2 - (ac + 1.5)$

$= a^2x_1^2 - 2ax_1 + 1 - ac - 1.5$

$= a(ax_1^2 - 2x_1) - ac - 0.5$

$= ac - ac - 0.5$

$= -0.5$.

所以 $p - q < 0$.

所以 $p < q$.

21.2.1 配方法

第 1 课时

解: (1) $x_1 = 3$, $x_2 = -3$;

(2) $x_1 = \sqrt{3} + 1$, $x_2 = -\sqrt{3} + 1$;

(3) $x_1 = 2$, $x_2 = -1$;

(4) $x_1 = \frac{4}{3}$, $x_2 = -2$.

第 2 课时

1. (1) 9, 3; (2) $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{2}$;

(3) 4, 2; (4) $\frac{9}{4}$, $\frac{3}{2}$.

2. 解: (1) $x_1 = 2 + \sqrt{10}$, $x_2 = 2 - \sqrt{10}$;

(2) $x_1 = 1 + \frac{2\sqrt{3}}{3}$, $x_2 = 1 - \frac{2\sqrt{3}}{3}$;

(3) $x_1 = \frac{-3 + \sqrt{10}}{2}$, $x_2 = \frac{-3 - \sqrt{10}}{2}$;

(4) $x_1 = \frac{1 + \sqrt{33}}{4}$, $x_2 = \frac{1 - \sqrt{33}}{4}$.

21.2.2 公式法

第 1 课时

1. 解: (1) 有两个不相等的实数根;

(2) 有两个相等的实数根;

(3) 没有实数根.

2. 证明: 根据题意, 得: $\Delta = [-(m+2)]^2 - 4(m-2) = m^2 + 12$.

因为无论 m 取何实数值时, $m^2 \geq 0$,

所以 $m^2 + 12 > 0$.

即 $\Delta > 0$ 恒成立.

所以无论 m 取何实数值时, 方程总有两个不相等的实数根.

第 2 课时

1.B

2. (1) $x_1 = \frac{1}{4}$, $x_2 = -\frac{1}{3}$;

(2) 无解;

(3) $x_1 = \sqrt{2}$, $x_2 = -3\sqrt{2}$;

(4) $x_1 = 1$, $x_2 = \frac{1}{3}$.

3、4 版

一、选择题

1~5. CBBDD 6~10. ACADB

二、填空题

11. $m \neq 2$

12. 答案不唯一, 如 $x^2 - 6x + 9 = 0$

13. $(x+2)^2 = 3$

14. $4\sqrt{5}$

15. 2020

16. 1

17. $x_1 = \frac{1 + \sqrt{3}}{2}$, $x_2 = \frac{1 - \sqrt{3}}{2}$

18. $x_1 = -1$, $x_2 = -3$

三、解答题

19. 解: (1) $x_1 = 1$, $x_2 = -9$.

(2) $x_1 = -3 + \sqrt{13}$, $x_2 = -3 - \sqrt{13}$.

20. 解: (1) $x_1 = 9$, $x_2 = -1$.

(2) $x_1 = \frac{1 + \sqrt{10}}{3}$, $x_2 = \frac{1 - \sqrt{10}}{3}$.

21. 解: $(2m-1)(2m+1) - m(m-3) - 7$
 $= 4m^2 - 1 - m^2 + 3m - 7$

$= 3m^2 + 3m - 8$

$= 3(m^2 + m) - 8$.

因为 m 是一元二次方程 $x^2 + x = 5$ 的实数根,

所以 $m^2 + m = 5$.

所以原式 $= 3 \times 5 - 8 = 7$.

即代数式 $(2m-1)(2m+1) - m(m-3) - 7$ 的值为 7.

22. 解: (1) 证明: 因为 $x^2 + (a-1)x - a = 0$ 是关于 x 的一元二次方程,

所以 $\Delta = (a-1)^2 + 4a = a^2 + 2a + 1 = (a+1)^2 \geq 0$.

所以方程总有两个实数根.

(2) 由求根公式得, $x = \frac{-(a-1) \pm (a+1)}{2}$,

所以 $x_1 = 1$, $x_2 = -a$.

因为该方程有一个根是负数,

所以 $-a < 0$.

所以 $a > 0$.

23. 解: (1) 因为 $x = \sqrt{5}$ 是方程 $x^2 - 4\sqrt{5}x + 12 + m = 0$ 的一个根,

所以 $(\sqrt{5})^2 - 4\sqrt{5} \times \sqrt{5} + 12 + m =$

0.

解得 $m = 3$.

则方程为: $x^2 - 4\sqrt{5}x + 15 = 0$.

解得 $x_1 = \sqrt{5}$, $x_2 = 3\sqrt{5}$.

所以方程的另一根为 $3\sqrt{5}$.

(2) 若方程的两根恰为等腰三角形

的两腰, 则 $\Delta = b^2 - 4ac = 0$.

所以 $\Delta = (-4\sqrt{5})^2 - 4(12 + m) = 0$.

解得 $m = 8$.

则方程为 $x^2 - 4\sqrt{5}x + 20 = 0$.

解得 $x_1 = x_2 = 2\sqrt{5}$.

三角形的周长为 $4\sqrt{5} + 8$.

24. 解: (1) ① 解方程, 得 $x_1 = 3$, $x_2 = -2$.

因为 $3 \neq -2 + 1$,

所以方程 $x^2 - x - 6 = 0$ 不是“邻根方程”.

② 解方程, 得 $x_1 = \frac{\sqrt{3} + 1}{2}$, $x_2 = \frac{\sqrt{3} - 1}{2}$.

因为 $\frac{\sqrt{3} + 1}{2} - \frac{\sqrt{3} - 1}{2} = 1$,

所以方程 $2x^2 - 2\sqrt{3}x + 1 = 0$ 是“邻根方程”.

(2) 解方程得 $x_1 = m$, $x_2 = -1$.

因为方程 $x^2 - (m-1)x - m = 0$ 是“邻根方程”,

所以 $m = -1 + 1$ 或 $m = -1 - 1$.

所以 m 的值为 0 或 -2.

25. 解: (1) 原式 $= (x^2 + 4xy + 4y^2) - 9y^2$

$= (x + 2y)^2 - 9y^2$

$= (x + 2y + 3y)(x + 2y - 3y)$

$= (x + 5y)(x - y)$;

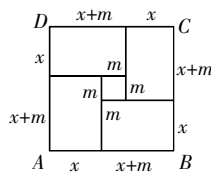
(2) 原式 $= (x^2 + 2x + 1) + (y^2 - 6y + 9) + 5$

$= (x + 1)^2 + (y - 3)^2 + 5$.

当 $x = -1$, $y = 3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为 5.

26. 解: ① 方程变形为 $x(x+m) = n$.

② 画四个长、宽分别为 $x+m$ 、 x 的矩形如图所示.



(第 26 题图)

③ 由面积关系求解方程.

因为 $S_{\text{矩形}ABCD} = (x+x+m)^2$,

且 $S_{\text{矩形}ABCD} = 4x(x+m) + m^2$,

所以 $(x+x+m)^2 = 4x(x+m) + m^2$.

又 $x(x+m) = n$,

所以 $(2x+m)^2 = 4n + m^2$.

因为 $x > 0$, $m > 0$, $n > 0$,

① (3) $x_1=4,x_2=-1$; (4) $x_1=\frac{4}{7}$,

$x_2=\frac{16}{3}$.
4. $x_1=4,x_2=-1$.

***21.2.4 一元二次方程的根与系数的关系**

1.C 2.C 3.A 4.B
5.解:由根与系数的关系,得
 $x_1+x_2=-\frac{3}{2},x_1\cdot x_2=-2$.因此
(1) $x_1^2+x_2^2=(x_1+x_2)^2-2x_1\cdot x_2$
 $=\left(-\frac{3}{2}\right)^2-2\times(-2)=\frac{25}{4}$.
(2)因为 $(x_1-x_2)^2=(x_1+x_2)^2-4x_1\cdot x_2=$
 $\left(-\frac{3}{2}\right)^2-4\times(-2)=\frac{41}{4}$.

所以 $|x_1-x_2|=\sqrt{(x_1-x_2)^2}=\frac{\sqrt{41}}{2}$.

6.D
7.解:设方程的两根为 x_1 和 x_2 ,
 $\Delta=4(m+1)^2-4(m^2-2)=8m+12$.
当 $\Delta\geq 0$ 时, $8m+12\geq 0$.

解得 $m\geq -\frac{3}{2}$.
(1)若两根互为相反数,
则 $x_1+x_2=2(m+1)=0$,解得 $m=-1$.
(2)若两根互为倒数,
即 $x_1\cdot x_2=1$.所以 $m^2-2=1$.

解得 $m=\pm\sqrt{3}$.
因为 $-\sqrt{3}<-\frac{3}{2}$,所以 $-\sqrt{3}$ 舍去.

所以 $m=\sqrt{3}$.
(3)若有一根为 0,则 $x_1\cdot x_2=m^2-2=0$,
解得 $m=\pm\sqrt{2}$.

21.3 实际问题与一元二次方程 第 1 课时

1.B
2.解:(1)设每年盈利的年增长率为 x ,根据题意得:
 $1500(1+x)^2=2160$.
解得 $x_1=0.2,x_2=-2.2$ (不合题意,舍去).
答:每年盈利的年增长率为 20%.
(2) $2160(1+0.2)=2592,2592>2500$.
答:2020 年该公司盈利能达到 2500 万元.

3.解:设每轮传播中,平均一人传染了 x 人,则
 $1+x+x(x+1)=169$.
解得 $x_1=12,x_2=-14$ (不符合题意,舍去).
答:每轮传播中,平均一人传染了 12 个人.
4.81

第 2 课时

1.解:设道路的宽度为 x 米,根据题意,得
 $(20-x)(18-x)=20\times 18\times 80\%$.
解得 $x_1=36$ (不合题意,舍去), $x_2=2$.
答:道路的宽度为 2 米.

2.解:设参加会议的教师人数为 x ,则
 $\frac{1}{2}x(x-1)=45$.
解得 $x_1=10,x_2=-9$ (不合题意,舍去).
答:参加会议的教师有 10 人.

3、4 版

一、选择题
1~5.DBCBB 6~10.CCDBB

二、填空题
11. $x_1=2,x_2=3$ 12.1 13.2
14.48 或 84 15. $\frac{1}{4}$ 16.10%
17. $x(x+12)=448$ 18.-1

三、解答题
19.解:(1) $x_1=\frac{1}{2},x_2=-\frac{1}{4}$.
(2) $x_1=9,x_2=1$.
20.解:由题意可知 $x_1+x_2=2,x_1x_2=-3$.
(1)原式= $\frac{x_1+x_2}{x_1x_2}=-\frac{2}{3}$.
(2)原式= $x_1x_2-(x_1+x_2)+1=-3-2+1=-4$.
21.解:由题意可得 $(40-x)(30-x)=$
 $40\times 30-325$.

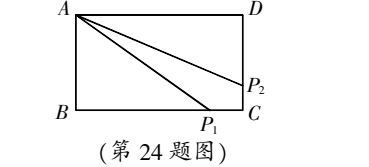
解得 $x_1=5,x_2=65$ (不合题意,舍去).
答: x 的值为 5m.

22.解:设纸盒的高是 x cm.则纸盒的底面为长 $(40-2x)$ cm,宽 $(30-2x)$ cm 的长方形,

依题意,得 $(40-2x)(30-2x)=600$.
解得 $x_1=5,x_2=30$ (不合题意,舍去).
答:纸盒的高为 5cm.
23.解:(1) $(40-2x)$.
(2)依题意,得 $x(40-2x)=150$.
整理,得 $x^2-20x+75=0$.
解得 $x_1=5,x_2=15$.

当 $x_1=5$ 时, $40-2x=30>25$ (不合题意,舍去);
当 $x_2=15$ 时, $40-2x=10<25$ (符合题意).
答:花园面积为 150 平方米时,篱笆 AB 长为 15 米.

24.解:(1)因为 $x^2-7x+12=0$,
所以 $x_1=3,x_2=4$.
因为 $AB<BC$,所以 $AB=3,BC=4$.
(2)



当 P_1 在 BC 上时,
如图,在 Rt $\triangle ABP_1$ 中,
因为 $AP_1=\sqrt{20},AB=3$,
所以 $BP_1=\sqrt{AP_1^2-AB^2}=\sqrt{20-9}=\sqrt{11}$.

所以 $t=\frac{3+\sqrt{11}}{1}=3+\sqrt{11}$.
当 P_2 在 CD 上时,

在 Rt $\triangle ADP_2$ 中,
 $DP_2=\sqrt{AP_2^2-AD^2}=\sqrt{20-4^2}=2$.
所以 $CP_2=3-2=1$.
所以 $t=\frac{3+4+1}{1}=8$.

答: t 的值是 $3+\sqrt{11}$ 秒或 8 秒.
25.解:设从 2019 年到 2021 年,每年平均经营总收入增长率为 x .根据题意可得
 $800\div 40\%(1+x)^2=2880$.
解得 $x_1=0.2=20\%,x_2=-2.2$ (不合题意,舍去).
则 $800\div 40\%\times(1+20\%)=2400$ (万元).
答:预计 2020 年经营总收入为 2400 万元.

26.解:(1)设 $y=kx+b$,
根据题意可得 $\begin{cases} 30k+b=500, \\ 40k+b=400. \end{cases}$
解得 $\begin{cases} k=-10, \\ b=800. \end{cases}$
则 $y=-10x+800$.
(2)根据题意,得 $(x-20)(-10x+800)=8000$.

整理,得 $x^2-100x+2400=0$.
解得 $x_1=40,x_2=60$.
因为销售单价最高不能超过 45 元/件,所以 $x=40$.
答:销售单价定为 40 元/件时,工艺厂试销该工艺品每天获得的利润为 8000 元.

第 3 期 2~3 版

一、选择题
1~5.CBDBD 6~10.CBCBA
二、填空题
11. $x_1=1,x_2=2$ 12.3,-1
13.2022 14.<1 15.1
16. $x(x-1)=380$ 17.5 $(1+x)^2=7.2$
18.2018
三、解答题
19.解:(1) $x_1=-7,x_2=5$;
(2) $x_1=\frac{1}{2},x_2=-\frac{1}{4}$.

20.解:(1)因为关于 x 的方程 $x^2-4x+m+2=0$ 有两个不相等的实数根,
所以 $\Delta=16-4(m+2)>0$.
解得 $m<2$.
(2)因为 $m<2$,
所以 m 的最大整数值为 1.
当 $m=1$ 时, $x^2-4x+3=0,(x-1)(x-3)=0$.
解得 $x_1=1,x_2=3$.
21.解:(1)因为方程有实数根,
所以 $\Delta=36-4(2m+1)=36-8m-4=32-8m\geq 0$.
解得 $m\leq 4$.
(2)因为 x_1,x_2 是方程 $x^2+6x+2m+1=0$ 的两个实数根,
所以 $x_1+x_2=-6,x_1x_2=2m+1$.
因为 $2x_1x_2-x_1-x_2\geq 8$,
所以 $2(2m+1)+6\geq 8$.

数学·人教中考版答案页第 1 期

解得 $m\geq 0$.
由(1)可得 $m\leq 4$.
所以 m 的取值范围是 $0\leq m\leq 4$.
22.解:设仓库的边 AB 为 x 米,由题意得

$x(32-2x+2)=140$.
整理,得 $x^2-17x+70=0$.
解得 $x_1=10,x_2=7$.
当 $x=10$ 时, $BC=14<18$;
当 $x=7$ 时, $BC=20>18$.
所以 $x=7$ 不合题意,舍去.
答:仓库的边 AB 为 10 米, BC 为 14 米.
23.解:设 $AE=BF=xc$ cm.

由题意可得,长方体盒子的底面为正方形,其边长为 $\sqrt{2}x$ cm,长方体盒子的高为 $\frac{6-2x}{\sqrt{2}}$ cm.

因为得到的长方体盒子的表面积为 11cm²,所以 $2\left[2x^2+\sqrt{2}x\cdot\frac{6-2x}{\sqrt{2}}+\sqrt{2}x\cdot\frac{6-2x}{\sqrt{2}}\right]=11$.

整理得 $4x^2-24x+11=0$.
解得 $x_1=0.5,x_2=5.5$ (舍).
所以线段 AE 的长为 0.5cm.
24.解:(1)设该快递公司投递总件数的月平均增长率为 x ,根据题意,得
 $10(1+x)^2=14.4$.
解得 $x_1=0.2,x_2=-2.2$ (不符合题意,舍去).

答:该快递公司投递总件数的月平均增长率为 20%.

(2)由(1)得,
 $14.4\times 1.2=17.28$ (万件).
又 $29\times 0.5=14.5$,所以 $14.5<17.28$.
故不能完成任务.
因为 $(17.28-14.5)\div 0.5=5.56$,
所以至少还需要增加 6 名业务员.
答:至少需要增加 6 名业务员.

25.解:(1)设剪掉的正方形的边长为 x cm,根据题意,得 $(40-2x)^2=484$.
即 $40-2x=\pm 22$.
解得 $x_1=31$ (不合题意,舍去), $x_2=9$.
所以剪掉的正方形的边长为 9cm.
(2)设剪掉的小正方形的边长为 a cm.根据题意,得

$40(40-2a)+2a(20-a)=1350$.
整理得 $a^2+20a-125=0$.
解得 $a_1=-25$ (不合题意,舍去), $a_2=5$.
所以剪掉的正方形的边长为 5cm.
此时长方体盒子的长为 30cm,宽为 15cm,高为 5cm.
26.解:(1)因为 $4^2=16,4\times 2\times 1=8,16\neq$

8,
所以 241 不是“喜鹊数”.
因为各个数位上的数字都不为零,十位上的数字是百位上的数字与个位上的数字之积的 4 倍,
所以十位上的数字的平方最小为 4.
因为 $2^2=4,4\times 1\times 1=4$,
所以最小的“喜鹊数”是 121.
(2)因为 $k=100a+10b+c$ 是“喜鹊数”,
所以 $b^2=4ac$,即 $b^2-4ac=0$.
因为 $x=m$ 是一元二次方程 $ax^2+bx+c=0$ 的一个根, $x=n$ 是一元二次方程 $cx^2+bx+a=0$ 的一个根,
所以 $am^2+bm+c=0,cn^2+bn+a=0$.
将 $cn^2+bn+a=0$ 两边同除以 n^2 得
 $a\left(\frac{1}{n}\right)^2+b\left(\frac{1}{n}\right)+c=0$.

所以将 $m,\frac{1}{n}$ 看成是方程 $ax^2+bx+c=0$ 的两个根.
因为 $b^2-4ac=0$,所以方程 $ax^2+bx+c=0$ 有两个相等的实数根.

所以 $m=\frac{1}{n}$,即 $mn=1$.
因为 $m+n=-2$,所以 $m=-1,n=-1$.
所以 $a-b+c=0$.
所以 $b=a+c$.
因为 $b^2=4ac$,所以 $(a+c)^2=4ac$.
解得 $a=c$.
所以满足条件的所有 k 的值为 121,242,363,484.

第 4 期 2 版 22.1.1 二次函数

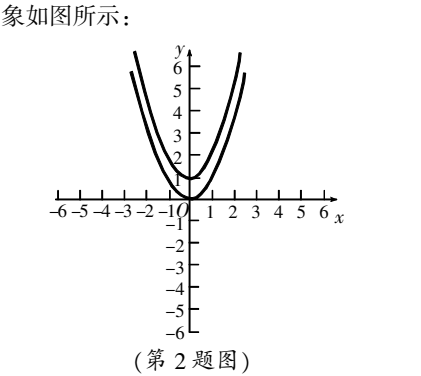
1.A 2.D
3.解:因为一条直角边和斜边的比为 3:5,则较短直角边和较长直角边的比为 3:4,
所以较长直角边的长为 $\frac{4}{3}x$.

所以 $y=\frac{1}{2}x\cdot\frac{4}{3}x=\frac{2}{3}x^2$.
当 $y=24$ 时, $\frac{2}{3}x^2=24$.
所以 $x_1=6,x_2=-6$ (舍).
答: $y=\frac{2}{3}x^2$,当三角形的面积为 24 时,较短直角边的长为 6.

22.1.2 二次函数 $y=ax^2$ 的图象和性质
1.C 2.D 3.小;小;小;大
22.1.3 二次函数 $y=a(x-h)^2+k$ 的图象和性质 第 1 课时

1.B
2.解:画出函数 $y=x^2$ 和 $y=x^2+1$ 的图

学习周报®



二次函数 $y=x^2$ 的图象向上平移 1 个单位长度得到二次函数 $y=x^2+1$ 的图象.
第 2 课时

1.A
2.解:图略.(1)抛物线 $y=-\frac{1}{2}(x-1)^2$ 可以看成将抛物线 $y=-\frac{1}{2}x^2$ 向右平移 1 个单位长度得到.
(2) $x=1,<1,>1,=1,0$

第 3 课时
1.C 2.向上,(2,-1), $x=2$ 3.A
22.1.4 二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的图象和性质 第 1 课时

1.A
2.解:因为二次函数 $y=x^2+bx-3$ 的图象经过点 $A(-1,0)$,所以 $0=1-b-3$.
解得 $b=-2$.
所以二次函数的解析式为 $y=x^2-2x-$
3.

因为 $y=x^2-2x-3=(x-1)^2-4$,
所以二次函数的最小值为-4.
答:这个二次函数的解析式为 $y=x^2-2x-3$,其最小值为-4.

第 2 课时
解:把 $A(-1,8),B(2,-1),C(0,3)$ 代入 $y=ax^2+bx+c$ 中,得 $\begin{cases} a-b+c=8, \\ 4a+2b+c=-1, \\ c=3. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} a=1, \\ b=-4, \\ c=3. \end{cases}$
所以二次函数的解析式为 $y=x^2-4x+$
3.

3、4 版
一、选择题
1~5.DCABD 6~10.BACDB
二、填空题
11.6 12.0 13. $x=3$
14. $m\leq -3$ 15. \leq