

第 8 期  
2 版  
13.3.1 等腰三角形  
第 1 课时

1.20°  
2.解:因为  $CA=CB$ , 所以  $\angle A=\angle B=50^\circ$ .  
所以  $\angle ACB=80^\circ$ .  
又因为  $D$  是  $AB$  的中点,  
即  $CD$  是底边  $AB$  上的中线,  
所以  $CD$  平分  $\angle ACB$ .  
所以  $\angle ACD=\frac{1}{2}\angle ACB=40^\circ$ .  
3.36°

第 2 课时

1.D  
2.解:(1)因为  $DE$  垂直平分  $AB$ ,  
所以  $DB=DA$ , 所以  $\angle B=\angle DAB$ .  
因为  $\angle B=40^\circ$ , 所以  $\angle DAB=\angle B=40^\circ$ .  
所以  $\angle ADC=\angle B+\angle DAB=80^\circ$ .  
(2)证明:因为  $\angle DAC=\angle BAC-\angle DAB=120^\circ-40^\circ=80^\circ=\angle ADC$ ,  
所以  $CA=CD$ , 所以  $\triangle ACD$  为等腰三角形.  
3.50°或 65°或 80°

13.3.2 等边三角形  
第 1 课时

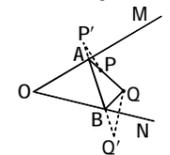
1.D  
2.D  
3.解:因为  $\triangle ABC$  是等边三角形,  
所以  $\angle ABC=60^\circ$ .  
因为  $BD \perp AC$ , 所以  $\angle DBC=\frac{1}{2}\angle ABC=30^\circ$ .  
因为  $DB=DE$ , 所以  $\angle E=\angle DBC$ .  
所以  $\angle E=30^\circ$ .  
4.D  
5.解:(1)因为  $\angle BAC=60^\circ, \angle C=70^\circ$ ,  
所以  $\angle ABC=180^\circ-60^\circ-70^\circ=50^\circ$ .  
因为  $BE$  平分  $\angle ABC$ ,  
所以  $\angle FBD=\frac{1}{2}\angle ABC=25^\circ$ .

第 2 课时

因为  $AD \perp BC$ , 所以  $\angle BDF=90^\circ$ .  
所以  $\angle AFB=\angle FBD+\angle BDF=115^\circ$ .  
(2)证明:因为  $\angle ABE=30^\circ, BE$  平分  $\angle ABC$ ,  
所以  $\angle ABC=60^\circ$ .  
因为  $BD=DC, AD \perp BC$ ,  
所以  $\triangle ABD \cong \triangle ACD$ .  
所以  $AB=AC$ , 所以  $\triangle ABC$  是等边三角形.  
1.A  
2.解:因为在  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC, \angle C=30^\circ$ ,  
所以  $\angle B=\angle C=30^\circ, \angle BAC=180^\circ-30^\circ-30^\circ=120^\circ$ .  
因为  $AB \perp AD$ , 所以  $\angle BAD=90^\circ$ .  
所以  $\angle DAC=120^\circ-90^\circ=30^\circ$ .  
所以  $\angle DAC=\angle C=30^\circ$ , 所以  $AD=CD=3$ .  
在  $Rt\triangle ABD$  中, 因为  $\angle BAD=90^\circ, \angle B=30^\circ$ ,  
所以  $BD=2AD=6$ .  
3.3

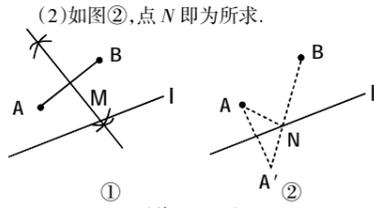
13.4 课题学习 最短路径问题

1.解:如图, 作点  $P$  关于直线  $OM$  的对称点  $P'$ , 作点  $Q$  关于直线  $ON$  的对称点  $Q'$ , 连接  $P'Q'$  交  $OM$  于点  $A$ , 交  $ON$  于点  $B$ , 则此时四边形  $PABQ$  的周长最小.



(第 1 题图)

2.解:(1)如图①, 点  $M$  即为所求.



(第 2 题图)

一、选择题  
1-5.BBBDD  
二、填空题  
11.100°  
12.2  
13.18  
14.15°  
15.36  
16.37.5°  
17.6  
18.30°或 75°或 120°

三、解答题  
19.解:在  $\triangle ABC$  中, 因为  $AB=AC$ ,  
所以  $\angle B=\angle C=70^\circ$ .  
在  $\triangle ADC$  中, 因为  $AC=DC$ , 所以  $\angle DAC=\angle D$ .  
因为  $\angle ACB$  为  $\triangle ADC$  的外角,  
所以  $\angle DAC+\angle D=\angle ACB=70^\circ$ .  
所以  $\angle D=\frac{1}{2}\angle ACB=35^\circ$ .

20.证明:因为  $DE$  垂直平分线段  $AC$ ,  
所以  $DA=DC$ , 所以  $\angle DAC=\angle C=30^\circ$ .  
所以  $\angle ADB=\angle DAC+\angle C=60^\circ$ .  
因为  $\angle B=60^\circ$ , 所以  $\angle BAD=\angle B=\angle ADB=60^\circ$ .  
所以  $\triangle ABD$  是等边三角形.  
21.解:(1)作点  $A$  关于直线  $l$  的对称点  $A'$ , 连接  $A'B$  交直线  $l$  于点  $P$ , 则点  $P$  即为所求.  
(2)在直线  $l$  上任取另一点  $Q$ , 连接  $PA, QA, QB$ .  
因为点  $A$  与点  $A'$  关于直线  $l$  成轴对称,  
点  $P, Q$  在直线  $l$  上,  
所以  $PA=PA', QA=QA'$ .  
因为  $QA'+QB>A'B$ , 所以  $QA+QB>A'B$ ,  
即  $QA+QB>A'P+BP$ , 所以  $QA+QB>AP+BP$ .  
所以  $PA+PB$  最小.

22.解:(1)因为  $AB=AC$ , 所以  $\angle C=\angle ABC$ .  
因为  $\angle C=36^\circ$ , 所以  $\angle ABC=36^\circ$ .  
因为  $BD=CD, AB=AC$ , 所以  $AD \perp BC$ .  
所以  $\angle ADB=90^\circ$ , 所以  $\angle BAD=90^\circ-36^\circ=54^\circ$ .  
(2)证明:因为  $BE$  平分  $\angle ABC$ ,  
所以  $\angle ABE=\angle CBE=\frac{1}{2}\angle ABC$ .  
因为  $EF \parallel BC$ , 所以  $\angle FEB=\angle CBE$ .  
所以  $\angle FBE=\angle FEB$ , 所以  $FB=FE$ .

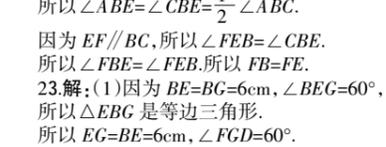
23.解:(1)因为  $BE=BG=6\text{cm}, \angle BEG=60^\circ$ ,  
所以  $\triangle BEG$  是等边三角形.  
所以  $EG=BE=6\text{cm}, \angle FGD=60^\circ$ .  
因为  $EF=2\text{cm}$ , 所以  $FG=4\text{cm}$ .  
因为  $AB=AC, AD$  平分  $\angle BAC$ ,  
所以  $AD \perp BC, BD=CD$ .  
所以  $\angle DFG=90^\circ-60^\circ=30^\circ$ .  
(2)在  $Rt\triangle DFG$  中,  
因为  $FG=4\text{cm}, \angle DFG=30^\circ$ ,  
所以  $DG=\frac{1}{2}FG=2\text{cm}$ , 所以  $BD=BG-DG=4\text{cm}$ .  
所以  $BC=2BD=8\text{cm}$ .

24.解:(1)证明:①因为  $AD \parallel BE$ ,  
所以  $\angle ADB=\angle DBC$ .  
因为  $BD$  平分  $\angle ABC$ , 所以  $\angle ABD=\angle DBC$ .  
所以  $\angle ABD=\angle ADB$ , 所以  $AB=AD$ .  
②因为  $AD \parallel BE$ , 所以  $\angle ADC=\angle DCE$ .  
由①知  $AB=AD$ .  
又因为  $AB=AC$ ,  
所以  $AC=AD$ , 所以  $\angle ACD=\angle ADC$ .  
所以  $\angle ACD=\angle DCE$ , 所以  $CD$  平分  $\angle ACE$ .

(2)  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
证明:因为  $BD, CD$  分别平分  $\angle ABE, \angle ACE$ ,  
所以  $\angle DBC=\frac{1}{2}\angle ABC, \angle DCE=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BDC+\angle DBC=\angle DCE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BAC+\angle ABC=\angle ACE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle BAC+\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
所以  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .

25.解:(1)若  $\angle A$  为顶角,  
则  $\angle B=(180^\circ-80^\circ) \div 2=50^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为顶角,  
则  $\angle B=180^\circ-2 \times 80^\circ=20^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为底角, 则  $\angle B=80^\circ$ .  
故  $\angle B$  的度数为  $50^\circ$  或  $20^\circ$  或  $80^\circ$ .  
(2)分两种情况:  
①当  $90^\circ \leq x < 180^\circ$  时,  $\angle A$  只能为顶角,  
所以  $\angle B$  的度数只有一个;  
②当  $0 < x < 90^\circ$  时,  
若  $\angle A$  为顶角, 则  $\angle B=(\frac{180-x}{2})^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为顶角,  
则  $\angle B=(180-2x)^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为底角,  
则  $\angle B=x^\circ$ .  
当  $\frac{180-x}{2} \neq 180-2x$  且  $180-2x \neq x$  且  $\frac{180-x}{2} \neq x$ , 即  $x \neq 60$  时,  $\angle B$  有三个不同的度数.  
综上所述, 可知当  $0 < x < 90$  且  $x \neq 60$  时,  $\angle B$  有三个不同的度数.

26.解:(1)如图①, 连接  $BF$  并延长交  $AC$  于点  $H$ .  
因为  $FG$  是  $BE$  的垂直平分线, 所以  $FE=FB$ .  
所以  $\angle FEB=\angle FBE$ . 所以  $\angle HFE=2\angle FBE$ .  
因为  $\triangle ABC$  为等边三角形,  $AD \perp BC$ ,  
所以  $FD$  是  $BC$  的垂直平分线, 所以  $FB=FC$ .  
所以  $\angle FBC=\angle FCB$ . 所以  $\angle HFC=2\angle FBC$ .  
所以  $\angle EFC=\angle HFE+\angle HFC=2(\angle FBE+\angle FBC)=2\angle ABC=120^\circ$ .  
(2)补全图形如图②,  $\angle CAD=\angle FCE$ .  
证明:连接  $BF, CE$ .  
由(1), 可知  $\angle FEB=\angle FCA$ .  
因为  $\angle FEB+\angle AME+\angle MAE=180^\circ$ ,  
 $\angle FCA+\angle FMC+\angle EFC=180^\circ$ ,  
所以  $\angle EAC=\angle EFC$ .  
因为  $\angle BAD+\angle CAD+\angle EAC=180^\circ$ ,  
 $\angle FEC+\angle FCE+\angle EFC=180^\circ$ ,  
 $\angle BAD=\angle CAD, \angle FEC=\angle FCE$ ,  
所以  $\angle CAD=\angle FCE$ .



(第 26 题图)

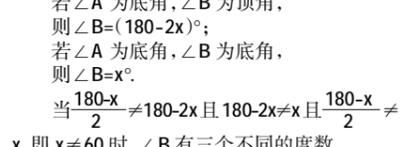
27.解:(1)证明:①因为  $AD \parallel BE$ ,  
所以  $\angle ADB=\angle DBC$ .  
因为  $BD$  平分  $\angle ABC$ , 所以  $\angle ABD=\angle DBC$ .  
所以  $\angle ABD=\angle ADB$ , 所以  $AB=AD$ .  
②因为  $AD \parallel BE$ , 所以  $\angle ADC=\angle DCE$ .  
由①知  $AB=AD$ .  
又因为  $AB=AC$ ,  
所以  $AC=AD$ , 所以  $\angle ACD=\angle ADC$ .  
所以  $\angle ACD=\angle DCE$ , 所以  $CD$  平分  $\angle ACE$ .

(2)  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
证明:因为  $BD, CD$  分别平分  $\angle ABE, \angle ACE$ ,  
所以  $\angle DBC=\frac{1}{2}\angle ABC, \angle DCE=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BDC+\angle DBC=\angle DCE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BAC+\angle ABC=\angle ACE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle BAC+\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
所以  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .

28.解:(1)若  $\angle A$  为顶角,  
则  $\angle B=(180^\circ-80^\circ) \div 2=50^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为顶角,  
则  $\angle B=180^\circ-2 \times 80^\circ=20^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为底角, 则  $\angle B=80^\circ$ .  
故  $\angle B$  的度数为  $50^\circ$  或  $20^\circ$  或  $80^\circ$ .  
(2)分两种情况:  
①当  $90^\circ \leq x < 180^\circ$  时,  $\angle A$  只能为顶角,  
所以  $\angle B$  的度数只有一个;  
②当  $0 < x < 90^\circ$  时,  
若  $\angle A$  为顶角, 则  $\angle B=(\frac{180-x}{2})^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为顶角,  
则  $\angle B=(180-2x)^\circ$ ;  
若  $\angle A$  为底角,  $\angle B$  为底角,  
则  $\angle B=x^\circ$ .

当  $\frac{180-x}{2} \neq 180-2x$  且  $180-2x \neq x$  且  $\frac{180-x}{2} \neq x$ , 即  $x \neq 60$  时,  $\angle B$  有三个不同的度数.  
综上所述, 可知当  $0 < x < 90$  且  $x \neq 60$  时,  $\angle B$  有三个不同的度数.

29.解:(1)如图①, 连接  $BF$  并延长交  $AC$  于点  $H$ .  
因为  $FG$  是  $BE$  的垂直平分线, 所以  $FE=FB$ .  
所以  $\angle FEB=\angle FBE$ . 所以  $\angle HFE=2\angle FBE$ .  
因为  $\triangle ABC$  为等边三角形,  $AD \perp BC$ ,  
所以  $FD$  是  $BC$  的垂直平分线, 所以  $FB=FC$ .  
所以  $\angle FBC=\angle FCB$ . 所以  $\angle HFC=2\angle FBC$ .  
所以  $\angle EFC=\angle HFE+\angle HFC=2(\angle FBE+\angle FBC)=2\angle ABC=120^\circ$ .  
(2)补全图形如图②,  $\angle CAD=\angle FCE$ .  
证明:连接  $BF, CE$ .  
由(1), 可知  $\angle FEB=\angle FCA$ .  
因为  $\angle FEB+\angle AME+\angle MAE=180^\circ$ ,  
 $\angle FCA+\angle FMC+\angle EFC=180^\circ$ ,  
所以  $\angle EAC=\angle EFC$ .  
因为  $\angle BAD+\angle CAD+\angle EAC=180^\circ$ ,  
 $\angle FEC+\angle FCE+\angle EFC=180^\circ$ ,  
 $\angle BAD=\angle CAD, \angle FEC=\angle FCE$ ,  
所以  $\angle CAD=\angle FCE$ .



(第 29 题图)

30.解:(1)证明:①因为  $AD \parallel BE$ ,  
所以  $\angle ADB=\angle DBC$ .  
因为  $BD$  平分  $\angle ABC$ , 所以  $\angle ABD=\angle DBC$ .  
所以  $\angle ABD=\angle ADB$ , 所以  $AB=AD$ .  
②因为  $AD \parallel BE$ , 所以  $\angle ADC=\angle DCE$ .  
由①知  $AB=AD$ .  
又因为  $AB=AC$ ,  
所以  $AC=AD$ , 所以  $\angle ACD=\angle ADC$ .  
所以  $\angle ACD=\angle DCE$ , 所以  $CD$  平分  $\angle ACE$ .

(2)  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
证明:因为  $BD, CD$  分别平分  $\angle ABE, \angle ACE$ ,  
所以  $\angle DBC=\frac{1}{2}\angle ABC, \angle DCE=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BDC+\angle DBC=\angle DCE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BAC+\angle ABC=\angle ACE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle BAC+\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
所以  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .

31.解:(1)证明:①因为  $AD \parallel BE$ ,  
所以  $\angle ADB=\angle DBC$ .  
因为  $BD$  平分  $\angle ABC$ , 所以  $\angle ABD=\angle DBC$ .  
所以  $\angle ABD=\angle ADB$ , 所以  $AB=AD$ .  
②因为  $AD \parallel BE$ , 所以  $\angle ADC=\angle DCE$ .  
由①知  $AB=AD$ .  
又因为  $AB=AC$ ,  
所以  $AC=AD$ , 所以  $\angle ACD=\angle ADC$ .  
所以  $\angle ACD=\angle DCE$ , 所以  $CD$  平分  $\angle ACE$ .

(2)  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
证明:因为  $BD, CD$  分别平分  $\angle ABE, \angle ACE$ ,  
所以  $\angle DBC=\frac{1}{2}\angle ABC, \angle DCE=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BDC+\angle DBC=\angle DCE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle ACE$ .  
因为  $\angle BAC+\angle ABC=\angle ACE$ ,  
所以  $\angle BDC+\frac{1}{2}\angle ABC=\frac{1}{2}\angle BAC+\frac{1}{2}\angle BAC$ .  
所以  $\angle BDC=\frac{1}{2}\angle BAC$ .



(第 31 题图)

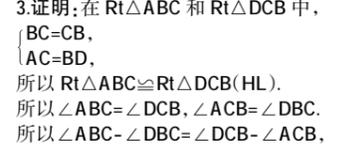
第 5 期  
2 版  
12.2 三角形全等的判定(二)  
第 3 课时

1.A  
2. $AD \perp BC$  或  $\angle BDA=90^\circ$  等  
3.证明:因为  $AB \perp AC, AD \perp AE$ ,  
所以  $\angle BAE+\angle CAE=90^\circ, \angle BAE+\angle BAD=90^\circ$ .  
所以  $\angle CAE=\angle BAD$ .  
在  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACE$  中,  
 $\begin{cases} \angle BAD=\angle CAE, \\ AB=AC, \\ \angle ABD=\angle ACE, \end{cases}$   
所以  $\triangle ABD \cong \triangle ACE$  (ASA).  
所以  $BD=CE$ .

4.答案不唯一, 如  $\angle A=\angle D$  等  
5.证明:因为  $AC \parallel DF$ , 所以  $\angle ACB=\angle F$ .  
在  $\triangle ABC$  和  $\triangle DEF$  中,  
 $\begin{cases} \angle ACB=\angle F, \\ \angle A=\angle D, \\ AB=DE, \end{cases}$   
所以  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  (AAS). 所以  $BC=EF$ .  
所以  $BC-CE=EF-CE$ , 即  $BE=CF$ .

6.3  
第 4 课时  
1.A  
2. $AC=DE$   
3.证明:在  $Rt\triangle ABC$  和  $Rt\triangle DCB$  中,  
 $\begin{cases} BC=CB, \\ AC=BD, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle ABC \cong Rt\triangle DCB$  (HL).  
所以  $\angle ABC=\angle DCB, \angle ACB=\angle DBC$ .  
所以  $\angle ABC-\angle DBC=\angle DCB-\angle ACB$ ,  
即  $\angle ABE=\angle DCE$ .

12.3 角的平分线的性质  
第 1 课时  
1.解:如图,  $BP$  即为所求作的角的平分线.

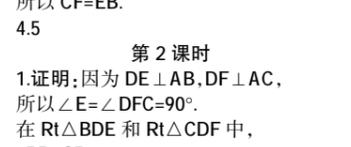


(第 1 题图)

2.3  
3.证明:因为  $AD$  平分  $\angle BAC, \angle C=90^\circ$ ,  
 $DE \perp AB$  于点  $E$ ,  
所以  $\angle E=\angle DFC=90^\circ$ .  
在  $Rt\triangle BDE$  和  $Rt\triangle CDF$  中,  
 $\begin{cases} BD=CD, \\ BE=CF, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle BDE \cong Rt\triangle CDF$  (HL).  
所以  $CF=EB$ .

4.5  
第 2 课时  
1.证明:因为  $DE \perp AB, DF \perp AC$ ,  
所以  $\angle E=\angle DFC=90^\circ$ .  
在  $Rt\triangle BDE$  和  $Rt\triangle CDF$  中,  
 $\begin{cases} BD=CD, \\ BE=CF, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle BDE \cong Rt\triangle CDF$  (HL).  
所以  $DE=DF$ , 所以  $AD$  平分  $\angle BAC$ .

2.38°  
3-4 版  
一、选择题  
1-5.DDBBA 6-10.DCDBD  
二、填空题  
11.2  
12.角角边(或 AAS)  
13.答案不唯一, 如  $AB=DE$  或  $BC=EF$   
14. $\frac{7}{2}$   
15.3  
16.4  
17. $\frac{63}{2}$   
18.2 或 5  
三、解答题  
19.解:如图, 过点  $D$  作  $DF \perp AC$  交  $CA$  的延长线于点  $F$ .



(第 19 题图)

因为  $CD$  平分  $\angle ACB, DE \perp BC$  于点  $E$ ,  
所以  $DF=DE$ .  
因为  $DE=DF$ , 所以  $\angle E=\angle F=90^\circ$ .  
因为  $DG \perp BC$  且平分  $BC$ ,  
所以  $\triangle BDG \cong \triangle CDG$  (SAS). 所以  $BD=CD$ .  
在  $Rt\triangle BED$  和  $Rt\triangle CFD$  中,  
 $\begin{cases} BD=CD, \\ DE=DF, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle BED \cong Rt\triangle CFD$  (HL).  
所以  $BE=CF$ .  
(2)在  $\triangle AED$  和  $\triangle AFD$  中,  
 $\begin{cases} \angle AED=\angle AFD=90^\circ, \\ \angle EAD=\angle FAD, \\ AD=AD, \end{cases}$   
所以  $\triangle AED \cong \triangle AFD$  (AAS). 所以  $AE=AF$ .  
设  $BE=x$ , 则  $CF=x$ .  
因为  $AB=5, AC=3, AE=AB-BE, AF=AC+CF$ ,  
所以  $5-x=3+x$ , 解得  $x=1$ .  
所以  $BE=1, AE=AB-BE=5-1=4$ .  
25.解:(1)证明:如图①, 在  $BA$  上截取  $BH$ ,  
使得  $BH=BE$ .

(第 25 题图①)

因为  $BC=AB=BD, BE=BH$ ,  
所以  $AH=ED$ .  
因为  $\angle AEF=\angle ABE=90^\circ$ ,  
所以  $\angle AEB+\angle FED=90^\circ, \angle AEB+\angle BAE=90^\circ$ .  
所以  $\angle FED=\angle EAH$ .  
因为  $\angle BHE=\angle CDB=45^\circ$ ,  
所以  $\angle AHE=\angle EDF=135^\circ$ .  
所以  $\triangle AHE \cong \triangle EDF$  (ASA). 所以  $AE=EF$ .  
(2)如图②, 在  $BC$  上截取  $BH=BE$ , 同法可证:  $AE=EF$ .

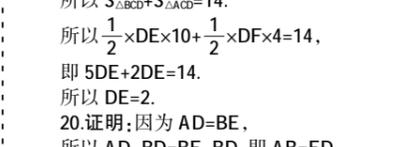
第 5 期  
2 版  
12.2 三角形全等的判定(二)  
第 3 课时

1.A  
2. $AD \perp BC$  或  $\angle BDA=90^\circ$  等  
3.证明:因为  $AB \perp AC, AD \perp AE$ ,  
所以  $\angle BAE+\angle CAE=90^\circ, \angle BAE+\angle BAD=90^\circ$ .  
所以  $\angle CAE=\angle BAD$ .  
在  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACE$  中,  
 $\begin{cases} \angle BAD=\angle CAE, \\ AB=AC, \\ \angle ABD=\angle ACE, \end{cases}$   
所以  $\triangle ABD \cong \triangle ACE$  (ASA).  
所以  $BD=CE$ .

4.答案不唯一, 如  $\angle A=\angle D$  等  
5.证明:因为  $AC \parallel DF$ , 所以  $\angle ACB=\angle F$ .  
在  $\triangle ABC$  和  $\triangle DEF$  中,  
 $\begin{cases} \angle ACB=\angle F, \\ \angle A=\angle D, \\ AB=DE, \end{cases}$   
所以  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  (AAS). 所以  $BC=EF$ .  
所以  $BC-CE=EF-CE$ , 即  $BE=CF$ .

6.3  
第 4 课时  
1.A  
2. $AC=DE$   
3.证明:在  $Rt\triangle ABC$  和  $Rt\triangle DCB$  中,  
 $\begin{cases} BC=CB, \\ AC=BD, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle ABC \cong Rt\triangle DCB$  (HL).  
所以  $\angle ABC=\angle DCB, \angle ACB=\angle DBC$ .  
所以  $\angle ABC-\angle DBC=\angle DCB-\angle ACB$ ,  
即  $\angle ABE=\angle DCE$ .

12.3 角的平分线的性质  
第 1 课时  
1.解:如图,  $BP$  即为所求作的角的平分线.

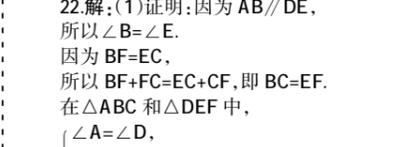


(第 1 题图)

2.3  
3.证明:因为  $AD$  平分  $\angle BAC, \angle C=90^\circ$ ,  
 $DE \perp AB$  于点  $E$ ,  
所以  $\angle E=\angle DFC=90^\circ$ .  
在  $Rt\triangle BDE$  和  $Rt\triangle CDF$  中,  
 $\begin{cases} BD=CD, \\ BE=CF, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle BDE \cong Rt\triangle CDF$  (HL).  
所以  $CF=EB$ .

4.5  
第 2 课时  
1.证明:因为  $DE \perp AB, DF \perp AC$ ,  
所以  $\angle E=\angle DFC=90^\circ$ .  
在  $Rt\triangle BDE$  和  $Rt\triangle CDF$  中,  
 $\begin{cases} BD=CD, \\ BE=CF, \end{cases}$   
所以  $Rt\triangle BDE \cong Rt\triangle CDF$  (HL).  
所以  $DE=DF$ , 所以  $AD$  平分  $\angle BAC$ .

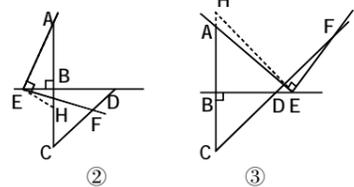
2.38°  
3-4 版  
一、选择题  
1-5.DDBBA 6-10.DCDBD  
二、填空题  
11.2  
12.角角边(或 AAS)  
13.答案不唯一, 如  $AB=DE$  或  $BC=EF$   
14. $\frac{7}{2}$   
15.3  
16.4  
17. $\frac{63}{2}$   
18.2 或 5  
三、解答题  
19.解:如图, 过点  $D$  作  $DF \perp AC$  交  $CA$  的延长线于点  $F$ .



(第 19 题图)

②

如图③,延长BA至点H,使得BH=BE.同法可证:AE=EF.



(第25题图)

26.解:(1)由三角形的三边关系,得所有满足条件的三角形为(1,1,1),(1,2,2),(2,2,2).

(2)①因为CE//AB,所以∠ABD=∠ECD,∠BAD=∠CED.因为AD是△ABC的中线,所以BD=CD.

在△ABD和△ECD中,  
 $\begin{cases} \angle BAD = \angle CED, \\ \angle ABD = \angle ECD, \\ BD = CD, \end{cases}$   
 所以△ABD≌△ECD(AAS).  
 所以AD=ED,CE=BA=2.所以AE=2AD.  
 在△ACE中,AC-CE<AE<AC+CE,  
 即6-2<2AD<6+2.所以2<AD<4.  
 因为线段AD的长度为整数个单位长度,所以AD=3.

②AE=2AD=6,用记号表示△ACE为(2,6,6).

第6期  
2-3版

一、选择题

1-5.BCDBA 6-10.CDDDB

二、填空题

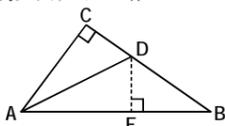
11.2:1  
12.45°  
13.答案不唯一,如AC=AD  
14.68  
15.3  
16.①②  
17.6  
18.3

三、解答题

19.证明:因为BF=DC,所以BF-FC=DC-FC,即BC=DF.因为AB//DE,所以∠B=∠D.在△ABC和△EDF中,

$\begin{cases} \angle A = \angle E, \\ \angle B = \angle D, \\ BC = DF, \end{cases}$   
 所以△ABC≌△EDF(AAS).

20.解:如图,过点D作DE⊥AB于点E.



(第20题图)

因为AD平分∠BAC,DE⊥AB,DC⊥AC,所以DC=DE.

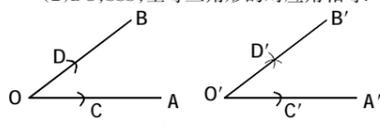
又BD:DC=2:1,BC=12cm,

所以DC=12× $\frac{1}{3}$ =4(cm).所以DE=DC=4cm.

所以点D到AB的距离为4cm.

21.解:(1)如图,∠A'O'B'即为所求.

(2)DC,SSS,全等三角形的对应角相等.



(第21题图)

22.解:(1)因为BE⊥AD,所以∠EBD=90°.因为△ACF≌△DBE,所以∠FCA=∠EBD=90°.

所以∠A=90°-∠F=28°.所以CA=BD.因为CA-CB=BD-BC,即AB=CD.

因为AD=9cm,BC=5cm,所以AB+CD=9-5=4(cm).所以AB=2cm.

23.证明:(1)因为∠AED=∠CFB=90°,所以△AED和△CFB都是直角三角形.在Rt△AED和Rt△CFB中,

$\begin{cases} AD = CB, \\ DE = BF, \end{cases}$   
 所以Rt△AED≌Rt△CFB(HL).

(2)由(1)知△AED≌△CFB,所以∠BDE=∠DBF.

在△DBE和△DBF中,

$\begin{cases} DE = BF, \\ \angle BDE = \angle DBF, \\ BD = DB, \end{cases}$

所以△DBE≌△DBF(SAS).所以∠DBE=∠DBF.所以BE//DF.

24.解:(1)证明:因为∠ACB=∠DCE=α,所以∠ACB+∠BCD=∠DCE+∠BCD,即∠ACD=∠BCE.

在△ACD和△BCE中,

$\begin{cases} CA = CB, \\ \angle ACD = \angle BCE, \\ CD = CE, \end{cases}$

所以△ACD≌△BCE(SAS).所以AD=BE.

(2)△CPQ为等腰直角三角形.

证明:由(1),可得AD=BE.

因为AD,BE的中点分别为点P,Q,

所以AP=BQ.

因为△ACD≌△BCE,所以∠CAP=∠CBQ.

在△ACP和△BCQ中,

$\begin{cases} CA = CB, \\ \angle CAP = \angle CBQ, \\ AP = BQ, \end{cases}$

所以△ACP≌△BCQ(SAS).

所以CP=CQ,且∠ACP=∠BCQ.

又因为∠ACP+∠PCB=90°,

所以∠BCQ+∠PCB=90°.所以∠PCQ=90°.

所以△PCQ为等腰直角三角形.

25.解:(1)证明:因为∠EAF=∠EAD+∠DAF=90°,∠BAD=∠EAD+∠BAE=90°,所以∠DAF=∠BAE.

在△ABE和△ADF中,

$\begin{cases} \angle BAE = \angle DAF, \\ AB = AD, \\ \angle B = \angle ADF, \end{cases}$

所以△ABE≌△ADF(ASA).

所以BE=DF.

(2)证明:因为△ABE≌△ADF,所以AE=AF.

因为AG平分∠EAF,

所以∠EAG=∠FAG.

在△AGE和△AGF中,

$\begin{cases} AE = AF, \\ \angle EAG = \angle FAG, \\ AG = AG, \end{cases}$

所以△AGE≌△AGF.

所以EG=FG.

因为BE=DF,FG=DF+DG,

所以BE+DG=EG.

(3)BE=DF+EF.证明如下:

如图,作AG⊥AF,交BC于点G.

由(1)得△ABG≌△ADF.

所以BG=DF,AG=AF.

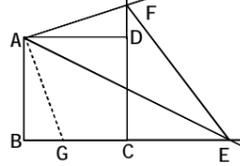
因为∠EAF=45°,所以∠EAG=90°-∠EAF=45°.

可证△AGE≌△AFE.

所以GE=EF.

因为BE=BG+EG,

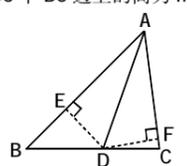
所以BE=DF+EF.



(第25题图)

26.解:(1)证明:如图,过点D作DE⊥AB于点E,DF⊥AC于点F.

设△ABC中BC边上的高为h.



(第26题图)

因为AD平分∠BAC,所以DE=DF.

所以 $\frac{S_{\triangle ABD}}{S_{\triangle ACD}} = \frac{\frac{1}{2}AB \cdot DE}{\frac{1}{2}AC \cdot DF} = \frac{AB}{AC} = \frac{\frac{1}{2}BD \cdot h}{\frac{1}{2}CD \cdot h}$

$\frac{BD}{CD}$ .

即 $S_{\triangle ABD}:S_{\triangle ACD}=AB:AC=BD:CD$ .

(2)由(1),知AB:AC=BD:CD.

因为AE=2CD=4,

所以 $\frac{2+4}{AC} = \frac{3}{2}$ .所以AC=4=AE.

又因为∠BAD=∠CAD,AD=AD,

所以△AED≌△ACD(SAS).

所以ED=CD=2.

因为BE=2,所以BE=DE=2.

所以△BED是等腰三角形.

(3)40°<∠BAC<60°.

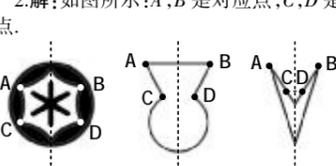
第7期

2版

13.1.1 轴对称

1.B

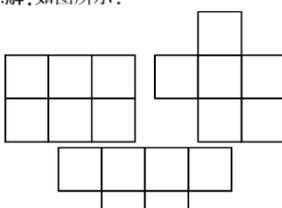
2.解:如图所示:A,B是对应点,C,D是对应点.



(第2题图)

3.B

4.解:如图所示:



(第4题图)

5.D

## 数学·人教八年级答案页第2期

### 13.1.2 线段的垂直平分线的性质 第1课时

1.D

2.15

3.证明:因为∠ACB=90°,DE⊥AB,

所以∠ACB=∠BDE=90°.

在Rt△BDE和Rt△BCE中,

$\begin{cases} BE = BE, \\ BD = BC, \end{cases}$

所以Rt△BDE≌Rt△BCE(HL).所以ED=EC.

因为ED=EC,BD=BC,所以BE垂直平分CD.

4.解:(1)因为DM是线段AB的垂直平分线,

所以DA=DB.

同理,EA=EC.

因为△ADE的周长为5,

所以AD+DE+EA=5.

所以BC=DB+DE+EC=AD+DE+EA=5(cm).

(2)因为△OBC的周长为13cm,

所以OB+OC+BC=13.

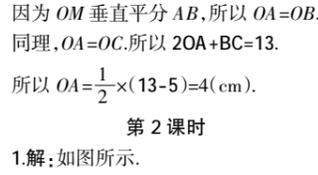
因为OM垂直平分AB,所以OA=OB.

同理,OA=OC.所以2OA+BC=13.

所以OA= $\frac{1}{2}$ ×(13-5)=4(cm).

第2课时

1.解:如图所示.



(第1题图)

2.解:如图,(1)连接MN;

(2)作线段MN的垂直平分线l,交直线AB于点C,则点C即为所求.

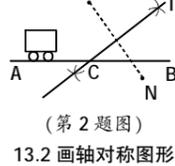


(第2题图)

13.2 画轴对称图形

1.B

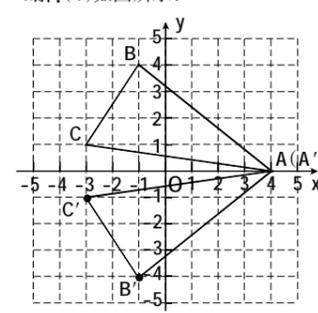
2.解:如图,四边形A'B'C'D即为所求.



(第2题图)

3.C

4.解:(1)如图所示:



(第4题图)

(2)点A'的坐标为(4,0),点B'的坐标为(-1,-4),点C'的坐标为(-3,-1).

3-4版

一、选择题

1-5.DCBBA 6-10.DDACD

二、填空题

11.53°

12.17

13.1

14.③④

15.(a-2,-b)

16.9

17.3

18.150

三、解答题

19.解:如图所示,点P即为所求的点.



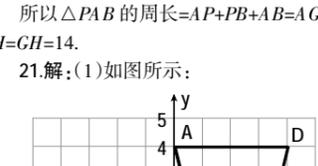
(第19题图)

20.解:因为点P关于OM的对称点是G,点P关于ON的对称点是H,

所以PA=AG,PB=BH.

所以△PAB的周长=AP+PB+AB=AG+AB+BH=GH=14.

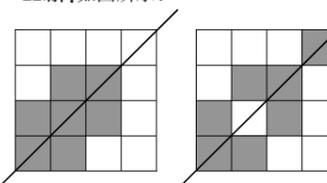
21.解:(1)如图所示:



(第21题图)

(2)如图所示.由图可知,所得的图案与原图案关于x轴对称.

22.解:如图所示:



(第22题图)

23.解:(1)因为∠BAC=50°,AD平分∠BAC,所以∠EAD= $\frac{1}{2}$ ∠BAC=25°.

因为DE⊥AB,所以∠AED=90°.

所以∠EDA=90°-25°=65°.

(2)证明:因为DE⊥AB,

所以∠AED=90°=∠ACB.

因为AD平分∠BAC,所以∠DAE=∠DAC.

又因为AD=AD,所以△AED≌△ACD.

所以AE=AC,DE=DC.

所以点A,D均在线段CE的垂直平分线上.

所以直线AD是线段CE的垂直平分线.

24.解:(1)因为△ABC与△ADE关于直线MN对称,ED=4cm,FC=1cm,

所以BC=ED=4cm.所以BF=BC-FC=3cm.

(2)因为△ABC与△ADE关于直线MN对称,∠BAC=76°,∠EAC=58°,

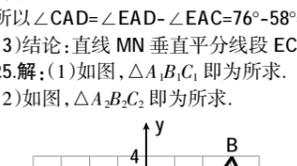
所以∠EAD=∠BAC=76°.

所以∠CAD=∠EAD-∠EAC=76°-58°=18°.

(3)结论:直线MN垂直平分线段EC.

25.解:(1)如图,△A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub>即为所求.

(2)如图,△A<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C<sub>2</sub>即为所求.



(第25题图)

(3)(m-4,-n+2).

26.解:(1)如图①,△A'B'C'即为所求.

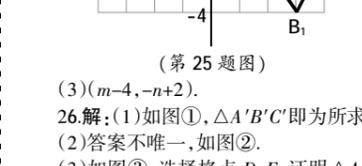
(2)答案不唯一,如图②.

(3)如图③,选择格点D,E,证明△ABD≌△CBE.于是,AB=CB.

选择格点Q,证明△ABQ≌△CBQ.于是,AQ=CQ.

所以BQ为线段AC的垂直平分线.

设BQ与AC相交于点F,则BF为所求作的△ABC的边AC上的高.



(第26题图)