

第4期

2版

22.2.3 公式法

1.B

2.解:(1) $a=1, b=-2, c=-8$,

$$b^2-4ac=(-2)^2-4\times 1\times(-8)=36>0,$$

$$\text{所以 } x=\frac{-(-2)\pm\sqrt{36}}{2\times 1}=\frac{2\pm 6}{2}=1\pm 3,$$

即 $x_1=4, x_2=-2$.(2) $a=2, b=3, c=1$,

$$b^2-4ac=3^2-4\times 2\times 1=1>0,$$

$$\text{所以 } x=\frac{-3\pm 1}{4},$$

$$\text{即 } x_1=-\frac{1}{2}, x_2=-1.$$

$$3.6+\sqrt{5}$$

22.2.4 一元二次方程根的判别式

1.A 2.1

3.解:(1)因为 $a=2, b=3, c=-4$,

$$\text{所以 } \Delta=b^2-4ac=3^2-4\times 2\times(-4)=9+32=41>0.$$

所以此方程有两个不相等的实数根.

(2)因为 $a=1, b=-2\sqrt{3}, c=3$,

$$\text{所以 } \Delta=b^2-4ac=(-2\sqrt{3})^2-4\times 1\times 3=12-12=0.$$

所以此方程有两个相等的实数根.

(3)原方程可化为 $5x^2-7x+5=0$.因为 $a=5, b=-7, c=5$,

$$\text{所以 } \Delta=b^2-4ac=(-7)^2-4\times 5\times 5=49-100=-51<0.$$

所以此方程没有实数根.

4.解:因为关于 x 的方程 $x^2-2x+2m-1=0$ 有实数根,

$$\text{所以 } b^2-4ac=4-4(2m-1)\geq 0.$$

解得 $m\leq 1$.因为 m 为正整数,所以 $m=1$.

$$\text{所以 } x^2-2x+1=0.$$

$$\text{则 } (x-1)^2=0.$$

$$\text{解得 } x_1=x_2=1.$$

*22.2.5 一元二次方程的根与系数的关系

1.B

2.解:由根与系数的关系,得 $x_1+x_2=-\frac{3}{2}, x_1\cdot x_2=-2$.因此

$$(1)x_1^2+x_2^2=(x_1+x_2)^2-2x_1\cdot x_2=\left(-\frac{3}{2}\right)^2-2\times(-2)=\frac{25}{4}.$$

$$(2)\text{因为 } (x_1-x_2)^2=(x_1+x_2)^2-4x_1\cdot x_2=\left(-\frac{3}{2}\right)^2-4\times(-2)=\frac{41}{4}.$$

$$\text{所以 } |x_1-x_2|=\sqrt{(x_1-x_2)^2}=\frac{\sqrt{41}}{2}.$$

3.-2

22.3 实践与探索

第1课时

1.6cm, 8cm

2.解:设小路的宽为 x m.

图中的小路平移到矩形边上时,种植面积是不改变的.

$$\text{所以 } (40-x)(32-x)=1\ 140.$$

解得 $x_1=2, x_2=70$ (不合题意,舍去).

答:小路的宽为 2m.

第2课时

1.C 2.20%

3.解:(1)设每个月生产成本的下降率为 x .

$$\text{根据题意,得 } 400(1-x)^2=361.$$

解得 $x_1=0.05=5\%, x_2=1.95$ (不合题意,舍去).

答:每个月生产成本的下降率为 5%.

(2) $361\times(1-5\%)=342.95$ (万元).

答:预测 4 月份该公司的生产成本为 342.95 万元.

3版

基础巩固

一、选择题

1~4.BDCC 5~8.DCBC

二、填空题

$$9.(1+x)^2=121$$

$$10.-1$$

$$11.3$$

$$12.3, -4$$

$$13.12$$

$$14.3, 4, 5$$

$$15.x_1=\frac{1+\sqrt{3}}{2}, x_2=\frac{1-\sqrt{3}}{2}$$

三、解答题

16.解:(1)整理,得 $(x-3)^2=4$.开平方,得 $x-3=\pm 2$.

$$\text{解得 } x_1=5, x_2=1.$$

(2)因为 $a=4, b=-6, c=-3$.

$$b^2-4ac=(-6)^2-4\times 4\times(-3)=84>0.$$

$$\text{所以 } x=\frac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

$$=\frac{6\pm\sqrt{84}}{2\times 4}$$

$$=\frac{3\pm\sqrt{21}}{4}.$$

$$\text{所以 } x_1=\frac{3+\sqrt{21}}{4}, x_2=\frac{3-\sqrt{21}}{4}.$$

(3)移项,得

$$(2x-3)^2-5(2x-3)=0.$$

因式分解,得 $(2x-3-5)(2x-3)=0$.

$$(2x-8)(2x-3)=0.$$

$$\text{所以 } x_1=4, x_2=\frac{3}{2}.$$

(4)整理,得 $x^2+9x+8=-12$,

$$\text{即 } x^2+9x+20=0.$$

$$b^2-4ac=9^2-4\times 1\times 20=1.$$

$$\text{所以 } x=\frac{-9\pm 1}{2\times 1}.$$

所以 $x_1=-4, x_2=-5$.17.解:(1)由题意,得 $\Delta=(-2)^2-4\times$

$$1\times m=4-4m>0.$$

解得 $m<1$.即实数 m 的取值范围是 $m<1$.(2)由根与系数的关系,得 $x_1+x_2=2$,

$$\text{即 } x_1+x_2=2, x_1-x_2=2.$$

$$\text{解得 } x_1=2, x_2=0.$$

由根与系数的关系得: $m=x_1x_2=2\times 0=0$.

18.解:(1) $1.5\times 4=6$ (万座).

答:计划到 2020 年底,全省 5G 基站的数量是 6 万座.

(2)设 2020 年底到 2022 年底,全省 5G 基站数量的年平均增长率为 x .

$$\text{根据题意,得 } 6(1+x)^2=17.34.$$

$$\text{解得 } x_1=0.7=70\%, x_2=-2.7(\text{舍去}).$$

答:2020 年底到 2022 年底,全省 5G 基站数量的年平均增长率为 70%.

能力提升

$$19.25$$

$$20.\text{解:}(1)\text{当 } BC=DE=12\text{m 时, } AB=20-12=8(\text{m}),$$

则花园的面积为 $12\times 8=96(\text{m}^2)$.

(2)设 BC 的长为 x m,则 AB 的长为 $(20-x)$ m.

$$\text{矩形花园的面积为 } x(20-x)=75.$$

$$\text{解得 } x_1=5, x_2=15(\text{不合题意,舍去}).$$

所以 BC 的长为 5m, AB 的长为 15m 时,能围成面积为 75m^2 的矩形花园.

延伸拓广

21.解:(1)设 $y=kx+b$.

$$\text{根据题意可得 } \begin{cases} 30k+b=500, \\ 40k+b=400. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} k=-10, \\ b=800. \end{cases}$$

$$\text{则 } y=-10x+800.$$

$$(2)\text{根据题意,得 } (x-20)(-10x+800)=8000.$$

$$\text{整理,得 } x^2-100x+2400=0.$$

$$\text{解得 } x_1=40, x_2=60.$$

因为销售单价最高不能超过 45 元/件,

所以 $x=40$.

答:销售单价定为 40 元/件时,工艺厂试销该工艺品每天获得的利润为 8000 元.

2020-2021 学年

数学·华师大中考版答案页第1期

第1期

2版

21.1 二次根式

第1课时

1.A

2.D

3.(1) $x\geq -3$; (2) $x\geq 2$;

$$(3)x\geq -\frac{5}{2} \text{ 且 } x\neq 1.$$

$$4.\text{解:}\sqrt{a-3}+b^2-8b+16=\sqrt{a-3}+(b-4)^2=0.$$

$$\text{因为 } \sqrt{a-3}\geq 0, (b-4)^2\geq 0,$$

$$\text{所以 } \sqrt{a-3}=0, (b-4)^2=0,$$

$$\text{即 } a-3=0, b-4=0.$$

$$\text{解得 } a=3, b=4.$$

所以,边 c 的取值范围是 $4-3< c < 4+3$,即 $1< c < 7$.

第2课时

1.A

2.C

3.3

$$4.\text{解:}(1)\text{原式}=\frac{1}{2}+\frac{3}{2}=2.$$

$$(2)\text{原式}=3-3+18-5=13.$$

5.2a

21.2 二次根式的乘除

第1课时

1.B

$$2.\text{解:}(1)\text{原式}=\sqrt{\frac{1}{2}\times 8}=\sqrt{4}=2.$$

$$(2)\text{原式}=\sqrt{15\times \frac{1}{3}}=\sqrt{5}.$$

$$(3)\text{原式}=4\times 3\times \sqrt{\frac{1}{2}\times 12\times 6}=12\sqrt{36}=72.$$

$$(4)\text{原式}=3\times \left(-\frac{1}{6}\right)\times \sqrt{2\times 14\times \frac{1}{7}}=-\frac{1}{2}\times 2=-1.$$

$$3.\text{解:}(1)\sqrt{5\times 15}=\sqrt{5\times 5\times 3}=\sqrt{5^2\times 3}=5\sqrt{3}.$$

$$(2)\sqrt{108}=\sqrt{36\times 3}=\sqrt{6^2\times 3}=6\sqrt{3}.$$

$$4.\text{解:}(1)\sqrt{\frac{1}{3}\times \sqrt{24}}=\sqrt{\frac{1}{3}\times 24}=2\sqrt{2}.$$

$$(2)\sqrt{8}\times \sqrt{12}$$

$$=\sqrt{8\times 12}$$

$$=\sqrt{4\times 2\times 4\times 3}$$

$$=4\sqrt{6}.$$

5.C

第2课时

1.A

$$2.\text{解:}(1)\sqrt{60}\div \sqrt{5}=\sqrt{\frac{60}{5}}=\sqrt{12}=2\sqrt{3}.$$

$$(2)\sqrt{\frac{5}{6}}\div \sqrt{\frac{1}{12}}=\sqrt{\frac{5}{6}\times 12}=\sqrt{10}.$$

$$(3)\sqrt{18}\times \sqrt{\frac{1}{2}}\div \sqrt{3}=\sqrt{18\times \frac{1}{2}\times \frac{1}{3}}=\sqrt{3}.$$

$$3.\text{解:}(1)\sqrt{\frac{27}{4}}=\frac{\sqrt{27}}{\sqrt{4}}=\frac{3\sqrt{3}}{2}.$$

$$(2)\sqrt{\frac{9b^2}{2a}}=\sqrt{\frac{9b^2\times 2a}{2a\times 2a}}=\frac{3b\sqrt{2a}}{2a}.$$

$$4.\text{解:}(1)\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{8}}=\frac{\sqrt{5}\times \sqrt{2}}{\sqrt{8}\times \sqrt{2}}=\frac{\sqrt{10}}{4}.$$

$$(2)\frac{\sqrt{3x}}{\sqrt{27x^3y}}=\sqrt{\frac{3x}{27x^3y}}=\sqrt{\frac{1}{9x^2y}}=\frac{1}{3x\sqrt{y}}=\frac{\sqrt{y}}{3xy}.$$

$$5.B$$

$$6.\frac{\sqrt{6}}{2}$$

$$7.20\sqrt{2}$$

$$8.\text{解:由二次根式的意义,得 } \begin{cases} a+b-2020\geq 0, \\ 2020-a-b\geq 0. \end{cases}$$

三、解答题

$$16.(1)x<-1;$$

$$(2)1< x\leq 2.$$

$$17.\text{解:}(1)\sqrt{14}\div \sqrt{7}=\sqrt{2}.$$

$$(2)-\sqrt{0.027}\times \sqrt{0.03}=-\sqrt{0.027\times 0.03}=-\sqrt{0.0081}=-0.09.$$

$$(3)6\sqrt{27}\times (-3\sqrt{3})=6\times (-3)\times \sqrt{27\times 3}=-18\sqrt{81}=-162.$$

$$(4)\sqrt{72}\div \left(3\sqrt{\frac{1}{2}}\right)\times \sqrt{12}=6\sqrt{2}\div \frac{3\sqrt{2}}{2}\times 2\sqrt{3}=6\sqrt{2}\times \frac{2}{3\sqrt{2}}\times 2\sqrt{3}=8\sqrt{3}.$$

18.解:观察数轴可知: $c< a< 0< b$.所以 $a+c< 0, c-b< 0$.

$$\text{所以原式}=|a|-|a+c|+|c-b|-|-b|$$

$$=-a+(a+c)-(c-b)-b$$

$$=-a+a+c-c+b-b$$

$$=0.$$

能力提升

$$19.2019\frac{2019}{2020}$$

20.解:由二次根式的意义,得

$$\begin{cases} a+b-2020\geq 0, \\ 2020-a-b\geq 0. \end{cases}$$

$$\text{等式变为 } \sqrt{3y-8}+\sqrt{5x-3}=0.$$

$$\text{因为 } 3y-8\geq 0, 5x-3\geq 0,$$

$$\text{所以 } 3y-8=0, 5x-3=0.$$

$$\text{所以 } x=\frac{3}{5}, y=\frac{8}{3}.$$

$$\text{所以 } \sqrt{5x+3y}=\sqrt{5\times \frac{3}{5}+3\times \frac{8}{3}}=\sqrt{11}.$$

延伸拓广

21.解:(1)3.

$$(2)3\leq a\leq 7.$$

$$(3)\text{原方程可化为 } |a+1|+|a-5|=8.$$

当 $a<-1$ 时, $a+1< 0, a-5< 0$.

$$\text{所以原方程化为: } -a-1-(a-5)=8.$$

解得 $a=-2$,符合题意;当 $-1\leq a\leq 5$ 时,

$$a+1\geq 0, a-5\leq 0.$$

$$\text{所以原方程化为: } (a+1)-(a-5)=8.$$

此方程无解,故 $-1\leq a\leq 5$ 不符合题意;当 $a>5$ 时, $a+1> 0, a-5> 0$.

$$\text{所以原方程化为: } a+1+a-5=8.$$

解得 $a=6$,符合题意.综上所述, $a=-2$ 或 $a=6$.

1.C 2.2
3. $\sqrt{12}$ 与 $\sqrt{\frac{1}{27}}$
4.解: 因为 $\sqrt{75}=5\sqrt{3}$, $\sqrt{\frac{1}{27}}=\frac{\sqrt{3}}{9}$, $3\sqrt{12}=6\sqrt{3}$, $\frac{1}{\sqrt{50}}=\frac{1}{10}\sqrt{2}$, $\sqrt{\frac{1}{10}}=\frac{\sqrt{10}}{10}$, 所以 $\sqrt{2}$, $\frac{1}{\sqrt{50}}$ 是同类二次根式; $\sqrt{75}$, $\sqrt{\frac{1}{27}}$, $3\sqrt{12}$, $\sqrt{3}$ 是同类二次根式.

第2课时

1.C 2. $4\sqrt{5}$
3.解:(1)原式= $-\frac{7}{4}\sqrt{5}$.
(2)原式= $2\sqrt{3}-3\sqrt{2}+4\sqrt{3}=6\sqrt{3}-3\sqrt{2}$.
(3)原式= $(4\sqrt{3}+2\sqrt{5})-(2\sqrt{3}-\sqrt{5})=4\sqrt{3}+2\sqrt{5}-2\sqrt{3}+\sqrt{5}=(4\sqrt{3}-2\sqrt{3})+(2\sqrt{5}+\sqrt{5})=2\sqrt{3}+3\sqrt{5}$.
4. $\sqrt{2}$
5.解:(1) $(2-\sqrt{2})^2+\sqrt{18}=4-4\sqrt{2}+2+3\sqrt{2}=6-\sqrt{2}$.
(2) $(\sqrt{8}-2\sqrt{3})(2\sqrt{2}+\sqrt{12})=(2\sqrt{2}-2\sqrt{3})(2\sqrt{2}+2\sqrt{3})=(2\sqrt{2})^2-(2\sqrt{3})^2=8-12=-4$.
6.解:(1)因为 $x=2-\sqrt{3}$, $y=2+\sqrt{3}$, 所以 $x+y=4$.
所以 $x^2+2xy+y^2=(x+y)^2=4^2=16$.
(2)因为 $x=2-\sqrt{3}$, $y=2+\sqrt{3}$, 所以 $x+y=4$, $x-y=-2\sqrt{3}$.
所以 $x^2-y^2=(x+y)(x-y)=4\times(-2\sqrt{3})=-8\sqrt{3}$.
7.2

3~4 版
一、选择题
1~5.BBADC 6~10.DCADC
二、填空题
11. $x<3$ 12. $2\sqrt{7}$ 13. $-2\sqrt{2}$

14.-8 15. $4\sqrt{5}$ 16.2
17.2019 18. $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
三、解答题

19.解:(1)原式= $4\sqrt{3}+2\sqrt{3}+3\sqrt{3}=9\sqrt{3}$.
(2)原式= $(3\sqrt{2})^2-(2\sqrt{3})^2=18-12=6$.

(3)原式= $5-2\sqrt{6}+2\times\frac{\sqrt{3}}{3}\times 3\sqrt{2}=5-2\sqrt{6}+2\sqrt{6}=5$.
(4)原式= $(\sqrt{5}-\sqrt{3})^2-(\sqrt{2})^2=8-2\sqrt{15}-2=6-2\sqrt{15}$.

20.解: $x+y=\sqrt{3}+\sqrt{2}+\sqrt{3}-\sqrt{2}=2\sqrt{3}$.
 $xy=(\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2})=1$.
所以原式= $xy(x^2+y^2)=xy[(x+y)^2-2xy]=1\times[(2\sqrt{3})^2-2\times 1]=12-2=10$.

21.解:矩形的另一边长是:
 $(\sqrt{48}+\sqrt{72})\div 2-(\sqrt{3}+\sqrt{12})=(4\sqrt{3}+6\sqrt{2})\div 2-(\sqrt{3}+2\sqrt{3})=2\sqrt{3}+3\sqrt{2}-3\sqrt{3}=3\sqrt{2}-\sqrt{3}$ (cm).
矩形的面积是:
 $(\sqrt{3}+\sqrt{12})\times(3\sqrt{2}-\sqrt{3})=3\sqrt{3}\times(3\sqrt{2}-\sqrt{3})=9\sqrt{6}-9$ (cm²).

答:矩形的另一边长是 $(3\sqrt{2}-\sqrt{3})$ cm, 面积是 $(9\sqrt{6}-9)$ cm².
22.解:因为 $(3\sqrt{2})^2=18$, $(2\sqrt{3})^2=12$, 而 $18>12$, 所以 $(3\sqrt{2})^2>(2\sqrt{3})^2$, 即 $3\sqrt{2}>2\sqrt{3}$.
所以 $-3\sqrt{2}<-2\sqrt{3}$.

23.解:因为 $a=\sqrt{7}+2$, $b=\sqrt{7}-2$, 所以 $a+b=2\sqrt{7}$, $a-b=4$, $ab=7-4=3$.
(1)原式= $ab(a+b)=3\times 2\sqrt{7}=6\sqrt{7}$;
(2)原式= $(a-b)^2=4^2=16$.

24.解:应用:因为 $AB=6$, $AC=5$, $BC=4$, 所以 $p=\frac{a+b+c}{2}=\frac{15}{2}$.
所以 $S=\sqrt{\frac{15}{2}\times(\frac{15}{2}-4)\times(\frac{15}{2}-5)\times(\frac{15}{2}-6)}$

14.-8 15. $4\sqrt{5}$ 16.2
17.2019 18. $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
三、解答题

19.解:(1)原式= $4\sqrt{3}+2\sqrt{3}+3\sqrt{3}=9\sqrt{3}$.
(2)原式= $(3\sqrt{2})^2-(2\sqrt{3})^2=18-12=6$.

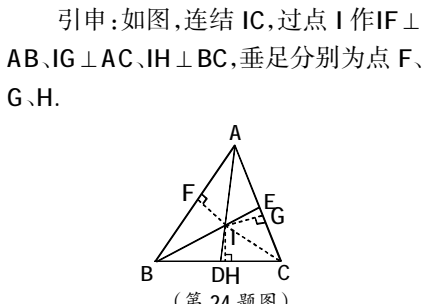
(3)原式= $5-2\sqrt{6}+2\times\frac{\sqrt{3}}{3}\times 3\sqrt{2}=5-2\sqrt{6}+2\sqrt{6}=5$.
(4)原式= $(\sqrt{5}-\sqrt{3})^2-(\sqrt{2})^2=8-2\sqrt{15}-2=6-2\sqrt{15}$.

20.解: $x+y=\sqrt{3}+\sqrt{2}+\sqrt{3}-\sqrt{2}=2\sqrt{3}$.
 $xy=(\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2})=1$.
所以原式= $xy(x^2+y^2)=xy[(x+y)^2-2xy]=1\times[(2\sqrt{3})^2-2\times 1]=12-2=10$.

21.解:矩形的另一边长是:
 $(\sqrt{48}+\sqrt{72})\div 2-(\sqrt{3}+\sqrt{12})=(4\sqrt{3}+6\sqrt{2})\div 2-(\sqrt{3}+2\sqrt{3})=2\sqrt{3}+3\sqrt{2}-3\sqrt{3}=3\sqrt{2}-\sqrt{3}$ (cm).
矩形的面积是:
 $(\sqrt{3}+\sqrt{12})\times(3\sqrt{2}-\sqrt{3})=3\sqrt{3}\times(3\sqrt{2}-\sqrt{3})=9\sqrt{6}-9$ (cm²).

答:矩形的另一边长是 $(3\sqrt{2}-\sqrt{3})$ cm, 面积是 $(9\sqrt{6}-9)$ cm².
22.解:因为 $(3\sqrt{2})^2=18$, $(2\sqrt{3})^2=12$, 而 $18>12$, 所以 $(3\sqrt{2})^2>(2\sqrt{3})^2$, 即 $3\sqrt{2}>2\sqrt{3}$.
所以 $-3\sqrt{2}<-2\sqrt{3}$.

引申:如图,连结 IC,过点 I 作 IF⊥AB, IG⊥AC, IH⊥BC,垂足分别为点 F, G, H.
因为 AD, BE 分别为△ABC 的角平分线, 所以 IF=IH=IG.
因为 $S_{\triangle ABC}=S_{\triangle ABI}+S_{\triangle ACI}+S_{\triangle BCI}$, 所以 $\frac{15\sqrt{7}}{4}=\frac{1}{2}\times 6\cdot IF+\frac{1}{2}\times 5\cdot IG+\frac{1}{2}\times 4\cdot IH$.



所以 $3\cdot IF+\frac{5}{2}\cdot IF+2\cdot IF=\frac{15\sqrt{7}}{4}$.
解得 $IF=\frac{\sqrt{7}}{2}$.
所以点 I 到 AB 的距离为 $\frac{\sqrt{7}}{2}$.

25.解:(1) $<$.
(2)原式= $\frac{\sqrt{3}-1}{2}+\frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{2}+\dots+\frac{\sqrt{2019}-\sqrt{2017}}{2}=\frac{\sqrt{2019}-1}{2}$.

26.解:(1)因为 $a=\frac{\sqrt{5}-1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$, 移项,得 $a+\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}$.
两边平方,得 $a^2+a+\frac{1}{4}=\frac{5}{4}$.
所以 $a^2+a=1$.

(2)由(1),得 $a^2-1=-a$, 所以 $a^3-2a+2020=a^3-a+a+2020=a(a^2-1)-a+2020=-a^2-a+2020=-(a^2+a)+2020=-1+2020=2019$.

27.解:(1)因为 $a=\frac{\sqrt{5}-1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$, 移项,得 $a+\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}$.
两边平方,得 $a^2+a+\frac{1}{4}=\frac{5}{4}$.
所以 $a^2+a=1$.

(2)由(1),得 $a^2-1=-a$, 所以 $a^3-2a+2020=a^3-a+a+2020=a(a^2-1)-a+2020=-a^2-a+2020=-(a^2+a)+2020=-1+2020=2019$.

28.解:(1)因为 $a=\frac{\sqrt{5}-1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$, 移项,得 $a+\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}$.
两边平方,得 $a^2+a+\frac{1}{4}=\frac{5}{4}$.
所以 $a^2+a=1$.

(2)由(1),得 $a^2-1=-a$, 所以 $a^3-2a+2020=a^3-a+a+2020=a(a^2-1)-a+2020=-a^2-a+2020=-(a^2+a)+2020=-1+2020=2019$.

29.解:(1)因为 $a=\frac{\sqrt{5}-1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$, 移项,得 $a+\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}$.
两边平方,得 $a^2+a+\frac{1}{4}=\frac{5}{4}$.
所以 $a^2+a=1$.

(2)由(1),得 $a^2-1=-a$, 所以 $a^3-2a+2020=a^3-a+a+2020=a(a^2-1)-a+2020=-a^2-a+2020=-(a^2+a)+2020=-1+2020=2019$.

30.解:(1)因为 $a=\frac{\sqrt{5}-1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}-\frac{1}{2}$, 移项,得 $a+\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{5}}{2}$.
两边平方,得 $a^2+a+\frac{1}{4}=\frac{5}{4}$.
所以 $a^2+a=1$.



第3期
2版
22.1 一元二次方程
1.B 2. $m\neq 4$
3. $m=-2$ 4.B
5. $x^2-7x+8=0$
6.解:一般形式为 $6x^2-9x-8=0$, 二次项系数、一次项系数及常数项分别为:6、-9、-8.

7.D
8.1和3是一元二次方程 $x^2-4x+3=0$ 的根.
9.解:设剪去的小正方形的边长是 x cm, 则纸盒底面的长为 $(10-2x)$ cm, 宽为 $(6-2x)$ cm.

根据题意,得 $(10-2x)(6-2x)=32$.
22.2.1 直接开方法和因式分解法
1.A 2. ± 1
3.5(答案不唯一,只要 $c\geq 0$ 即可)
4.(1) $x_1=\frac{9}{2}, x_2=-\frac{9}{2}$;
(2) $x_1=0, x_2=-10$;
(3) $x_1=1, x_2=-3$.

5.C
6. $x_1=2, x_2=1$
7.-4, -6
8.(1) $x_1=0, x_2=\frac{5}{3}$;
(2) $x_1=3, x_2=\frac{1}{2}$;
(3) $x_1=x_2=\frac{1}{2}$;
(4) $x_1=\frac{3}{5}, x_2=-7$.

22.2.2 配方法
1.(1)9, 3; (2) $\frac{1}{4}, \frac{1}{2}$;
(3)4, 2; (4) $\frac{9}{4}, \frac{3}{2}$.
2.解:(1)移项,得 $x^2-4x=4$.
配方,得 $x^2-4x+4=4+4, (x-2)^2=8$.
由此可得, $x-2=\pm 2\sqrt{2}$.
所以 $x_1=2+2\sqrt{2}, x_2=2-2\sqrt{2}$.
(2)移项,得 $x^2-2\sqrt{3}x=1$.
配方,得 $x^2-2\sqrt{3}x+3=1+3, (x-\sqrt{3})^2=4$.
由此可得, $x-\sqrt{3}=\pm 2$.
所以 $x_1=\sqrt{3}-2, x_2=\sqrt{3}+2$.
(3)移项,得 $9y^2-18y=4$.
二次项系数化为1,得 $y^2-2y=\frac{4}{9}$.

配方,得 $y^2-2y+1=\frac{4}{9}+1, (y-1)^2=\frac{13}{9}$.
由此可得, $y-1=\pm\frac{\sqrt{13}}{3}$.
所以 $y_1=\frac{\sqrt{13}}{3}+1, y_2=1-\frac{\sqrt{13}}{3}$.
(4)移项,得 $3x^2+4x=2$.
二次项系数化为1,得 $x^2+\frac{4}{3}x=\frac{2}{3}$.
配方,得 $x^2+\frac{4}{3}x+(\frac{2}{3})^2=\frac{2}{3}+(\frac{2}{3})^2, (x+\frac{2}{3})^2=\frac{10}{9}$.
由此可得, $x+\frac{2}{3}=\pm\frac{\sqrt{10}}{3}$.
所以 $x_1=\frac{-2+\sqrt{10}}{3}, x_2=\frac{-2-\sqrt{10}}{3}$.

3版
基础巩固
一、选择题
1~4.CCBD
5~8.DBDA
二、填空题
9. $x_1=\frac{7}{2}, x_2=-2$
10. $x_1=0, x_2=2$
11.15
12.8
13. $x_1=0, x_2=-3$
14. $x(x+40)=1200$
15.-3 或 4

三、解答题
16.解:(1)移项,得 $x^2=0.49$.
开方,得 $x=\pm\sqrt{0.49}=\pm 0.7$.
所以 $x_1=0.7, x_2=-0.7$.
(2)开方,得 $2x-3=\pm 5$.
即 $2x-3=5$ 或 $2x-3=-5$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(3)方程两边同除以4,得 $(2x-1)^2=9$.
开方,得 $2x-1=\pm 3$,
即 $2x-1=3$ 或 $2x-1=-3$.
所以 $x_1=2, x_2=-1$.
17.解:(1)移项,得 $2x(x-3)+x-3=0$.
因式分解,得 $(x-3)(2x+1)=0$.
所以 $x-3=0$ 或 $2x+1=0$.
所以 $x_1=3, x_2=-0.5$.
(2)移项,得 $(x+1)^2-4(x-1)^2=0$.
因式分解,得 $(x+1+2x-2)(x+1-2x+2)=0, (3x-1)(3-x)=0$.
于是,得 $3x-1=0$ 或 $3-x=0$.
所以 $x_1=\frac{1}{3}, x_2=3$.

18.解:设人行通道的宽度为 x m, 将两块矩形绿地合在一起长为 $(30-3x)$ m, 宽为 $(24-2x)$ m.
根据题意,得 $(30-3x)(24-2x)=480$.
整理,得 $x^2-22x+40=0$.
解得 $x_1=2, x_2=20$.
当 $x=20$ 时, $30-3x=-30, 24-2x=-16$.
不符合题意,舍去.
答:人行通道的宽度为2米.

能力提升
19.-3
20.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

延伸拓广
21.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

22.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

23.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

24.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

25.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

26.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

27.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

28.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

29.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

30.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

31.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

32.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

33.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

34.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.

35.解:(1)原式= $(x^2+4xy+4y^2)-9y^2=(x+2y)^2-9y^2=(x+2y+3y)(x+2y-3y)=(x+5y)(x-y)$.
(2)原式= $(x^2+2x+1)+(y^2-6y+9)+5=(x+1)^2+(y-3)^2+5$.
当 $x=-1, y=3$ 时, 原式存在最小值, 最小值为5.

36.解:(1)因为 $x^2+(-4+1)x+(-4)\times 1=0$, 所以 $(x-4)(x+1)=0$.
所以 $x-4=0$ 或 $x+1=0$.
所以 $x_1=4, x_2=-1$.
(2)因为 $x^2+[5+(-1)]x+5\times(-1)=0$, 所以 $(x+5)(x-1)=0$.
所以 $x+5=0$ 或 $x-1=0$.
所以 $x_1=-5, x_2=1$.