

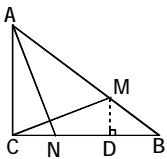
又因为  $\angle ACN = \angle CDM = 90^\circ$ ,

所以  $\triangle CAN \sim \triangle DCM$ .

所以  $\frac{AC}{CD} = \frac{CN}{MD}$ ,

$$\text{即 } \frac{6}{8 - \frac{12}{5}t} = \frac{2t}{\frac{9}{5}t}.$$

$$\text{解得 } t = \frac{13}{12}.$$



(第 23 题图)

4 版

27.3 位似

第 1 课时

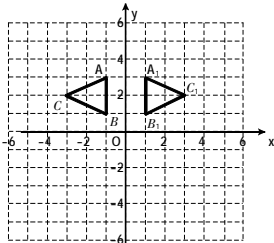
1.D 2.C 3.D 4.C 5.C 6.50 7.C

8.C 9.略.

第 2 课时

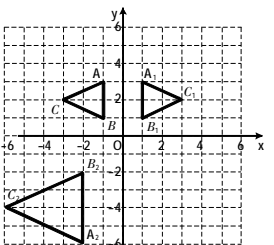
1.C 2.D 3.(4,5)

4.解:(1)  $\triangle A, B_1C_1$  如图所示:



(第 4 题图)

(2) 位似图形  $\triangle A_2B_2C_2$  如图所示.



(第 4 题图)

$\triangle A_2B_2C_2$  的面积为  $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$ .

5.解:(1) 建立平面直角坐标系略.B(2,1);

(2) 略;

(3) 16.

第 20 期

2 版

28.1 锐角三角函数

第 1 课时

1~5.CBDCA

第 2 课时

1~7.DBAAAAA

8.解:因为  $\angle C = 90^\circ$ ,  $a=8$ ,  $c=17$ ,

所以  $b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{17^2 - 8^2} = 15$ .

$$\sin A = \frac{a}{c} = \frac{8}{17}, \cos A = \frac{b}{c} = \frac{15}{17}, \tan A = \frac{a}{b} =$$

$$\frac{8}{15}.$$

第 3 课时

1.D 2.A 3.C

$$4. \text{解: (1) 原式} = \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} =$$

$$\frac{3}{2} + 1 = \frac{5}{2}.$$

$$(2) \text{原式} = 6 \times \left( \frac{\sqrt{3}}{3} \right)^2 - \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} - 2 \times$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = 6 \times \frac{1}{3} - \frac{3}{2} - \sqrt{2} = \frac{1}{2} - \sqrt{2} =$$

$$\frac{1-2\sqrt{2}}{2}.$$

第 4 课时

1.(1) 0.7986;

(2) 0.9063;

(3) 0.5774.

2.37°5'32"

3.(1) 72°24';

(2) 30°36';

(3) 10°42'.

4.11.9

3 版

一、选择题

1~6.CAACAB

二、填空题

7.60°,  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

8.30°

9. $\beta < \gamma < \alpha$

10.40°

11.6.5

12.  $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$

三、

13.解:(1)  $\sin 45^\circ \cos 45^\circ + \tan 60^\circ \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} \times$

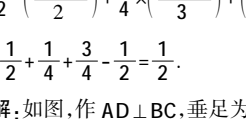
$$\frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{2} + \frac{3}{2} = 2.$$

(2)  $\sin 30^\circ - \cos^2 45^\circ + \frac{3}{4} \tan^2 30^\circ + \sin^2 60^\circ -$

$$\cos 60^\circ = \frac{1}{2} - \left( \frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 + \frac{3}{4} \times \left( \frac{\sqrt{3}}{3} \right)^2 + \left( \frac{\sqrt{3}}{2} \right)^2 -$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}.$$

14.解:如图,作  $AD \perp BC$ ,垂足为 D.



(第 14 题图)

因为  $AB=AC=5$ ,  $AD \perp BC$ ,  $BC=6$ ,

所以  $BD=CD=3$ .

所以  $AD=4$ .

$$\text{所以 } \sin B = \frac{AD}{AB} = \frac{4}{5}, \cos B = \frac{BD}{AB} = \frac{3}{5},$$

$$\tan B = \frac{AD}{BD} = \frac{4}{3}.$$

15.解:(1) 因为  $DE \parallel BC$ ,  $DE=3$ ,  $BC=9$ ,

所以  $\triangle AED \sim \triangle ACB$ .

$$\text{所以 } \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC} = \frac{1}{3}.$$

$$(2) \text{因为 } \frac{AD}{AB} = \frac{1}{3}, BD=10,$$

$$\text{所以 } \frac{AD}{AD+10} = \frac{1}{3}.$$

所以  $AD=5$ .

所以  $AB=15$ .

$$\text{在 Rt} \triangle ABC \text{ 中, } \sin A = \frac{BC}{AB} = \frac{9}{15} = \frac{3}{5}.$$

16.解:在  $\text{Rt} \triangle ABC$  中,

因为  $CD=3$ ,  $BD=5$ ,

$$\text{所以 } BC = \sqrt{BD^2 + CD^2} = \sqrt{5^2 + 3^2} = 4.$$

又  $AC=AD+CD=8$ ,

$$\text{所以 } AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{8^2 + 4^2} = 4\sqrt{5}.$$

$$\text{则 } \sin A = \frac{BC}{AB} = \frac{4}{4\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5},$$

$$\cos A = \frac{AC}{AB} = \frac{8}{4\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5},$$

$$\tan A = \frac{BC}{AC} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}.$$

$$17. \text{解: } \sin 75^\circ = \sin(45^\circ + 30^\circ)$$

$$= \sin 45^\circ \cos 30^\circ + \cos 45^\circ \sin 30^\circ$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}.$$

四、

18.解:(1) 因为  $\cos \theta + \sin \theta = \frac{\sqrt{6}}{2}$ ,

$$\text{所以 } (\cos \theta + \sin \theta)^2 = \left( \frac{\sqrt{6}}{2} \right)^2,$$

$$\cos^2 \theta + 2 \cos \theta \cdot \sin \theta + \sin^2 \theta = \frac{3}{2},$$

$$\cos \theta \cdot \sin \theta = \frac{1}{4},$$

$$\tan \theta + \frac{1}{\tan \theta} = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} + \frac{\cos \theta}{\sin \theta} = \frac{\sin^2 \theta + \cos^2 \theta}{\cos \theta \cdot \sin \theta} =$$

$$\frac{1}{\frac{1}{4}} = 4.$$

$$(2) \text{因为 } (\cos \theta - \sin \theta)^2 = \cos^2 \theta - 2 \cos \theta \cdot \sin \theta +$$

$$\sin^2 \theta = 1 - 2 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{2},$$

$$\text{所以 } \cos \theta - \sin \theta = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}.$$

$$\text{所以 } |\cos \theta - \sin \theta| = \frac{\sqrt{2}}{2}.$$

2019-2020 学年

数学·江西中考版(人教)答案页第 5 期



第 17 期

2 版

27.1 图形的相似

第 1 课时

1.③,⑥,⑨,④,②

2.A

第 2 课时

1.B 2.6

3.14, 18, 70°

$$4. \text{解: (1) 根据题意, 得 } \frac{DC}{DM} = \frac{AD}{AB}.$$

又  $DM =$

$$\frac{1}{2} AD,$$

$$\text{所以 } \frac{4}{\frac{1}{2} AD} = \frac{AD}{4},$$

$$\text{即 } AD = 4\sqrt{2}.$$

$$(2) \text{矩形 DMNC 与矩形 ABCD 的相似比}$$

$$\text{是 } \frac{\sqrt{2}}{2}.$$

27.2.1 相似三角形的判定

第 1 课时

1.  $\frac{10}{3}$

2.解: 因为  $l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$  所以  $AB:BC=DE:EF$ .

因为  $AB=3$ ,  $BC=5$ ,  $DF=12$ , 所以  $3:5=DE:(12-$

$DE)$ .

所以  $DE=4.5$ .

所以  $EF=12-4.5=7.5$ .

3.B

4.解:(1) 因为  $DE \parallel BC$ ,

$$\text{所以 } \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}.$$

$$\text{所以 } \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}.$$

$$\text{因为 } \frac{AD}{AB} = \frac{1}{3}, AE=3,$$

$$\text{所以 } \frac{3}{AC} = \frac{1}{3}.$$

解得  $AC=9$ .

所以  $EC=AC-AE=9-3=6$ .

(2) 证明: 因为  $DE \parallel BC$ , 所以  $\triangle ADE \sim$

$$\triangle ABC.$$

$$\text{所以 } \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}.$$

$$\text{因为 } EF \parallel CG,$$

$$\text{所以 } \triangle AEF \sim \triangle ACG.$$

$$\text{所以 } \frac{AE}{AC} = \frac{AF}{AG}.$$

$$\text{所以 } \frac{AD}{AB} = \frac{AF}{AG}.$$

$$\text{所以 } AD \cdot AG = AF \cdot AB.$$

第 2 课时

1.C

2.提示: 分别求出  $\triangle ABC$  和  $\triangle DEF$  的三边,

可发现对应边的比为  $\sqrt{2}$ , 则  $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ .

3.ABC, AED,  $\angle C$

4.B

5.当  $CM$  的长为 1 或 0.25 时,  $\triangle AED$

与以  $M, N, C$  为顶点的三角形相似.

第 3 课时

1.答案不唯一, 如  $\angle ADC = \angle ACB$  或  $\angle B =$

$\angle ACD$  等.

2.CDA, DEA, CED

3.证明: 因为  $\angle BAC = 90^\circ$ ,  $AB=AC$ ,

所以  $\triangle ABC$  为等腰直角三角形.

所以  $\angle B = \angle C = 45^\circ$ .

所以  $\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ - \angle B = 135^\circ$ .

因为  $\angle ADE = 45^\circ$ ,

所以  $\angle 2 + \angle 3 = 135^\circ$ .

所以  $\angle 1 = \angle 3$ .

因为  $\angle B = \angle C$ ,

所以  $\triangle ABD \sim \triangle DCE$ .

3 版

一、选择题

1~6.DAABBD

二、填空题

7.1:2

8.答案不唯一, 如  $\angle B = \angle D$ .

9.15

10.(1,0)或(-1,0)

11.Q 或 G

12.3 或  $2\sqrt{2}$

三、

13.证明: 因为  $\triangle ABC$  和  $\triangle ADE$  均是等边

三角形, 所以  $\angle B = \angle C = \angle ADE = 60^\circ$ . 因为  $\angle ADC =$

$\angle B + \angle BAD = \angle ADE + \angle CDF$ ,

所以  $\angle BAD = \angle CDF$ .

所以  $\triangle ABD \sim \triangle DCF$ .

14.证明: 因为四边形  $ABCD$  是平行四边

形,

所以  $AB=CD$ ,  $AB \parallel CD$ ,  $AD \parallel BC$ .

所以  $\angle D + \angle C = 180^\circ$ .

因为  $\angle AFB + \angle BFE = 180^\circ$  且  $\angle BFE = \angle C$ ,

所以  $\angle D = \angle AFB$ .

因为  $AB \parallel CD$ ,

所以  $\angle BAE = \angle AED$ .

所以  $\triangle ABF \sim \triangle EAD$ .

15.证明: 因为  $\triangle PCD$  是等边三角形,

所以  $\angle PCD = \angle PDC = 60^\circ$ ,  $PC=CD=PD=2$ .

所以  $\angle PCA = \angle PDB = 120^\circ$ .

因为  $AC=1$ ,  $BD=4$ ,

$$\text{所以 } \frac{AC}{PC} = \frac{1}{2}, \frac{PD}{BD} = \frac{1}{2}.$$

所以  $\frac{AC}{PC} = \frac{PD}{BD}$ .

所以  $\triangle ACP \sim \triangle PDB$ .

16.解: 因为  $AB=AC$ ,

所以  $\angle B = \angle C$ .

因为  $\angle BDE = 180^\circ - \angle B - \angle DEB$ ,  $\angle CEF =$

$180^\circ - \angle DEF - \angle DEB$ , 且  $\angle DEF = \angle B$ ,

所以  $\angle BDE = \angle CEF$ .

所以  $\triangle BDE \sim \triangle CEF$ .

17.解: 在  $\text{Rt} \triangle ABC$  中, 根据勾股定理可

得:  $AB^2 = AC^2 + BC^2$ .

所以  $AB^2 = 25 + 16 = 41$ .

所以  $AB = \sqrt{41}$ .

当  $\triangle CAB \sim \triangle DAC$  时,

$$\frac{AB}{AC} = \frac{AC}{AD}.$$

$$\text{所以 } \frac{\sqrt{41}}{5} = \frac{5}{AD}.$$

$$\text{所以 } AD = \frac{25\sqrt{41}}{41}.$$

$$\text{当 } \triangle CAB \sim \triangle DCA \text{ 时,}$$

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BC}{AD}.$$

$$\text{所以 } \frac{\sqrt{41}}{5} = \frac{4}{AD}.$$

$$\text{所以 } AD = \frac{20\sqrt{41}}{41}.$$

综上所述, 当  $AD = \frac{25\sqrt{41}}{41}$  或  $\frac{20\sqrt{41}}{41}$

时,  $\triangle CAB$  与  $\triangle DCA$  相似.

四、

18.解: (1) 证明: 根据题意, 得  $\angle 2 + \angle 3 =$

$90^\circ$ .

因为  $OA \perp OB$ , 所以  $\angle 1 + \angle 2 = 90^\circ$ .

所以  $\angle 1 = \angle 3$ .

因为  $\angle BOA = \angle DEA = 90^\circ$ ,

所以  $\triangle OAB \sim \triangle EDA$ .

所以  $AB=CD$ ,  $AB \parallel CD$ ,  $AD \parallel BC$ .

所以  $\angle D + \angle C = 180^\circ$ .

因为 <

7.

第 18 期  
2 版

27.2.2 相似三角形的性质

1~4.BBCC 5.25 6.C

7.解:(1)证明:因为四边形 ABCD 是平行四边形,

所以  $\angle A=\angle C$ ,  $AB\parallel CD$ .

所以  $\angle ABF=\angle CEB$ .

所以  $\triangle ABF\sim\triangle CEB$ .

(2)因为四边形 ABCD 是平行四边形,所以  $AD\parallel BC$ ,  $AB\parallel CD$  且  $AB=CD$ .

所以  $\triangle DEF\sim\triangle CEB$ ,  $\triangle DEF\sim\triangle ABF$ .

因为  $DE=\frac{1}{2}CD$ ,

所以  $DE=\frac{1}{3}CE$ .

所以  $\frac{S_{\triangle DEF}}{S_{\triangle CEB}}=(\frac{DE}{EC})^2=\frac{1}{9}$ .

所以  $S_{\triangle CEB}=2\times 9=18$ .

8.解:(1)证明:因为  $BF\perp DE$ ,所以  $\angle GFD=90^\circ$ .

因为  $\angle BCG=90^\circ$ ,  $\angle BGC=\angle DGF$ ,所以  $\angle CBG=\angle CDE$ .

在  $\triangle BCG$  与  $\triangle DCE$  中,

因为  $\angle CBG=\angle CDE$ ,  $BC=CD$ ,  $\angle BCG=\angle DCE$ ,所以  $\triangle BCG\cong\triangle DCE$ .

所以  $BG=DE$ .

(2)设  $CG=1$ ,因为 G 为 CD 的中点,所以  $GD=CG=1$ .

由(1)可知:  $\triangle BCG\cong\triangle DCE$ ,所以  $CG=CE=1$ .

所以由勾股定理可知:  $DE=BG=\sqrt{5}$ .

因为  $\triangle DCE\sim\triangle DFG$ ,

所以  $\frac{CE}{DE}=\frac{GF}{GD}$ .

所以  $GF=\frac{\sqrt{5}}{5}$ .

因为  $AB\parallel CG$ ,所以  $\triangle ABH\sim\triangle CGH$ .

所以  $\frac{AB}{CG}=\frac{BH}{HG}=\frac{2}{1}$ .

所以  $BH=\frac{2\sqrt{5}}{3}$ ,  $GH=\frac{\sqrt{5}}{3}$ .

所以  $\frac{HG}{GF}=\frac{5}{3}$ .

27.2.3 相似三角形应用举例

1.C 2.C 3.B

4.解:因为  $AB\perp BC$ ,  $EC\perp BC$ ,所以  $\angle B=\angle C=90^\circ$ .

又因为  $\angle ADB=\angle EDC$ ,所以  $\triangle ADB\sim\triangle EDC$ .

所以  $\frac{BD}{CD}=\frac{AB}{CE}$ ,

即  $\frac{110}{55}=\frac{AB}{52}$ .

解得  $AB=104$ .

所以河两岸间的距离 AB 大致为 104 米.

5.解:因为  $AB\perp DF$ ,  $EF\perp DF$ ,所以  $AB\parallel EF$ .

因为点 B 是 DF 的中点,

所以  $EF=2AB$ .

所以  $EF=2\times 5=10$ .

因为  $CD\perp DF$ ,所以  $\triangle GAB\sim\triangle GCD$ .

所以  $\frac{AB}{CD}=\frac{BG}{DG}$ ,即  $\frac{5}{CD}=\frac{10}{50+10}$ .

所以  $CD=30$ .

所以  $CD-EF=30-10=20$ (米).

答:两人的观测点到地面的距离之差为 20 米.

3 版

一、选择题

1~6.AACBCB

二、填空题

7.8 8.3

9.60 10.2:3

11.5.5m

12.(8,0)

三、

13.解:(1)因为  $\triangle ABC\sim\triangle DAC$ ,所以  $\angle DAC=\angle B=36^\circ$ ,  $\angle BAC=\angle D=117^\circ$ .

所以  $\angle BAD=\angle BAC+\angle DAC=153^\circ$ .

(2)因为  $\triangle ABC\sim\triangle DAC$ ,所以  $\frac{CD}{AC}=\frac{AC}{BC}$ .

又因为  $AC=4$ ,  $BC=6$ ,

所以  $CD=\frac{4\times 4}{6}=\frac{8}{3}$ .

14.解:设宽度 AB 为 x 米,

因为  $DE\parallel BC$ ,所以  $\triangle ABC\sim\triangle ADE$ ,

所以  $\frac{AB}{AD}=\frac{BC}{DE}$ .

又因为  $BC=24$ ,  $BD=12$ ,  $DE=40$ ,代入得  $\frac{x}{x+12}=\frac{24}{40}$ .

解得  $x=18$ .

答:河的宽度为 18 米.

15.解:设  $DG=2x$ cm,则  $DE=3x$ cm.

因为  $DE\parallel BC$ ,所以  $\triangle ADE\sim\triangle ABC$ .

所以  $\frac{DE}{BC}=\frac{AM}{AH}$ ,

即  $\frac{3x}{15}=\frac{10-2x}{10}$ .

解得  $x=2.5$ .

所以  $EF=DG=5$ cm,  $GF=DE=7.5$ cm.

16.解:由题意可知,  $AB\perp BD$ ,  $CD\perp BD$ ,所以  $\triangle ABP\sim\triangle CDP$ .

所以  $\frac{AB}{BP}=\frac{CD}{DP}$ .

所以  $\frac{4}{6}=\frac{CD}{24}$ .

所以  $CD=16$ .

答:该古城墙的高度为 16 米.

17.解:(1)证明:因为  $\angle B=50^\circ$ ,  $\angle C=30^\circ$ ,所以  $\angle BAC=180^\circ-\angle B-\angle C=100^\circ$ .

因为 AD 平分  $\angle BAC$ ,所以  $\angle BAD=\angle DAC=50^\circ$ .

所以  $\angle B=\angle BAD=50^\circ$ .

所以  $DB=DA$ .

所以  $\triangle ABD$  是等腰三角形.

因为  $\angle C=\angle C$ ,  $\angle DAC=\angle B=50^\circ$ ,所以  $\triangle CAD\sim\triangle CBA$ .

所以线段 AD 是  $\triangle ABC$  的优美线.

(2)如图,若  $AB=AD$ ,  $\triangle CAD\sim\triangle CBA$ ,则  $\angle B=\angle ADB=\angle CAD$ ,则  $AC\parallel BC$ ,这与  $\triangle ABC$  这个条件矛盾.

若  $AB=BD$ ,  $\triangle CAD\sim\triangle CBA$ ,  $\angle B=46^\circ$ ,所以  $\angle BAD=\angle BDA=\frac{180^\circ-46^\circ}{2}=67^\circ$ .

因为  $\angle CAD=\angle B=46^\circ$ ,所以  $\angle BAC=67^\circ+46^\circ=113^\circ$ .



(第 17 题图)

四、

18.解:(1)如图,作  $DH\perp AB$  于 H,则四边形 DHBC 是矩形.

所以  $CD=BH=8$ ,  $DH=BC=6$ .

所以  $AH=AB-BH=8$ ,

$AD=\sqrt{DH^2+AH^2}=10$ ,

$BD=\sqrt{CD^2+BC^2}=10$ .

由题意可知  $AP=AD-DP=10-2t$ .

(2)当以点 A, P, Q 为顶点的三角形和  $\triangle ABD$  相似时,

所以  $\frac{AP}{AD}=\frac{AQ}{AB}$  或  $\frac{AP}{AB}=\frac{AQ}{AD}$ .

所以  $\frac{10-2t}{10}=\frac{2t}{16}$  或  $\frac{10-2t}{16}=\frac{2t}{10}$ .

解得  $t=\frac{40}{13}$  或  $t=\frac{25}{13}$ .

所以当  $t=\frac{40}{13}$  或  $t=\frac{25}{13}$  时,以点 A, P, Q 为顶点的三角形与  $\triangle ABD$  相似.



(第 18 题图)

第 19 期  
2~3 版

一、选择题

1.D 2.B 3.B 4.C 5.C 6.C

二、填空题

7.12, 20 8.1 或 7 9. $\frac{1}{2}$

10. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$  11.(0,2) 12. $\frac{8}{3}$  或  $\frac{3}{2}$

三、

13.解:(1)  $BD=6$ ,  $DE=3$ .

(2)因为  $\triangle ADE\sim\triangle ABC$ ,所以  $S_{\triangle ADE}:S_{\triangle ABC}=(DE:BC)^2=1:9$ ,即  $2:S_{\triangle ABC}=1:9$ .

所以  $S_{\triangle ABC}=18$ .

所以  $S_{\text{四边形}BCED}=S_{\triangle ABC}-S_{\triangle ADE}=18-2=16$ .

14.解:在  $\triangle ACD$  与  $\triangle BCA$  中,

因为  $\angle CAD=\angle B$ ,  $\angle ACD=\angle BCA$ ,所以  $\triangle ACD\sim\triangle BCA$ .

所以  $\frac{AC}{BC}=\frac{CD}{CA}$ .

所以  $AC^2=CD\cdot BC=CD\cdot(CD+BD)=4\times(4+2)=24$ .

所以  $AC=\sqrt{24}=2\sqrt{6}$ .

15.证明:因为四边形 ABCD 是正方形,

所以  $\angle B=\angle C=90^\circ$ .

所以  $\angle BEF+\angle EFB=90^\circ$ .

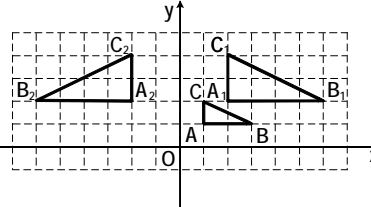
因为  $\angle EFG=90^\circ$ ,所以  $\angle EFB+\angle CFG=180^\circ-90^\circ=90^\circ$ .

所以  $\angle BEF=\angle CFG$ .

所以  $\triangle EBF\sim\triangle FCG$ .

16.解:(1) 2:1.

(2)如图所示:



(第 16 题图)

(3)  $(-2a, 2b)$ .

17.证明:因为  $\triangle ABC$  是等边三角形,所以  $\angle ABC=\angle ACB=\angle BAC=60^\circ$ .

所以  $\angle D+\angle DAB=60^\circ$ ,  $\angle E+\angle CAE=60^\circ$ .

因为  $\angle DAE=120^\circ$ ,所以  $\angle DAB+\angle EAC=60^\circ$ .

所以  $\angle D=\angle CAE$ ,  $\angle E=\angle DAB$ .

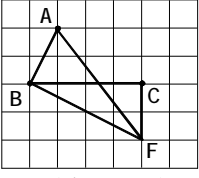
所以  $\triangle DBA\sim\triangle ACE$ .

所以  $DB:AC=AB:CE$ .

因为  $AB=AC=BC$ ,所以  $BC^2=DB\cdot CE$ .

四、

18.如图示,点 F 即为所求,  $\triangle ABF$  与  $\triangle BCF$  的相似比为  $\sqrt{5}:2$ .



(第 18 题图)

19.解:(1)证明:因为四边形 ABCD 为正方形,且  $\angle BEG=90^\circ$ ,所以  $\angle A=\angle BEG$ .

因为  $\angle ABE+\angle EBG=90^\circ$ ,  $\angle G+\angle EBG=90^\circ$ ,所以  $\angle ABE=\angle G$ .

所以  $\triangle ABE\sim\triangle EGB$ .

(2)因为  $AB=AD=4$ , E 为 AD 的中点,

所以  $AE=DE=2$ .

在  $\text{Rt}\triangle ABE$  中,  $BE=\sqrt{AE^2+AB^2}=\sqrt{2^2+4^2}=2\sqrt{5}$ .

由(1)知,  $\triangle ABE\sim\triangle EGB$ ,所以  $\frac{AE}{EB}=\frac{BE}{GB}$ ,

即  $\frac{2}{2\sqrt{5}}=\frac{2\sqrt{5}}{GB}$ .

所以  $BG=10$ .

所以  $CG=BG-BC=10-4=6$ .

20.解:因为  $DO\perp BF$ ,所以  $\angle DOE=90^\circ$ .

因为  $OD=1\text{m}$ ,  $OE=1\text{m}$ ,所以  $\angle DEB=45^\circ$ .

因为  $AB\perp BF$ ,所以  $\angle BAE=45^\circ$ .

所以  $AB=BE$ .

设  $AB=EB=x$  m,

因为  $AB\perp BF$ ,  $CO\perp BF$ ,所以  $AB\parallel CO$ .

所以  $\triangle ABF\sim\triangle COF$ .

所以  $\frac{AB}{BF}=\frac{CO}{OF}$ .

所以  $\frac{x}{x+(3-1)}=\frac{1.5+1}{3}$ .

解得  $x=10$ .

经检验:  $x=10$  是原方程的解.

答: AB 的高度是 10m.

五、

21.解:延长  $MM'$  交 DE 于 H,如图,则  $HM=EN=15.5$  米,  $CD=GE=5$  米,  $MM'=NN'=6.2$  米.

因为  $CD\parallel HM$ ,所以  $\angle ADC=\angle DMH$ ,所以  $\text{Rt}\triangle ACD\sim\text{Rt}\triangle DHM$ .

所以  $\frac{AD}{DM}=\frac{CD}{HM}=\frac{5}{15.5}$ .

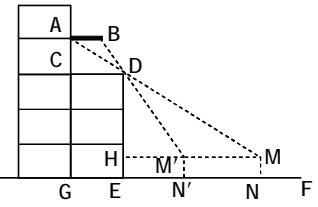
因为  $AB\parallel MM'$ ,所以  $\triangle ABD\sim\triangle MM'D$ .

所以  $\frac{AB}{MM'}=\frac{AD}{DM}=\frac{5}{15.5}$ ,

即  $\frac{AB}{6.2}=\frac{5}{15.5}$ .

解得  $AB=2$ (米).

答:遮阳篷的宽 AB 是 2 米.



(第 21 题图)

22.解:(1)证明:连接 CM, CN, 由作图可知:  $BM=BN$ ,  $CM=CN$ ,

因为  $BC=BC$ ,所以  $\triangle BCM\cong\triangle BCN$ (SSS).

所以  $\angle CBM=\angle CBN$ .

因为  $AB=AC$ ,所以  $\angle ABC=\angle ACB$ .

所以  $\angle ABD+\angle CBD=\angle CBE+\angle E$ .

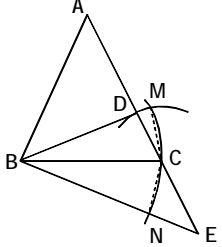
所以  $\angle ABD=\angle E$ .

因为  $\angle A=\angle A$ ,所以  $\triangle ABD\sim\triangle AEB$ .

所以  $\frac{AB}{AE}=\frac{AD}{AB}$ .

所以  $AB^2=AD\cdot AE$ .

因为  $AB=AC$ ,所以  $AC^2=AD\cdot AE$ .



(第 22 题图)

(2)解:因为  $AD=3$ ,  $CD=2$ ,所以  $AC=AB=5$ .

因为  $AB^2=AD\cdot AE$ ,所以  $AE=\frac{25}{3}$ .

在  $\text{Rt}\triangle ABD$  中,  $BD=\sqrt{AB^2-AD^2}=4$ .

所以  $S_{\triangle ABE}=\frac{1}{2}\cdot AE\cdot BD=\frac{1}{2}\times 4\times \frac{25}{3}=\frac{50}{3}$ .

六、

23.解:由题意知  $BM=3t$ ,  $CN=2t$ .

所以  $BN=8-2t$ ,  $BA=\sqrt{6^2+8^2}=10$ .

(1)当  $\triangle BMN\sim\triangle BAC$  时,有  $\frac{BM}{BA}=\frac{BN}{BC}$ .

所以  $\frac{3t}{10}=\frac{8-2t}{8}$ .解得  $t=\frac{20}{11}$ .

当  $\triangle BMN\sim\triangle BCA$  时,有  $\frac{BM}{BC}=\frac{BN}{BA}$ .

所以  $\frac{3t}{8}=\frac{8-2t}{10}$ .解得  $t=\frac{32}{23}$ .

所以  $\triangle BMN$  与  $\triangle ABC$  相似时,  $t$  的值为  $\frac{20}{11}$  或  $\frac{32}{23}$ .

(2)如图,过点 M 作  $MD\perp CB$  于点 D,则  $\frac{MD}{AC}=\frac{MB}{AB}=\frac{DB}{BC}$ .

由此,得  $MD=\frac{9}{5}t$ ,  $BD=\frac{12}{5}t$ .

所以  $CD=8-\frac{12}{5}t$ .

因为  $AN\perp CM$ ,  $\angle ACB=90^\circ$ ,所以  $\angle CAN+\angle CNA=90^\circ$ ,  $\angle DCM+\angle CNA=90^\circ$ .

所以  $\angle CAN=\angle DCM$ .