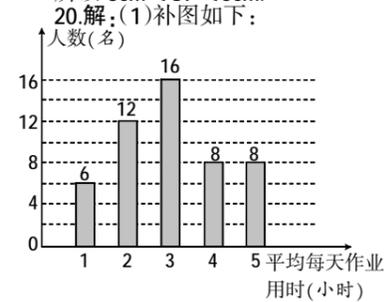


所以  $OE = \sqrt{OB^2 - BE^2} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$  (cm).  
因为垂线段最短,半径最长,  
所以  $3\text{cm} \leq OP \leq 5\text{cm}$ .



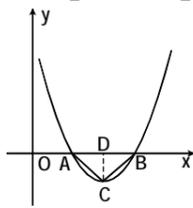
(第 20 题图)

(2)由图可知  
$$\bar{x} = \frac{6 \times 1 + 12 \times 2 + 16 \times 3 + 8 \times 4 + 8 \times 5}{50}$$

3(小时).  
所以估计该校全体学生每天完成作业所用总时间  $= 3 \times 1800 = 5400$  (小时).

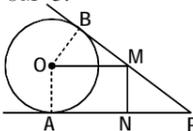
21.解:(1)因为  $y = x^2 - 4x + 3 = x^2 - 4x + 4 - 4 + 3 = (x-2)^2 - 1$ ,  
所以顶点 C 的坐标是 (2, -1).  
当  $x \leq 2$  时, y 随 x 的增大而减小;  
当  $x > 2$  时, y 随 x 的增大而增大.  
(2)解方程  $x^2 - 4x + 3 = 0$ ,  
得  $x_1 = 3, x_2 = 1$ .  
所以点 A 的坐标是 (1, 0), 点 B 的坐标是 (3, 0).

如图,过点 C 作  $CD \perp AB$  于点 D.  
因为  $AB = 2, CD = 1$ ,  
所以  $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot CD = \frac{1}{2} \times 2 \times 1 = 1$ .



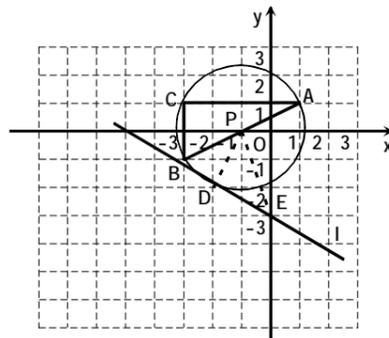
(第 21 题图)

22.解:(1)证明:如图,连结 OA, 则  $OA \perp AP$ .  
因为  $MN \perp AP$ ,  
所以  $MN \parallel OA$ .  
因为  $OM \parallel AP$ ,  
所以四边形 ANMO 是矩形.  
所以  $OM = AN$ .  
(2)连结 OB, 则  $OB \perp BP$ .  
因为  $OA = MN, OA = OB$ ,  
所以  $OB = MN$ .  
因为  $OM \parallel AP$ ,  
所以  $\angle OMB = \angle P$ .  
所以  $\text{Rt} \triangle OBM \cong \text{Rt} \triangle MNP$ .  
所以  $OM = MP$ .  
设  $OM = x$ , 则  $MP = x, NP = 9 - x$ .  
在  $\text{Rt} \triangle MNP$  中,  $x^2 - (9 - x)^2 = 3^2$ .  
解得  $x = 5$ .  
所以  $OM = 5$ .



(第 22 题图)

23.解:(1)所画  $\odot P$  如图所示.  
由图可知,  $\odot P$  的半径为  $\sqrt{5}$ .  
连结 PD, 因为  $PD = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$ ,  
所以点 D 在  $\odot P$  上.  
(2)直线 l 与  $\odot P$  相切.  
理由如下: 连结 PE.  
因为直线 l 过点  $D(-2, -2), E(0, -3)$ ,  
所以  $PE^2 = 1^2 + 3^2 = 10, PD^2 = 5, DE^2 = 5$ .  
所以  $PE^2 = PD^2 + DE^2$ .  
又点 D 在  $\odot P$  上,  
所以  $\triangle PDE$  是直角三角形,  
且  $\angle PDE = 90^\circ$ .  
所以  $PD \perp l$ .  
所以直线 l 与  $\odot P$  相切.



(第 23 题图)

24.解:(1)因为二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图象过 A(2, 0), B(0, -1) 和 C(4, 5) 三点,

$$\begin{cases} 4a + 2b + c = 0, \\ c = -1, \\ 16a + 4b + c = 5. \end{cases}$$

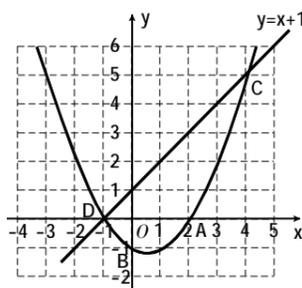
$$\text{所以 } a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}, c = -1.$$

所以二次函数的表达式为  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - 1$ .

(2)当  $y = 0$  时, 得  $\frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - 1 = 0$ .

解得  $x_1 = 2, x_2 = -1$ .  
所以点 D 的坐标为 (-1, 0).

(3)图象如图, 当一次函数的值大于二次函数的值时, x 的取值范围是  $-1 < x < 4$ .



(第 24 题图)

25.解:(1)根据题意得 B(0, 4),  
C(3, 17/2),

把 B(0, 4), C(3, 17/2) 代入  $y =$

$$-\frac{1}{6}x^2 + bx + c, \text{ 得 } \begin{cases} c = 4, \\ -\frac{1}{6} \times 3^2 + 3b + c = \frac{17}{2}. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} b = 2, \\ c = 4. \end{cases}$$

所以抛物线的表达式为  $y = -\frac{1}{6}x^2 +$

$2x + 4$ ,

$$\text{即 } y = -\frac{1}{6}(x-6)^2 + 10.$$

所以 D(6, 10).

所以拱顶 D 到地面 OA 的距离为

10m.

(2)由题意, 得货运汽车最外侧与地面 OA 的交点为 (2, 0) 或 (10, 0),

当  $x = 2$  或  $x = 10$  时,  $y = \frac{22}{3} > 6$ .

所以这辆货车能安全通过.

(3)令  $y = 8$ , 则  $-\frac{1}{6}(x-6)^2 + 10 = 8$ .

$$\text{解得 } x_1 = 6 + 2\sqrt{3}, x_2 = 6 - 2\sqrt{3}.$$

则  $x_1 - x_2 = 4\sqrt{3}$ .

所以两排灯的水平距离最小是

$4\sqrt{3}$  m.

26.解:(1)把 A(-1, 0), C(0, 2) 分

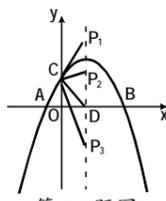
别代入  $y = ax^2 + \frac{3}{2}x + c$  中, 得

$$\begin{cases} a - \frac{3}{2} + c = 0, \\ c = 2. \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} a = -\frac{1}{2}, \\ c = 2. \end{cases}$$

所以抛物线的表达式为  $y = -\frac{1}{2}x^2 +$

$\frac{3}{2}x + 2$ .

(2)存在. 如图,



(第 26 题图)

因为 C(0, 2),  $D(\frac{3}{2}, 0)$ ,

$$\text{所以 } CD = \sqrt{OC^2 + OD^2} = \sqrt{2^2 + (\frac{3}{2})^2} = \frac{5}{2}.$$

$\frac{5}{2}$ .

①当  $CP = CD$  时, 得  $P_1(\frac{3}{2}, 4)$ ;

②当  $DP = DC$  时,  $P_2(\frac{3}{2}, \frac{5}{2})$ ,

$P_3(\frac{3}{2}, -\frac{5}{2})$ .

综上所述, 满足条件的点 P 坐标为

$(\frac{3}{2}, 4)$  或  $(\frac{3}{2}, \frac{5}{2})$  或  $(\frac{3}{2}, -\frac{5}{2})$ .

第 21 期

2 版

27.3 圆中的计算问题

第 1 课时

1.  $20\pi$  2. 110 3.  $\frac{5}{3}\pi$

4. 解: 连结 OD.  
因为  $OD = DE = 1, \angle E = 15^\circ$ ,  
所以  $\angle DOE = 15^\circ$ .

所以  $\angle CDO = 30^\circ$ .

因为  $OC = OD$ ,  
所以  $\angle C = \angle CDO = 30^\circ$ .

所以  $\angle AOC = \angle C + \angle E = 45^\circ$ .

所以  $\widehat{AC}$  的长  $= \frac{45\pi \times 1}{180} = \frac{\pi}{4}$ .

5. A 6.50 7.  $2 - \frac{\pi}{2}$

8. C

第 2 课时

1. 1.2 2.4cm 3. A 4. A

5. 解:(1)设圆锥底面半径为 r cm, 母线长为 l cm.

由题意知  $2\pi r = \pi l$ .

解得  $l = 2r$ .

所以圆锥母线长与底面半径之比为 2:1.

(2)由题意知  $r^2 + (3\sqrt{3})^2 = l^2$ .

把  $l = 2r$  代入, 得  $r^2 + 27 = 4r^2$ .

解得  $r_1 = -3$  (舍去),  $r_2 = 3$ .

所以  $l = 6$ .

所以圆锥的侧面积  $= \pi r l = 18\pi$  (cm<sup>2</sup>).

27.4 正多边形和圆

1. A 2. C

3. (1)  $\sqrt{3}R, \frac{1}{2}R$ ; (2)  $\sqrt{2}R, \frac{\sqrt{2}}{2}R$ ; (3)  $R, \frac{\sqrt{3}}{2}R$ .

4. 略.

5.  $5\sqrt{2}$

3 版

一、选择题 1~4. CCCA 5~8. ADCA

二、填空题 9. 十二,  $30^\circ$  10.3 11.  $65\pi$

12.  $\frac{8}{9}\pi$  13.  $22.5^\circ$  14.  $6\pi$

15. 0.14

三、解答题

16. 解:(1)证明:如图, 连结 AD.  
因为 AB 为直径,  
所以  $AD \perp BC$ .

因为  $AB = AC$ , 所以  $BD = DC$ .

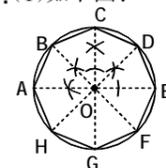
(2)  $l = \frac{40\pi \times 4}{180} = \frac{8}{9}\pi$ .

所以  $\widehat{BD}$  的长为  $\frac{8}{9}\pi$ .



(第 16 题图)

17. 解:(1)如下图:



(第 17 题图)

(2)由(1)可知  $\angle AOD = 135^\circ, R = OD = 5$ , 设圆锥的底面圆半径为 r.

则由  $2\pi r = \frac{135}{180}\pi R$ , 得  $r = \frac{15}{8}$ .

所以这个圆锥底面圆的半径为  $\frac{15}{8}$ .

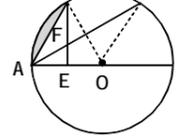
18. 解:(1)连结 OD, OC.  
因为 C, D 是半圆 O 上的三等分点,  
所以  $AD = CD = BC$ .

所以  $\angle AOD = \angle DOC = \angle COB = 60^\circ$ .

所以  $\angle CAB = 30^\circ$ .

因为  $DE \perp AB$ ,  
所以  $\angle AEF = 90^\circ$ .

所以  $\angle AFE = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$ .



(第 18 题图)

(2)由(1)知,  $\angle AOD = 60^\circ$ .

因为  $OA = OD, AB = 4$ ,  
所以  $\triangle AOD$  是等边三角形,  $OA = 2$ .

因为  $DE \perp AO$ ,  
所以  $AE = 1$ .

所以  $DE = \sqrt{3}$ .

所以  $S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形 AOD}} - S_{\triangle AOD} = \frac{60 \times \pi \times 2^2}{360} - \frac{1}{2} \times 2 \times \sqrt{3} = \frac{2}{3}\pi - \sqrt{3}$ .

第 22 期

3-4 版

一、选择题 1-5. BBCBC 6-10. DCDBB

二、填空题 11.  $65^\circ$  12.  $120^\circ$

13.  $12\pi$  14. 90

15.  $45^\circ$  16. 0.8

17.  $\pi$  18. 16

三、解答题

19. 解: 因为  $CA = 2\text{cm} < \sqrt{5}\text{cm}$ ,  
所以点 A 在  $\odot C$  内;

因为  $BC = 4\text{cm} > \sqrt{5}\text{cm}$ ,  
所以点 B 在  $\odot C$  外;

在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  
由勾股定理, 得  $AB = \sqrt{BC^2 + AC^2} =$

$\sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$  (cm).

因为 CM 是 AB 边上的中线,  
所以  $CM = \frac{1}{2}AB = \sqrt{5}\text{cm}$ .

所以点 M 在  $\odot C$  上.  
20. 解:(1)证明: 连结 AC.  
因为直径  $AB \perp$  弦  $CD$  于点 E,

所以  $\widehat{AC} = \widehat{AD}$ .

所以  $AC = AD$ .

因为过圆心 O 的线段  $CF \perp AD$ ,  
所以  $AF = DF$ , 即 CF 是 AD 的垂直

平分线, 所以  $AC = CD$ .

所以  $AC = AD = CD$ , 即  $\triangle ACD$  是等

边三角形.

所以  $\angle FCD = 30^\circ$ .

在  $\text{Rt} \triangle COE$  中,  $OE = \frac{1}{2}OC$ ,

所以  $OE = \frac{1}{2}OB$ .

所以点 E 是 OB 的中点.

(2)在  $\text{Rt} \triangle OCE$  中,  $AB = 8$ ,  
所以  $OC = \frac{1}{2}AB = 4$ .

又因为  $BE = OE$ , 所以  $OE = 2$ .

所以  $CE = \sqrt{OC^2 - OE^2} = \sqrt{16 - 4} =$

$2\sqrt{3}$ .

所以  $CD = 2CE = 4\sqrt{3}$ .

21. 解:(1)证明: 因为四边形 ABCD

内接于  $\odot O$ ,  
所以  $\angle DCB + \angle BAD = 180^\circ$ .

因为  $\angle BAD = 105^\circ$ ,  
所以  $\angle DCB = 180^\circ - 105^\circ = 75^\circ$ .

因为  $\angle DBC = 75^\circ$ ,  
所以  $\angle DCB = \angle DBC = 75^\circ$ .

所以  $BD = CD$ .

所以  $\widehat{BD} = \widehat{CD}$ .

(2)因为  $\angle DCB = \angle DBC = 75^\circ$ ,  
所以  $\angle BDC = 30^\circ$ .

由圆周角定理, 得  $\widehat{BC}$  的度数为  $60^\circ$ .

故  $\widehat{BC}$  的长为  $\frac{n\pi R}{180} = \frac{60\pi \times 3}{180} = \pi$ .

22. 解:(1)因为在等腰  $\triangle ABC$  中,  
 $\angle BAC = 120^\circ$ ,  
所以  $\angle B = 30^\circ$ .

因为 AD 是  $\angle BAC$  的平分线,  
所以  $AD \perp BC, BD = CD$ .

所以  $BD = \sqrt{3}AD = 6\sqrt{3}$ .

所以  $BC = 2BD = 12\sqrt{3}$ .

所以由 EF 及线段 CF, CB, BE 围成

的图形的面积为  $S_{\triangle ABC} - S_{\text{扇形 EAF}} = \frac{1}{2} \times 6 \times$

$12\sqrt{3} - \frac{120 \times \pi \times 6^2}{360} = 36\sqrt{3} - 12\pi$ .

(2)设圆锥的底面圆的半径为 r.

根据题意, 得  $2\pi r = \frac{120 \times \pi \times 6}{180}$ .

解得  $r = 2$ .

所以这个圆锥的高  $h = \sqrt{6^2 - 2^2} =$

$4\sqrt{2}$ .

23. 解:(1)证明: 因为 AB 是  $\odot O$  的

直径, BM 是  $\odot O$  的切线, 所以  $AB \perp BE$ .

因为  $CD \parallel BE$ ,  
所以  $CD \perp AB$ .

所以  $\widehat{DA} = \widehat{AC}$ .

因为  $\widehat{DA} = \widehat{DC}$ ,  
所以  $\widehat{DA} = \widehat{DC} = \widehat{AC}$ .

所以  $AD = AC = CD$ .

所以  $\triangle ACD$  是等边三角形.

(2)连结 BD.

⑥ 由(1)知,  $\triangle ACD$  是等边三角形,  $AB \perp CD$ .

所以  $\angle DAB=30^\circ$ ,  $\angle ABD=60^\circ$ ,  $\angle DBE=30^\circ$ .

在  $\text{Rt}\triangle BDE$  中, 因为  $DE=2$ ,

所以  $BE=4, BD=2\sqrt{3}$ .

所以  $AB=2DB=4\sqrt{3}, OB=2\sqrt{3}$ .

在  $\text{Rt}\triangle OBE$  中,

$OE=\sqrt{OB^2+BE^2}=\sqrt{(2\sqrt{3})^2+4^2}=2\sqrt{7}$ .

24.解:(1)证明:连结  $OD$ , 与  $AF$  相交于点  $G$ .

因为  $CE$  与  $\odot O$  相切于点  $D$ ,

所以  $OD \perp CE$ .

所以  $\angle CDO=90^\circ$ .

因为  $AD \parallel OC$ ,

所以  $\angle ADO=\angle DOC, \angle DAO=\angle BOC$ .

因为  $OA=OD$ ,

所以  $\angle ADO=\angle DAO$ .

所以  $\angle DOC=\angle BOC$ .

在  $\triangle CDO$  和  $\triangle CBO$  中,

$CO=CO$ ,

$\angle DOC=\angle BOC$ ,

$OD=OB$ ,

所以  $\triangle CDO \cong \triangle CBO$ .

所以  $\angle CBO=\angle CDO=90^\circ$ .

所以  $CB$  是  $\odot O$  的切线.

(2)由(1)可知  $\angle DCO=\angle BCO$ ,  $\angle DOC=\angle BOC$ .

因为  $\angle ECB=60^\circ$ ,

所以  $\angle DCO=\frac{1}{2}\angle ECB=30^\circ$ .

所以  $\angle DOC=\angle BOC=60^\circ$ .

所以  $\angle AOD=60^\circ$ .

因为  $OA=OD$ ,

所以  $\triangle OAD$  是等边三角形.

所以  $AD=OD=OF$ .

在  $\triangle ADG$  和  $\triangle FOG$  中,

$\angle ADG=\angle FOG$ ,

$\angle AGD=\angle FGO$ ,

$AD=OF$ ,

所以  $\triangle ADG \cong \triangle FOG$ .

所以  $S_{\triangle ADG}=S_{\triangle FOG}$ .

因为  $AB=6$ ,

所以  $\odot O$  的半径  $r=3$ .

所以  $S_{\text{阴影}}=\frac{60\pi \times 3^2}{360}=\frac{3}{2}\pi$ .

25.解:(1)略.

(2)①  $C(6,2), D(2,0)$ ; ②  $2\sqrt{5}$ ;

③  $\frac{5}{4}\pi$ ;

④ 直线  $EC$  与  $\odot D$  相切.

理由: 因为  $CD^2+CE^2=DE^2=25$ ,

所以  $\angle DCE=90^\circ$ .

所以直线  $EC$  与  $\odot D$  相切.

26.解:(1)因为  $BC=5, AC=6, AB=9$ ,

所以  $p=\frac{BC+AC+AB}{2}=\frac{5+6+9}{2}=10$ .

所以  $S=\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}=\sqrt{10 \times 5 \times 4 \times 1}=10\sqrt{2}$ .

故  $\triangle ABC$  的面积为  $10\sqrt{2}$ .

(2)因为  $S=\frac{1}{2}r(AC+BC+AB)$ ,

所以  $10\sqrt{2}=\frac{1}{2}r(5+6+9)$ .

解得  $r=\sqrt{2}$ .

故  $\triangle ABC$  的内切圆半径  $r=\sqrt{2}$ .

### 第 23 期

2版

#### 28.1.1 普查和抽样调查

1.C

2.解:(1)总体:一万名考生的数学升学考试成绩;个体:每一名考生的数学升学考试成绩;样本:所抽取的 300 名考生的数学升学考试成绩;样本容量:300.

(2)总体:饮料厂生产的这批杏仁露的质量;个体:每一瓶杏仁露的质量;样本:从中抽取的 500 瓶杏仁露的质量;样本容量:500.

#### 28.1.2 这样选择样本合适吗

1.C

2.(1)样本不合适;

(2)样本不合适.

#### 28.2.1 简单随机抽样

1.④

2.解:(1)小明的抽样不合适,他采取的抽样不是简单随机抽样,因为一个班的情况很难代表全校不同年级各个班的情况.

(2)将全校班级编号,从中随机抽取 8 个班进行调查.(答案不唯一)

#### 28.2.2 简单随机抽样可靠吗

1.赵慧

2.略.

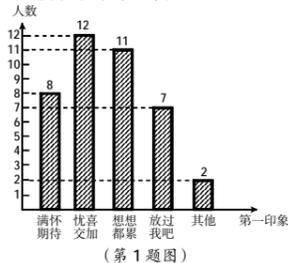
3.乙

#### 28.3 借助调查做决策

1.解:(1)不合理.

因为这样调查使得八年级每位同学被调查到的可能性不同,缺乏代表性.

(2)选择条形统计图:



(3)  $\frac{12}{40} \times 500 = 150$  (人).

2.解:(1)人们习惯于从条形“柱”的高度看相应的增长比例,直观看,乙图给人们的感觉是好像今年比去年增长一倍,而实际上不是这样的,因为去年 1000 件,今年 1500 件,只增加 500 件,比去年增加 50%.所以甲图能较准确地反映产量的增长情况.

(2)由于乙统计图的纵轴上的数值不是从零开始的,所以容易给人一种错觉,误认为今年的产量是去年产量的 2 倍.

#### 3~4 版

一、选择题

1~5.BDDCD

6~10.CABBD

二、填空题

11.抽样调查

12.1 万

13.不能

14.100

15.2 000 台空调的使用寿命,从中抽取的 20 台空调的使用寿命

16.1 200

17.不对,因为他没有考虑到实际人数差距并不是很大

18.7 200

三、解答题

19.解:(1)全面调查.

(2)使用率不高.

(3)举办读书节等活动.(答案不唯一)

20.解:三个小题的抽样调查都是不合适的.

(1)因为到阅览室去的人和学校的老师、学生都是喜欢读书的人,这样的样本不具有代表性.

(2)小强认识的同学中,可能和他有同样的观点的居多,他选取样本的方法不是对每个个体都公平.

(3)李杨选取的样本不具有代表性.

21.解:步骤 1:洗牌,使这 20 张牌充分地混合;

步骤 2:从中随机地抽出一张,记下它的颜色;

步骤 3:将它放回,重新洗牌.

如此重复上述步骤 2 和步骤 3 数十次,便可得到一张统计表,根据红色在抽样中出现的频率便可估计红色在 20 张牌里所占的百分比,从而可估计红色和黑色各有几张.

(提示:重复的次数越大,估计的就越准确)

22.解:(1)该校 4 000 名学生早晨起床情况;

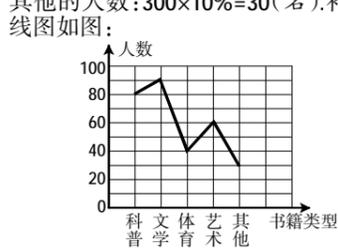
(2)400 名学生早晨起床情况,400;

(3)每一名学生早晨起床情况;

(4)640 名.

23.解:(1)  $190 \div 30\% = 300$  (名),故一共调查了 300 名学生.

(2)艺术的人数:  $300 \times 20\% = 60$  (名),其他的人数:  $300 \times 10\% = 30$  (名).补全折线图如图:

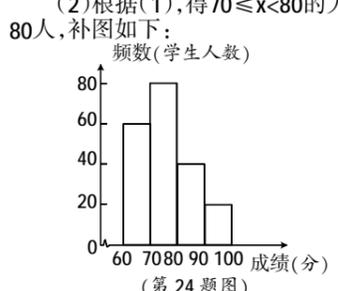


(第 23 题图)

(3)体育部分所对应的圆心角的度数为:  $\frac{40}{300} \times 360^\circ = 48^\circ$ .

24.解:(1)80, 20%.

(2)根据(1),得  $70 \leq x < 80$  的人数有 80 人,补图如下:



(第 24 题图)

## 数学·华师大中考版答案页第 6 期



(3)根据题意,得

$4\ 000 \times (20\% + 10\%) = 1\ 200$  (人).

答:估计约有 1 200 人进入决赛.

25.解:(1)填表如下:

	平均成绩	中位数	众数
甲	80	79.5	78
乙	80	80	80

(2)乙的方差为

$$\frac{[(86-80)^2 + (80-80)^2 + \dots + (75-80)^2]}{10} = 13.$$

(3)因为甲、乙两位同学成绩的平均数一样,中位数相差不大,乙成绩的众数比甲高,甲成绩的方差大于乙成绩的方差,

所以乙的成绩比较稳定.

所以应该选乙参加.

### 第 24 期

#### 下册综合检测卷(一)

一、选择题

1~5.ACABD

6~10.ADAAC

二、填空题

11.247

12.不具有

13.6 $\pi$

14.-1

15.52 $^\circ$

16.25

17. $y=x^2+1$

18. $2\sqrt{3}$

三、解答题

19.解:不合适.

因为这样取样不是随机抽样,而是专门选取了学习较好的学生,没有兼顾中等生和差生,不具有代表性.

20.解:连结  $OC$ .

因为  $CE$  是  $\odot O$  的切线,

所以  $OC \perp CE$ , 即  $\angle OCE=90^\circ$ .

因为  $\angle CDB=30^\circ$ ,

所以  $\angle COB=2\angle CDB=60^\circ$ .

所以  $\angle E=90^\circ - \angle COB=30^\circ$ .

所以  $\sin E = \frac{1}{2}$ .

21.解:(1)因为抛物线  $y=-x^2+bx+c$  经过点  $A(3,0), B(-1,0)$ ,

所以  $\begin{cases} -9+3b+c=0, \\ -1-b+c=0. \end{cases}$

解得  $\begin{cases} b=2, \\ c=3. \end{cases}$

所以抛物线的表达式为  $y=-x^2+2x+3$ .

(2)因为  $y=-x^2+2x+3=-(x-1)^2+4$ ,

所以抛物线的顶点坐标为  $(1,4)$ .

22.解:(1)  $\angle A=2\angle P=80^\circ$ .

$\widehat{EF}$  的长为  $\frac{80\pi \times 2}{180} = \frac{8}{9}\pi$  (cm).

(2)连结  $AD$ .

因为  $\odot A$  与  $BC$  切于点  $D$ ,

所以  $AD \perp BC$ .

$S_{\text{阴影}}=S_{\triangle ABC}-S_{\text{扇形}AEF}=\frac{1}{2} \times 4 \times 2 - \frac{80\pi \times 2^2}{360} = 4 - \frac{8}{9}\pi$ .

所以图中阴影部分的面积为

$(4 - \frac{8}{9}\pi)$  cm $^2$ .

23.解:(1)  $y=(x-20)(-2x+80)=-2x^2+120x-1\ 600$ .

(2)因为  $y=-2x^2+120x-1\ 600=-2(x-30)^2+200$ ,

所以当  $x=30$  时,每天的利润最大,最大利润为 200 元.

(3)由题意,得  $-2(x-30)^2+200=150$ .

解得  $x_1=25, x_2=35$ .

又销售量  $w=-2x+80$ , 且  $-2 < 0$ ,  $w$  随单价  $x$  的增大而减小, 故当  $x=25$  时,既能保证销售量,又可以每天获得 150 元的利润.

所以销售单价应定为 25 元.

24.解:(1)证明:连结  $CO$ , 交  $DB$  于点  $E$ .

所以  $\angle O=2\angle D=60^\circ$ .

又因为  $\angle OBE=30^\circ$ ,

所以  $\angle BEO=180^\circ-60^\circ-30^\circ=90^\circ$ .

因为  $AC \parallel BD$ ,

所以  $\angle ACO=\angle BEO=90^\circ$ .

所以  $AC$  是  $\odot O$  的切线.

(2)因为  $OE \perp DB$ ,

所以  $EB=\frac{1}{2}DB=3\sqrt{3}$ .

在  $\text{Rt}\triangle EOB$  中,  $\cos 30^\circ = \frac{EB}{OB}$ ,

所以  $OB=3\sqrt{3} \div \frac{\sqrt{3}}{2} = 6$ .

又因为  $\angle D = \angle DBO$ ,  $DE = BE$ ,

$\angle CED = \angle OEB$ ,

所以  $\triangle CDE \cong \triangle OBE$ .

所以  $S_{\triangle CDE} = S_{\triangle OBE}$ .

所以  $S_{\text{阴影}} = \frac{60\pi \times 6^2}{360} = 6\pi$  (cm $^2$ ).

25.解:(1)如图,连结  $OC$ .

因为  $AB$  是  $\odot O$  的直径,  $CD \perp AB$ ,

所以  $CE = DE = \frac{1}{2}CD = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$ .

设  $OC=x$ , 因为  $BE=2$ ,

所以  $OE=x-2$ .

在  $\text{Rt}\triangle OCE$  中,  $OC^2 = OE^2 + CE^2$ ,

所以  $x^2 = (x-2)^2 + (2\sqrt{3})^2$ .

解得  $x=4$ .

所以  $OA=OC=4, OE=2$ .

所以  $AE=6$ .

在  $\text{Rt}\triangle AED$  中,  $AD = \sqrt{AE^2 + DE^2} = 4\sqrt{3}$ .

(2)证明:因为  $AF$  是  $\odot O$  的切线,

所以  $AF \perp AB$ .

因为  $CD \perp AB$ ,

所以  $AF \parallel CD$ .

因为  $CF \parallel AD$ ,