

所以 $y = -\frac{3}{4}x + 3$.
当 $x=0$ 时, $y=3$, 所以 $B(0, 3)$.
(2) $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AC \times OB = \frac{1}{2} AC \times 3 = 9$,
所以 $AC=6$.
因为 $B(4, 0)$, 所以点 C 的坐标为 $(-2, 0)$ 或 $(10, 0)$.

19.解: (1)由题意可得:小丽的速度 $= \frac{36}{2.25} = 16(\text{km/h})$.
设小明速度为 $x\text{km/h}$,
根据题意,得 $1 \times (16+x) = 36$.
所以 $x=20$.
答:小明的速度为 20km/h ,小丽的速度为 16km/h .

(2)由图象可得:点 E 的表示小明到了甲地,此时小丽没到乙地,

所以点 E 的横坐标 $= \frac{36}{20} = \frac{9}{5}$.

点 E 的纵坐标 $= \frac{9}{5} \times 16 = \frac{144}{5}$.

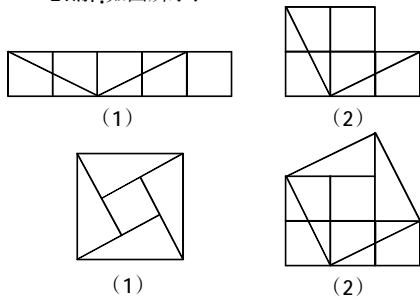
所以点 $E(\frac{9}{5}, \frac{144}{5})$.点 E 的横坐标为小明从甲地到乙地的时间,点 E 纵坐标为小丽这个时间段走的路程.

20.解: (1)根据题意,每天水位增长 0.5 米,即 $y=0.5(x-1)+20=0.5x+19.5$.

(2)当 $x=6$ 时,代入得 $y=0.5 \times 6 + 19.5 = 22.5$ (米).

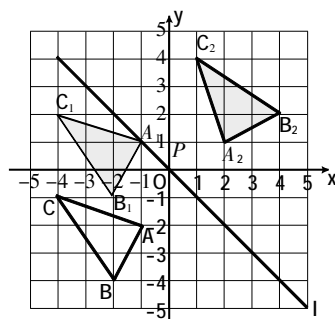
(3)不能,一次函数的应用应该结合实际情况,12月与4月季节相差较大,降水规律不定,通过函数很难预测.

五、
21.解:如图所示:



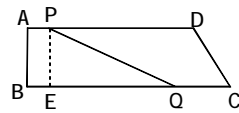
(第 21 题图)

22.解: (1) $B_1(-2, -1)$, $\triangle A_1B_1C_1$ 如下图示;
(2) $\triangle A_2B_2C_2$ 及 l 如下所示, l 的函数表达式为 $y=-x$.



(第 22 题图)

六、
23.解: (1)作 $PE \perp BC$ 于 E ,
根据题意,得 $AP=t$, $QC=3t$,
则 $BE=AP=t$,
所以 $QE=30-4t$.
因为 $\angle PQC=150^\circ$,
所以 $\angle PQE=30^\circ$.
所以 $QE = \sqrt{3} PE$, 即 $30-4t = 8\sqrt{3}$.
解得 $t = \frac{15}{2} - 2\sqrt{3}$.



(第 23 题图)

(2)因为当 $PD=CQ$ 时,四边形 $PQCD$ 是平行四边形.

则 $PQ=CD$.

所以 $24-t=3t$.

解得 $t=6$.

当四边形 $PQCD$ 是等腰梯形时, $PQ=CD$.

设运动时间为 t 秒, 则有 $AP=t\text{cm}$, $CQ=3t\text{cm}$.

所以 $BQ=30-3t$.

作 $PM \perp BC$ 于 M , $DN \perp BC$ 于 N .

则 $NC=BC-AD=30-24=6$.

因为梯形 $PQCD$ 为等腰梯形,

所以 $NC=QM=6$.

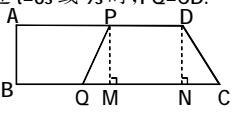
所以 $BM=(30-3t)+6=36-3t$.

所以当 $AP=BM$, 即 $t=36-3t$.

解得 $t=9$.

所以 $t=9\text{s}$ 时, 四边形 $PQCD$ 为等腰梯形.

综上所述 $t=6\text{s}$ 或 9s 时, $PQ=CD$.



(第 23 题图)

第 12 期

2 版

5.1 认识二元一次方程组

1.B 2. $\frac{2}{3}$, 3 3.B 4.B 5.5

6.答案不唯一, 如 $x-y=3$

5.2 求解二元一次方程组

第 1 课时

1.1-x, 1-y

2.x-25, 11

3.解: (1)由①, 得 $x=3+2y$.③

将③代入②, 得 $3(3+2y)-8y=13$.

解得 $y=-2$.

将 $y=-2$ 代入③, 得 $x=-1$.

所以原方程组的解是 $\begin{cases} x=-1, \\ y=-2. \end{cases}$

(2)由①, 得 $y=4-2x$.③

将③代入②, 得 $x+2(4-2x)=5$.

解得 $x=1$.

将 $x=1$ 代入③, 得 $y=2$.

所以原方程组的解是 $\begin{cases} x=1, \\ y=2. \end{cases}$

4.解: (1)由①, 得 $x = \frac{12-2y}{3}$.③

将③代入②, 得 $2 \times \frac{12-2y}{3} + 3y = 28$.

解得 $y=12$.

将 $y=12$ 代入③, 得 $x=-4$.

所以原方程组的解是 $\begin{cases} x=-4, \\ y=12. \end{cases}$

(2)由①, 得 $x = \frac{13-6y}{5}$.③

将③代入②, 得 $7 \times \frac{13-6y}{5} + 18y = -1$.

解得 $y=-2$.

将 $y=-2$ 代入③, 得 $x=5$.

所以原方程组的解是 $\begin{cases} x=5, \\ y=-2. \end{cases}$

第 2 课时

1. $3x=9$, $x=3$, $x=3$, $6+y=4$, $y=-2$, $\begin{cases} x=3, \\ y=-2. \end{cases}$

2.解: (1)①+②, 得 $4x=12$, $x=3$.

将 $x=3$ 代入②, 得 $y=2$.

所以原方程组的解是 $\begin{cases} x=3, \\ y=2. \end{cases}$

(2)① $\times 2$, 得 $4x-2y=16$.③

③+②, 得 $7x=21$, $x=3$.

将 $x=3$ 代入①, 得 $y=-2$.

所以原方程组的解是 $\begin{cases} x=3, \\ y=-2. \end{cases}$

3.D

5.3 应用二元一次方程组

——鸡兔同笼

1.A 2.2, 100 3.5, 20

5.4 应用二元一次方程组

——增收节支

1.D 2. $\begin{cases} x+y=700, \\ 0.8x+0.85y=580 \end{cases}$

3.解: 设批发的黄瓜是 x 千克, 茄子是 y 千克.

根据题意, 得

$$\begin{cases} 3x+4y=145, \\ (4-3)x+(7-4)y=90. \end{cases}$$

解得 $\begin{cases} x=15, \\ y=25. \end{cases}$

答: 这天他批发的黄瓜 15 千克, 茄子是 25 千克.

5.5 应用二元一次方程组

——里程碑上的数

1.D 2.49

3.解: 设平路有 $x\text{m}$, 下坡路有 $y\text{m}$.

根据题意, 得

$$\begin{cases} \frac{x}{60} + \frac{y}{80} = 10, \\ \frac{x}{60} + \frac{y}{40} = 15 \end{cases}$$

解得 $\begin{cases} x=300, \\ y=400. \end{cases}$

答: 小华家到学校的平路和下坡路各为 300m , 400m .

3 版

一、选择题

1~6. ADCDCD

二、填空题

7.1- $\frac{x}{3}$ 8.3 9.2 10.2

11. $\begin{cases} x+4.5=y, \\ x-1=\frac{1}{2}y \end{cases}$

12. $\begin{cases} x+y=3800, \\ x(1-15\%)+y(1-20\%)=3000 \end{cases}$

三、

13.解: $\begin{cases} 3x-2y=9, \\ x-y=7. \end{cases}$ ① ②

由②, 得 $x=7+y$.③

把③代入①, 得 $3(7+y)-2y=9$.

解得 $y=-12$.

再代入③, 得 $x=7+(-12)=-5$.

所以方程组的解为 $\begin{cases} x=-5, \\ y=-12. \end{cases}$

14.解: $\begin{cases} 5m-2n=-7, \\ -3m+2n=9. \end{cases}$ ① ②

①+②, 得 $2m=2$.

$m=1$.

将 $m=1$ 代入②, 得

$-3+2n=9$.

解得 $n=6$.所以方程组的解为 $\begin{cases} m=1, \\ n=6. \end{cases}$ ① ②

15.解: 方程组整理得: $\begin{cases} x+2y=3, \\ 3x-2y=1. \end{cases}$ ① ②

①+②, 得 $4x=4$.

解得 $x=1$.

把 $x=1$ 代入①, 得 $y=1$.

则方程组的解为 $\begin{cases} x=1, \\ y=1. \end{cases}$

16.解: (1)设该轮船在静水中的速度是 x 千米/小时, 水流速度是 y 千米/小时.

根据题意, 得 $\begin{cases} 6(x+y)=90, \\ (6+4)(x-y)=90. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} x=12, \\ y=3. \end{cases}$

答: 该轮船在静水中的速度是 12 千米/小时, 水流速度是 3 千米/小时.

(2)设甲、丙两地相距 a 千米, 则乙、丙两地相距 $(90-a)$ 千米.

根据题意, 得 $\frac{a}{12+3} = \frac{90-a}{12-3}$.

解得 $a = \frac{225}{4}$.

答: 甲、丙两地相距 $\frac{225}{4}$ 千米.

17.(1)有 3 种租船方案:

大船 3 艘, 小船 11 艘;

大船 6 艘, 小船 6 艘;

大船 9 艘, 小船 1 艘.

(2)租大船为 9 艘, 小船为 1 艘时最省钱.

四、

18.解: (1)设跳绳的单价为 x 元/条, 毽子的单价为 y 元/个. 根据题意, 得 $\begin{cases} x=16, \\ y=4. \end{cases}$

答: 跳绳的单价为 16 元/条, 毽子的单价为 5 元/个.

(2)设该店的商品按原价的 x 折销售.

根据题意, 得 $(100 \times 16 + 100 \times 4) \times \frac{x}{10} = 1800$,

解得 $x=9$.

答: 该店的商品按原价的 9 折销售.

2019-2020 学年

数学·北师大八年级答案页第 3 期

第 9 期

2 版

4.4 一次函数的应用

第 1 课时

1.B

2. $y=x-1$

3.C

4.(1) $c=0.1+0.009x$.

(2)当数量为 $1\ 000$ 克时, 售价是

9.1 元.

5. $y=2x-11$

6. $y=10x+10$ 或 $y=-10x+10$

第 2 课时

1.C

2.A

3.B

4.解: (1)由图可知, 该植物从观察

时起, 50 天以后停止长高.

(2) $y = \frac{1}{5}x + 6$, 该植物最高长 16 厘

米.

5.A

第 3 课时

1.C

2.D

3.解: (1)两条直线在 1500km 处相

交, 故每月行驶的路程等于 1500km 时,

租两家车的费用相同;

(2)由图可知当 $y_2 < y_1$ 时, 对应的 x

的范围是 $x < 1500\text{km}$, 所以当每月行驶

的路程低于 $1\ 500\text{km}$ 时, 租国有出租车

公司的车合算;

(3)由图象可知, 当 $x=2300\text{km}$ 时, 1500km ,

$y_1 < y_2$, 即租用个体车主的车合算.

4.D

3 版

一、选择题

1.A

2.A

3.A

4.B

5.D

6.D

二、填空题

7. $y=150-20x$

8.5, $-\frac{5}{2}$

9.(2, 0), (0, -8)

10.3

11.150

12.3.75L

三、

13.解: 与 x 轴交点 $(-\frac{2}{3}, 0)$, 与 y 轴

交点为 $(0, 2)$, 所以 $S = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times 2 = \frac{2}{3}$.

14.解: (1)设 $y_{\text{甲}} = k_1x$, 根据题意得

$5k_1 = 100$, 解得 $k_1 = 20$. 所以 $y_{\text{甲}} = 20x$.

设 $y_{\text{乙}} = k_2x + 100$, 根据题意得: $20k_2 +$

$100 = 300$. 解得 $k_2 = 10$. 所以 $y_{\text{乙}} = 10x + 100$.

(2) $20x = 10x + 100$. 解得 $x = 10$, 所以

①当入园次数小于 10 次时, 选择甲消

费卡比较合算;

②当入园次数等于 10 次时, 选择

两种消费卡费用一样;

③当入园次数大于 10 次时, 选择

乙消费卡比较合算.

15.解: (1)根据题意, 得

①当 $0 \leq x \leq 5$ 时, $y = 20x$;

②当 $x > 5$ 时, $y = 20 \times 0.8(x-5) + 20 \times 5 =$

$16x + 20$.

(2)把 $x=30$ 代入 $y=16x+20$,

所以 $y=16 \times 30 + 20 = 500$.

所以一次购买玉米种子 30 千克,

需付款 500 元.

16.解: (1) $y_{\text{甲}} = 0.8x(x \geq 0)$.

$y_{\text{乙}} = \begin{cases} x(0 \leq x < 2000); \\ 0.7x + 600(x \geq 2000). \end{cases}$

$y_{\text{乙}} = \begin{cases} x(0 \leq x < 2000); \\ 0.7x + 600(x \geq 2000). \end{cases}$

(2)当 $0 < x < 2000$ 时, $0.8x < x$, 到甲

商店购买省钱.

当 $x \geq 2000$ 时, 若到甲商店购买省

钱, 则 $0.8x < 0.7x + 600$.

一、选择题

1.B 2.A 3.B 4.B 5.D 6.D

二、填空题

7.<

8.经过

9.56, 80, 156.8

10.①②④

11.(1)50%; (2)2; (3)5

12.3.9

三、

13.解:(1)由题意,得 $30 \times 5 - 3 \times (5 - 1) = 138$ (cm).

所以 5 张白纸粘合后的长度为 138cm.

(2) $y = 30x - 3(x - 1) = 27x + 3$,

所以 y 与 x 之间的函数表达式为 $y = 27x + 3$.

3.

(3)当 $x = 20$ 时, $y = 27 \times 20 + 3 = 543$,

所以当 $x = 20$ 时, y 的值为 543.

它的实际意义是 20 张白纸粘合后的长度是 543cm.

14.解:设直线 NQ 的表达式为 $y = kx + b$,

把点 $N(0, 2)$ 代入 $y = kx + b$ 中,得 $b = 2$.

把点 $Q(-2, 0)$ 代入 $y = kx + 2$ 中,得

$0 = k \cdot (-2) + 2$,解得 $k = 1$.

所以直线 NQ 的表达式为 $y = x + 2$.

把点 $M(a, 5)$ 代入 $y = x + 2$ 中,得 $5 = a + 2$.解得 $a = 3$.

15.解:(1)因为点 $P(2, n)$ 在函数 $y = \frac{3}{2}x$ 的图象上,

所以 $n = \frac{3}{2} \times 2 = 3$.

把 $P(2, 3)$ 代入 $y = -x + m$,得 $3 = -2 + m$.所以 $m = 5$.

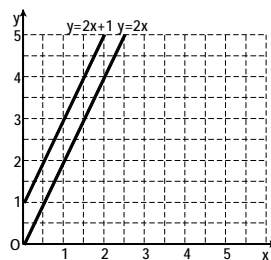
所以 m 和 n 的值分别为 5、3.

(2)由(1)知,一次函数表达式为 $y = -x + 5$.令 $x = 0$,得 $y = 5$.

所以点 B 的坐标为 $(0, 5)$.

所以 $S_{\triangle PNB} = \frac{1}{2} \times 5 \times 2 = 5$.

16.解:如图:



(第 16 题图)

直线 $y = 2x$ 与直线 $y = 2x + 1$ 平行.

17.解:(1)当游泳次数为 x 时,方式一费用为: $y_1 = 30x + 200$,方式二的费用为: $y_2 = 40x$;

(2)当 $x = 25$ 时, $y_1 = 30 \times 25 + 200 = 950$, $y_2 = 40 \times 25 = 1000$.

所以选择方式一比较省钱.

四、

18.解:(1)乙比甲晚出发 1 小时,比甲早到 2 小时;

(2) $s_1 = 15t$, ($0 \leq t \leq 4$), $s_2 = 60t - 60$ ($1 \leq t \leq 2$).

(3)当 $s_1 = s_2$ 时,乙追上了甲,即 $15t = 60t - 60$,

解得 $t = \frac{4}{3}$.

当 $t = \frac{4}{3}$ 时, $s_1 = 15 \times \frac{4}{3} = 20$.

所以乙在甲出发后 $\frac{4}{3}$ 小时追上了甲,追上甲的地点离 A 地 20 千米.

19.解:(1)因为 $OB = OC = 2$,

所以 $\triangle BOC$ 是等腰直角三角形.

所以 $\angle OBC = 45^\circ$.

因为 $\angle ABC = 90^\circ$,所以 $\angle ABO = 45^\circ$.

所以 $\triangle OBD$ 是等腰直角三角形.

所以点 D 的坐标是 $(-2, 0)$.

(2)设直线 AB 的表达式为 $y = kx + b$.

因为直线 AB 经过点 $B(0, 2)$ 和 $D(-2, 0)$,

所以 $\begin{cases} b = 2, \\ -2k + b = 0. \end{cases}$ ① ②

将①代入②中,得 $k = 1$.

所以直线 AB 的表达式为 $y = x + 2$.

20.解:由题意,得 $k = 4$, $y = -\frac{1}{2}x + 3$ 与 y 轴交点 Q 的坐标为 $(0, 3)$,所以点 P 的坐标为 $(0, -3)$.将点 P 的坐标代入 $y = 4x + b$,得 $-3 = 4 \times 0 + b$,所以 $b = -3$.故这个一次函数的表达式为 $y = 4x - 3$.

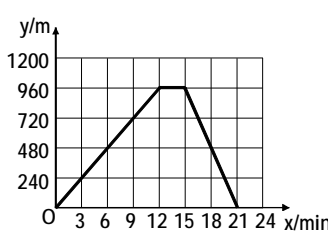
五、

21.解:(1)由题意可得,

$\frac{960}{6} - \frac{960}{12} = 80$ (m/min).

所以小慧返回家中的速度比去文具店的速度快 80m/min.

(2)如图所示:



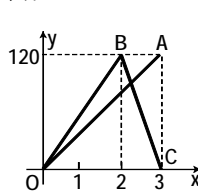
(第 21 题图)

(3)根据图象可得,小慧从家出发后 9 分

钟或 16.5 分钟分钟离家距离为 720m.

22.解:(1)40, 120.

(2)如图:



(第 22 题图)

(3)OA 的函数表达式为 $y = 40x$,

BC 的函数表达式为 $y = 120 - 120(x - 2) = -120x + 360$.

根据题意,得 $40x - [120 - (-120x + 360)] =$

50.解得 $x = \frac{19}{8}$.

所以,慢车行驶 $\frac{19}{8}$ 小时,慢车在快车前

50 千米.

六、

23.解:(1)由题可得,甲登山 3 分钟时,甲

距地面的高度是: $100 + 10 \times 3 = 130$ (米).甲登山

5 分钟时,甲距地面的高度是: $100 + 10 \times 5 = 150$ (米).

乙登山 4 分钟时,乙距地面的高度是: $15 \times 2 + 10 \times$

$3 \times (4 - 2) = 90$ (米),乙登山 5 分钟时,乙距地面

的高度是: $15 \times 2 + 10 \times 3 \times (5 - 2) = 120$ (米),故答

案为: 130、150、90、120.

(2)由题意可得,甲距地面的高度 y (米)与登山时间 x (分)之间的函数关系式是: $y = 100 + 10x$ ($0 \leq x \leq 20$),

当 $0 \leq x \leq 2$ 时,乙距地面的高度 y (米)与登山时间 x (分)之间的函数关系式是: $y = 15x$.当

$2 < x \leq 11$ 时,乙距地面的高度 y (米)与登山时间 x (分)之间的函数关系式是: $y = 15 \times 2 + 10 \times 3 \times$

$(x - 2) = 30x - 30$,所以乙距地面的高度 y (米)与

登山时间 x (分)之间的函数关系式是: $y = 15x$

($0 \leq x \leq 2$), $y = 30x - 30$ ($2 < x \leq 11$).

(3)设登山 x 分钟时,甲、乙两人距地面的高度差为 70 米.

根据题意,得 $|100 + 10x - (30x - 30)| = 70$.

解得 $x = 3$ 或 $x = 10$.

令 $300 - (100 + 10x) = 70$,

解得 $x = 13$.

答:登山 3 分钟、10 分钟或 13 分钟时,甲、乙两人距地面的高度差为 70 米.

数学·北师大八年级答案页第 3 期

第 11 期

期中检测卷(一)

一、选择题

1~6. BDC CBD

二、填空题

7. 15 8. 17 或 $\sqrt{161}$

9. $(-1, 1)$

10. $\frac{1}{2}$ 或 $-\frac{1}{2}$ 11. 45° 12. 3

三、

13. 解:(1) $-\frac{1}{6}, \sqrt{64}, 314159265, -\sqrt{25}$ |;

(2) $\sqrt[3]{16}, \frac{\pi}{3}, 1.103030030003 \dots$ (每两个 3 之间依次增加一个 0);

(3) $\sqrt[3]{16}, 1.103030030003 \dots$ (每两个 3 之间依次增加一个 0), $\frac{\pi}{3}, \sqrt{64}, 3.14159265$;

(4) $-\frac{1}{6}, -\sqrt{25}$ |.

14. 解:(1)原式 $= 6\sqrt{2} - 4\sqrt{2} + \frac{\sqrt{2}}{4} = \frac{9}{4}\sqrt{2}$.

(2)原式 $= 4\sqrt{3} \div \sqrt{3} - \sqrt{6} + 2\sqrt{6} = 4 + \sqrt{6}$.

15. 解:(1)在 $\text{Rt} \triangle ABD$ 中, $AD = \sqrt{AB^2 - BD^2} = 5$.

(2)在 $\text{Rt} \triangle ADC$ 中, $AC = \sqrt{AD^2 + CD^2} = 2\sqrt{7}$, 则 $\triangle ABC$ 的周长 $= AB + BC + AC = 13 + 12 + \sqrt{3} + 2\sqrt{7} = 25 + \sqrt{3} + 2\sqrt{7}$.

16. 解:因为 $x = 1 - \sqrt{2}$, $y = 1 + \sqrt{2}$, 所以 $x - y = (1 - \sqrt{2}) - (1 + \sqrt{2}) = -2\sqrt{2}$, $xy = (1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) = -1$. 所以 $x^2 + y^2 - xy - 2x + 2y = (x - y)^2 - 2(x - y) + xy = (-2\sqrt{2})^2 - 2(-2\sqrt{2}) + (-1) = 7 + 4\sqrt{2}$.

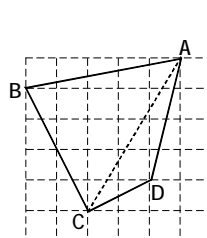
17. 解:(1)由勾股定理得, $AB = \sqrt{5^2 + 1^2} = \sqrt{26}$, $BC = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$, $CD = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5}$, $AD = \sqrt{4^2 + 1^2} = \sqrt{17}$.

则四边形 ABCD 的周长 $= \sqrt{26} + 3\sqrt{5} + \sqrt{17}$.

(2)设点 A 到 BC 的距离为 h , 连接 AC, 则 $\triangle ABC$ 的面积 $= \frac{1}{2} \times (2 + 5) \times 5 - \frac{1}{2} \times 1 \times 5 - \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 11$.

所以 $\frac{1}{2} \times 2 \times \sqrt{5} \cdot h = 11$.

解得 $h = \frac{11\sqrt{5}}{5}$, 即点 A 到 BC 的距离为 $\frac{11\sqrt{5}}{5}$.



(第 17 题图)

四、

18. 解:(1)设直线 l 的函数表达式为 $y = kx + b$.

因为点 $A(0, 2)$, $B(3, 0)$ 在直线 l 上,

所以 $\begin{cases} b = 2, \\ 3k + b = 0. \end{cases}$ ① ②

将①代入②中,得 $k = -\frac{2}{3}$.

所以直线 l 的函数表达式为 $y = -\frac{2}{3}x + 2$.

(2)从图象观察,得 $OA = 2$, $OB = 3$.

在 $\text{Rt} \triangle AOB$ 中,

由勾股定理,得 $AB = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}$.

所以 $\triangle AOB$ 的周长为: $OA + OB + AB = 5 + \sqrt{13}$, $\triangle AOB$ 的面积为: $S = \frac{1}{2} \cdot OA \cdot OB = \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3$.

19. 解:(1)根据题意,得 $m = (\sqrt{2} + 1) - 3 = \sqrt{2} - 2$.

(2)因为 $m = \sqrt{2} - 2$, 所以 $|m + 1| + (\sqrt{2} - m)^0 = |\sqrt{2} - 2 + 1| + 1 = \sqrt{2} - 1 + 1 = \sqrt{2}$.

20. 解:(1) $A'(-3, -4)$, $B'(0, -1)$, $C'(2, -3)$.

(2) $(m - 4, n - 4)$.

(3) $\triangle ABC$ 的面积为: $3 \times 5 - \frac{1}{2} \times 1 \times 5 - \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = \frac{11}{2}$.

21. (1) $\frac{\sqrt{3}}{3}$; $(3\sqrt{3}, 4)$

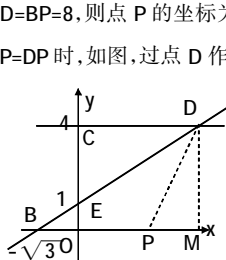
(2)因为点 B 的坐标为 $(-\sqrt{3}, 0)$, 点 D 的坐标为 $(3\sqrt{3}, 4)$,

所以 $BD = 8$.

若 $BD = DP$, 则点 P 的坐标为 $(7\sqrt{3}, 0)$.

若 $BD = BP = 8$, 则点 P 的坐标为 $(8 - \sqrt{3}, 0)$.

当 $BP = DP$ 时,如图,过点 D 作 $DM \perp BP$ 于点 M,



(第 21 题图)

因为 $DP^2 = PM^2 + DM^2$,

所以 $DP^2 = (4\sqrt{3} - DP)^2 + 16$.

所以 $DP = \frac{8\sqrt{3}}{3}$, 所以 $OP = \frac{5\sqrt{3}}{3}$.

所以点 P 的坐标为 $(\frac{5\sqrt{3}}{3}, 0)$.

22. 解:(1)因为 $a\sqrt{1 - b^2} + b\sqrt{1 - a^2} = 1$, 两边平方得: $a^2(1 - b^2) + b^2(1 - a^2) + 2ab\sqrt{1 - a^2 - b^2 + a^2b^2} = 1$.

整理得, $1 - a^2 - b^2 + a^2b^2 - 2ab\sqrt{1 - a^2 - b^2 + a^2b^2} + a^2b^2 = 0$.

所以 $(\sqrt{1 - a^2 - b^2 + a^2b^2} - ab)^2 = 0$.

$1 - a^2 - b^2 + a^2b^2 = a^2b^2$.

所以 $a^2 + b^2 = 1$.

(2)因为 $1^3 = 1$, $1^3 + 2^3 = (1 + 2)^2 = 9$, $1^3 + 2^3 + 3^3 = (1 + 2 + 3)^2 = 36$, $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 = (1 + 2 + 3 + 4)^2 = 100$, $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + 5^3 = (1 + 2 + 3 + 4 + 5)^2 = 225$, 所以 $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n)^2 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$.

六、

23. 解:(1)因为 $2400 \div 96 = 25$ (min), 所以点 E, F 的坐标分别为 $(0, 2400)$, $(25, 0)$.

设 s_2 与 t 之间的函数表达式为 $s_2 = kt + b$,

则有 $2400 = b$, $0 = 25k + b$.

解得 $\begin{cases} k = -96, \\ b = 2400. \end{cases}$

所以 s_2 与 t 之间的函数表达式为 $s_2 = -96t + 2400$ ($0 \leq t \leq 25$).

(2)由题意可知,小明的速度为 240m/min. 设小明从邮局出发 a min 后追上爸爸.

小明从邮局出发时爸爸离家的距离为 $2400 - 96 \times 12 = 1248$ (m).

所以 $240a - 96a = 2400 - 1248$.

所以 $a = 8.12 + 8 = 20$ (min).

2400 - 240 \times 8 = 480 (m).

所以小明从家出发,经过 20 分钟在返

回途中追上爸爸,这时他们距离家还有 480m.

期中检测卷(二)

一、选择题

1~6. CBDAAD

二、填空题

7. $\frac{1}{2}$ 8. $k < 2$ 9. 3

10. $y = -2x + 2$ 11. $\frac{10}{3}$

12. $13 - 2\sqrt{42} = (\sqrt{7} - \sqrt{6})^2$

三、

13. 解:(1)原式 $= 4\sqrt{6} - 3\sqrt{6} + \frac{\sqrt{6}}{6} = \frac{7\sqrt{6}}{6}$.

(2)原式 $= 4\sqrt{5} + 9\sqrt{5} - 5\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$.

14. 解:因为 $\frac{a}{a-b+c} = \frac{a+b+c}{2c}$,

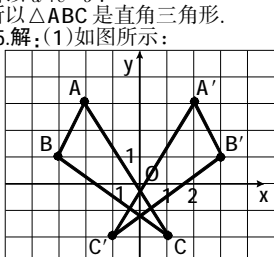
所以 $ac = \frac{1}{2}(a+b+c)(a-b+c) = \frac{1}{2}[(a^2 + 2ac + c^2) - b^2]$.

所以 $2ac = a^2 + 2ac + c^2 - b^2$.

所以 $a^2 + c^2 = b^2$.

所以 $\triangle ABC$ 是直角三角形.

15. 解:(1)如图所示:



(第 15 题图)

(2) $A'(2, 3)$, $B'(3, 1)$, $C'(-1, -2)$.

16. 解:公路 AB 需要暂时封锁.

理由如下:如图,过 C 作 $CD \perp AB$ 于 D.

因为 $BC = 400$ 米, $AC = 300$ 米, $\angle ACB = 90^\circ$,

所以根据勾股定理有 $AB = 500$