

又因为 $\angle 1+\angle 2=180^\circ$ ,  
所以 $\angle ADC=\angle 2$ .  
所以 $EF\parallel DC$ .  
所以 $\angle 3=\angle EDC$ .  
又因为 $\angle 3=\angle B$ ,  
所以 $\angle EDC=\angle B$ .  
所以 $AB\parallel DE$ .  
四、  
18.(1)40;  
(2) $\angle B=\angle E$ .  
理由:因为 $BA\parallel ED,BC\parallel EF$ ,  
所以 $\angle B=\angle EGC,\angle EGC=\angle E$ .  
所以 $\angle B=\angle E$ .  
(3) $\angle B+\angle E=180^\circ$ .  
理由:因为 $BA\parallel ED,BC\parallel EF$ ,  
所以 $\angle B=\angle DGC,\angle BGE+\angle E=180^\circ$ .  
因为 $\angle DGC=\angle BGE$ ,  
所以 $\angle B+\angle E=180^\circ$ .  
(4)通过上面(1)(2)(3),可得出的结论是:如果一个角的两边分别平行于另一个角的两边,则这两个角的关系是相等或互补.

#### 第 18 期 2 版 7.4 平行线的性质

1.A 2.105°,82°  
3.D 4.C 5.C 6.D 7.D 8.D  
9.解:因为 $AB\parallel CD$ ,所以 $\angle B=\angle C$ .  
因为 $\angle B=75^\circ$ ,所以 $\angle C=75^\circ$ .  
因为 $BC\parallel DG$ ,所以 $\angle C+\angle D=180^\circ$ .  
所以 $\angle D=105^\circ$ .  
10.解:因为 $\angle AEC=42^\circ$ ,  
所以 $\angle AED=180^\circ-\angle AEC=138^\circ$ .  
因为 $EF$ 平分 $\angle AED$ ,

所以 $\angle DEF=\frac{1}{2}\angle AED=69^\circ$ .  
又因为 $AB\parallel CD$ ,  
所以 $\angle AFE=\angle DEF=69^\circ$ .

#### 7.5 三角形内角和定理 第 1 课时

1.C 2.B 3.B 4.B  
5. $\angle A=85^\circ;\angle B=65^\circ;\angle C=30^\circ$

#### 第 2 课时

1.D 2.C 3.C 4.A 5.B 6.B 7.63°.  
3、4 版

#### 一、选择题

1.A 2.C 3.B 4.B 5.C 6.B

#### 二、填空题

7.有两个内角相等的三角形是等腰三角形  
8.80° 9.35°,75°  
10.24° 11.75° 12.42°

#### 三、

13.解:(1)假命题.

因为全等三角形的对应角相等,相似三角形的对应角相等,两直线平行同位角、内错角相等,还有度数相等的两个角相等,所以相等的角不一定是对顶角.

(2)假命题.

因为从 $a>b$ 到 $ac>bc$ ,在不等式两边同乘以 $c$ ,而不知道 $c>0$ 、 $c=0$ 还是 $c<0$ ,当 $c\leq 0$ 时得出的结论就不成立.

(3)假命题.

因为全等三角形的面积相等不能作为判定两个三角形全等的条件.所以等(同)底、等(同)高的三角形面积都相等,但不一定全等.

14.解:根据三角形三个内角的和等于 $180^\circ$ ,可知 $x+x+3x=180^\circ$ .

解得 $x=36^\circ$ .

所以 $\angle A=3\times 36^\circ=108^\circ$ ,  
 $\angle B=36^\circ,\angle C=36^\circ$ .

15.解: $PF$ 与 $GH$ 平行.

因为 $AB\parallel CD$ ,

所以 $\angle AEF+\angle EFC=180^\circ$ .

又因为 $EG,FP$ 分别是 $\angle AEF,\angle EFC$ 的角平分线,

所以 $\angle PEF=\frac{1}{2}\angle AEF,\angle PFE=\frac{1}{2}\angle EFC$ .

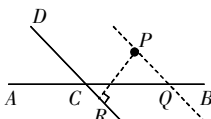
所以 $\angle PEF+\angle PFE=90^\circ$ .

所以 $PF\perp EG$ .

又因为 $GH\perp EG$ ,

所以 $PF\parallel GH$ .

16.解:(1)(2)如图所示.



(3) $\angle PQC=60^\circ$ .

理由:因为 $PQ\parallel CD$ ,

所以 $\angle DCB+\angle PQC=180^\circ$ .

因为 $\angle DCB=120^\circ$ ,

所以 $\angle PQC=180^\circ-120^\circ=60^\circ$ .

17.证明:因为 $EF\parallel AD,AD\parallel BC$ ,

所以 $EF\parallel BC,\angle ACB+\angle DAC=180^\circ$ .

因为 $\angle DAC=120^\circ$ ,

所以 $\angle ACB=60^\circ$ .

又因为 $\angle ACF=20^\circ$ ,

所以 $\angle FCB=\angle ACB-\angle ACF=40^\circ$ .

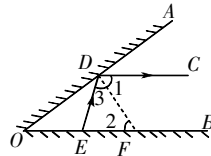
因为 $EF\parallel BC$ ,

所以 $\angle EFC+\angle FCB=180^\circ$ .

所以 $\angle EFC=180^\circ-40^\circ=140^\circ$ .

#### 四、

18.解:过点 $D$ 作 $DF\perp AO$ 交 $OB$ 于点 $F$ .



(第 18 题图)

由光线反射的原理可知, $\angle 1=\angle 3$ .

所以 $CD\parallel OB$ .

所以 $\angle 1=\angle 2$ .

所以 $\angle 2=\angle 3$ .

在 $\text{Rt}\triangle DOF$ 中, $\angle ODF=90^\circ,\angle AOB=37^\circ 45'$ ,

所以 $\angle 2=90^\circ-37^\circ 45'=52^\circ 15'$ .

所以在 $\triangle DEF$ 中, $\angle DEB=180^\circ-2\angle 2=75^\circ 30'$ .

19.解:(1)由 $\begin{cases} 3\angle\alpha+\angle\beta=260^\circ, \\ \angle\beta-\angle\alpha=100^\circ. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} \alpha=40^\circ, \\ \beta=140^\circ. \end{cases}$

所以 $\alpha+\beta=180^\circ$ .

所以 $AB\parallel EF$ .

(2)因为 $CD\parallel EF,EF\parallel AB$ ,

所以 $AB\parallel CD$ .

所以 $\angle BAC+\angle C=180^\circ$ .

因为 $AC\perp AE$ ,

所以 $\angle EAC=90^\circ$ .

因为 $\angle BAE=40^\circ$ ,

所以 $\angle BAC=130^\circ$ .

所以 $\angle C=50^\circ$ .

20.解:(1)证明:因为 $\angle 1=\angle 2$ ,

$\angle 2=\angle 3$ ,

所以 $\angle 1=\angle 3$ .

所以 $BD\parallel CE$ .

(2)解:由(1)可知 $BD\parallel CE$ ,

所以 $\angle C=\angle DBA$ .

又因为 $\angle C=\angle D$ ,

所以 $\angle D=\angle DBA$ .

所以 $DF\parallel AC$ .

所以 $\angle A=\angle F$ .

因为 $\angle A=35^\circ$ ,

所以 $\angle F=35^\circ$ .

五、21.解:因为 $\angle BAC=20^\circ,\angle ABC=120^\circ$ ,

所以 $\angle ACB=180^\circ-120^\circ-20^\circ=40^\circ$ .

因为 $CF$ 是 $\angle ACB$ 的平分线,

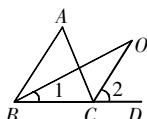
所以 $\angle ACF=\angle DCF=\frac{1}{2}\angle ACB=\frac{1}{2}\times 40^\circ=20^\circ$ .

因为 $\angle AFC$ 是 $\triangle FDC$ 的一个外角,

所以 $\angle AFC=\angle DCF+\angle D=20^\circ+90^\circ=110^\circ$ .

22.解:(1)探究 2 的结论: $\angle BOC=\frac{1}{2}\angle A$ .

理由如下:



如图,因为 $BO$ 和 $CO$ 分别是 $\angle ABC$ 和 $\angle ACD$ 的平分线,

所以 $\angle 1=\frac{1}{2}\angle ABC,\angle 2=\frac{1}{2}\angle ACD$ .

又因为 $\angle ACD$ 是 $\triangle ABC$ 的一个外角,

所以 $\angle ACD=\angle A+\angle ABC$ .

所以 $\angle 2=\frac{1}{2}(\angle A+\angle ABC)=\frac{1}{2}\angle A+\angle 1$ .

因为 $\angle 2$ 是 $\triangle BOC$ 的一个外角,

所以 $\angle BOC=\angle 2-\angle 1=\frac{1}{2}\angle A+\angle 1-\angle 1=\frac{1}{2}\angle A$ .

(2)探究 3 的结论: $\angle BOC=90^\circ-\frac{1}{2}\angle A$ .

理由如下:

因为 $\angle OBC=\frac{1}{2}(\angle A+\angle ACB)$ ,

$\angle OCB=\frac{1}{2}(\angle A+\angle ABC)$ ,

所以 $\angle BOC=180^\circ-\angle OBC-\angle OCB$

$=180^\circ-\frac{1}{2}(\angle A+\angle ACB)-\frac{1}{2}(\angle A+\angle ABC)$

$=180^\circ-\frac{1}{2}\angle A-\frac{1}{2}(\angle A+\angle ABC+\angle ACB)$

$=180^\circ-\frac{1}{2}\angle A-90^\circ$

$=90^\circ-\frac{1}{2}\angle A$ .

#### 六、

23.证明:因为 $EF\perp AD,\angle MDG=\angle BAD+\angle B$ ,

所以 $\angle M=90^\circ-\angle MDG=90^\circ-(\angle BAD+\angle B)$ .

又因为 $AD$ 平分 $\angle BAC$ ,

所以 $\angle BAD=\angle CAD$ .

所以 $\angle M=90^\circ-(\angle CAD+\angle B)=90^\circ-\angle CAD-\angle B=\angle AFG-\angle B$ ①

因为 $\angle CFM=\angle AFG$ ,

所以 $\angle ACB=\angle CFM+\angle M=\angle AFG+\angle M$ .

所以 $\angle AFG=\angle ACB-\angle M$ ②

把②代入①,得 $\angle M=\angle ACB-\angle M-\angle B$ .

所以 $2\angle M=\angle ACB-\angle B$ ,

即 $\angle M=\frac{1}{2}(\angle ACB-\angle B)$ .

2019-2020 学年

## 数学·北师大八年级答案页第 4 期

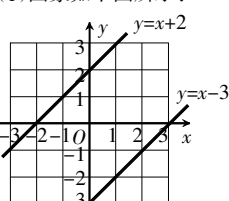
### 第 13 期 2 版

#### 5.6 二元一次方程与一次函数

1.B 2.B

3.图略.其解为 $\begin{cases} x=1, \\ y=3. \end{cases}$

4.解:(1)图象如下图所示:



(第 4 题图)

(2)平行.

(3)不能.方程组 $\begin{cases} x-y=-2, \\ x-y=3 \end{cases}$ 无解.

#### 5.7 用二元一次方程组确定一次函数表达式

1.C

2.解:设 $y_1=k_1x+b_1$ ,

将点 $(0,0),(10,600)$ 代入,得

$\begin{cases} b_1=0, \\ 600=10k_1+b_1. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} b_1=0, \\ k_1=60. \end{cases}$

所以 $y_1=60x$ .

设 $y_2=k_2x+b_2$ ,

将点 $(0,600),(45,2400)$ 代入,得

解得 $\begin{cases} b_2=600, \\ k_2=40. \end{cases}$

所以 $y_2=40x+600$ .

当 $y_1=y_2$ 时,

$60x=40x+600$ .

解得 $x=30$ .

所以当人数为 30 时,两家旅行社收费相同.

#### ※ 5.8 三元一次方程组

1.C 2.D 3.B 4.C

5.B

6.(1) $\begin{cases} x=2, \\ y=1, \end{cases}$ (2) $\begin{cases} x=3, \\ y=0, \\ z=4; \end{cases}$  $\begin{cases} x=3, \\ y=0, \\ z=-1. \end{cases}$

7. $m,n,q$ 的值分别是 3,-2,-5.

#### 3 版

#### 一、选择题

1.C 2.C 3.B 4.D 5.C 6.B

#### 二、填空题

7.(-2,0)

8. $\begin{cases} 2y-z=6, \\ 2y-3z=12 \end{cases}$

9. $\begin{cases} x=-2, \\ y=3 \end{cases}$

10. $\begin{cases} x=1, \\ y=1 \end{cases}$

11.85

12. $\begin{cases} x=1, \\ y=-1 \end{cases}$

#### 三、

$\begin{cases} x=2, \\ y=-3, \\ z=\frac{1}{2}. \end{cases}$

$\begin{cases} x=2, \\ y=3, \\ z=1. \end{cases}$

13. $\begin{cases} x=2, \\ y=-3, \\ z=\frac{1}{2}. \end{cases}$

14. $\begin{cases} x=2, \\ y=3, \\ z=1. \end{cases}$

15.解:(1)将 $P$ 的坐标 $(-1,m)$ 代入 $y=2x+6$ ,

得 $m=-2+6$ .

解得 $m=4$ .

(2) $\begin{cases} x=-1, \\ y=4. \end{cases}$

(3)将 $(0,0),(-1,4)$ 代入 $y=kx+b$ ,

得 $\begin{cases} b=0, \\ 4=-k+b. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} k=-4, \\ b=0. \end{cases}$

所以 $y=-4x$ .

所以 $y=-bx-k=4$ .

因为点 $P$ 的坐标为 $(-1,4)$ ,

所以点 $P$ 在 $y=-bx-k$ 上.

16.解:画图略.

原方程组的解为 $\begin{cases} x=3, \\ y=0. \end{cases}$

17.解:(1)当 $y=2$ 时, $-x+4=2$ ,解得 $x=2$ .即点 $C$ 的坐标为 $(2,2)$ .

由 $y=kx+b$ 与直线 $y=-x+4$ 交于点 $C(2,2)$ ,

直线 $l_1$ 经过点 $(4,6)$ ,得

$\begin{cases} 2k+b=2, \\ 4k+b=6. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} k=2, \\ b=-2. \end{cases}$

所以直线 $l_1$ 的函数表达式为 $y=2x-2$ .

(2)由图象的交点坐标得

方程组 $\begin{cases} y=kx+b, \\ y=-x+4 \end{cases}$ 的解是 $\begin{cases} x=2, \\ y=2. \end{cases}$

(3)由点 $P(3,n)$ 在直线 $l_1$ 的下方,直线 $l_2$

的上方,得

$y_2<n<y_1$ .

当 $x=3$ 时, $y_1=2\times 3-2=4,y_2=-3+4=1$ .

所以 $n$ 的取值范围是 $1<n<4$ .

#### 四、

18.解:(1)按方案一购 120 张票时,应付票款为:8 000+50×120=14 000(元);按方案二购

120 张票时,由图知应付票款 13 200 元.

(2)当 $0<x\leq 100$ 时,设 $y=mx$ .

根据题意,得

$12 000=100m$ .

解得 $m=120$ .

所以 $y=120x$ .

当 $x>100$ 时,

设 $y=kx+b$ .根据题意,得

$\begin{cases} 12 000=100k+b, \\ 13 200=120k+b. \end{cases}$

解得 $\begin{cases} k=60, \\ b=6 000. \end{cases}$ 所以 $y=60x+6 000$ .

综合可得 $y=\begin{cases} 120x(0<x\leq 100), \\ 60x+6 000(x>100). \end{cases}$

#### 第 14 期

#### 3~4 版

#### 一、选择题

1.B 2.A 3.D 4.D 5.C 6.C

#### 二、填空题

7. $\begin{cases} x=1, \\ y=-3 \end{cases}$  8.3 9.20

10.(-4,1) 11.35 12.4

#### 三、

13.(1) $\begin{cases} x=2, \\ y=-2. \end{cases}$ (2) $\begin{cases} x=12.5, \\ y=-0.5, \\ z=-2. \end{cases}$

14.解:把 $x=-3,b=-1$ 代入 $2x-by=-1$ ,

得 $2\times(-3)+b=-1$ .解得 $b=5$ .

把 $x=5,y=4$ 代入 $ax+5y=15$ ,

得 $5a+5\times 4=15$ .解得 $a=-1$ .

④ 所以轿车从乙地返回甲地的速度为  $80 \times 1.5 = 120$  (km/h).  
故轿车从乙地返回甲地所用时间为  $240 \div 120 = 2$  (h).  
所以  $t = 3 + 2 = 5$ .  
(2) 因为  $t = 5$ , 所以此点坐标为  $(5, 0)$ .  
设轿车从乙地返回甲地时  $y$  与  $x$  之间的函数表达式为  $y = kx + b$ .  
所以  $\begin{cases} 5k + b = 0, \\ 3k + b = 240. \end{cases}$  解得  $\begin{cases} k = -120, \\ b = 600. \end{cases}$   
所以轿车从乙地返回甲地时  $y$  与  $x$  之间的函数表达式为  $y = -120x + 600$ .  
(3) 设货车行驶图象表达式为  $y = ax$ , 则  $240 = 4a$ , 解得  $a = 60$ .  
所以货车行驶图象表达式为  $y = 60x$ .  
所以当两图象相交时,  $60x = -120x + 600$ . 解得  $x = \frac{10}{3}$ .  
因为  $\frac{10}{3} - 3 = \frac{1}{3}$  (小时),  
所以轿车从乙地返回甲地时与货车相遇所用的时间为  $\frac{1}{3}$  小时.

22. 解: 根据规定, 得  $\begin{vmatrix} 3 & y \\ 2 & x \end{vmatrix} = 3x - 2y = 1$ ,  
 $\begin{vmatrix} x & z \\ -3 & 5 \end{vmatrix} = 5x + 3z = 8$ ,  $\begin{vmatrix} 3 & z \\ 6 & y \end{vmatrix} = 3y - 6z = -3$ .

所以  $\begin{cases} 3x - 2y = 1, & \text{①} \\ 5x + 3z = 8, & \text{②} \\ 3y - 6z = -3. & \text{③} \end{cases}$   
② $\times 2 + \text{③}$ , 得  $10x + 3y = 13$ . ④  
①与④组成二元一次方程组, 得  $\begin{cases} 3x - 2y = 1, \\ 10x + 3y = 13. \end{cases}$   
解这个方程组, 得  $\begin{cases} x = 1, \\ y = 1. \end{cases}$   
把  $y = 1$  代入③, 得  $z = 1$ .  
所以原方程组的解为  $\begin{cases} x = 1, \\ y = 1, \\ z = 1. \end{cases}$

六、  
23. 解: (1) 440.  
(2) 由图可知货车的速度为  $80 \div 2 = 40$  (千米/小时),  
货车到达 A 地一共需要  $2 + 360 \div 40 = 11$  (小时).  
设  $y_2 = kx + b$ , 代入点  $(2, 0)$ 、 $(11, 360)$ , 得  $\begin{cases} 2k + b = 0, \\ 11k + b = 360. \end{cases}$   
解得  $\begin{cases} k = 40, \\ b = -80. \end{cases}$  所以  $y_2 = 40x - 80$ .  
(3) 设  $y_1 = mx + n$ , 代入点  $(6, 0)$ 、 $(0, 360)$ , 得  $\begin{cases} 6m + n = 0, \\ n = 360. \end{cases}$   
解得  $\begin{cases} m = -60, \\ n = 360. \end{cases}$   
所以  $y_1 = -60x + 360$ .  
由  $y_1 = y_2$  得,  $40x - 80 = -60x + 360$ .  
解得  $x = 4.4$ .  
答: 客、货两车经过 4.4 小时相遇.

### 第 15 期

### 6.2 中位数与众数

1.C  
2.(1) 中位数是 9 分.  
(2) 8.75 分.  
3.C  
6.3 从统计图分析数据的集中趋势  
1.1.15 2.58.58 3.C  
6.4 数据的离散程度  
第 1 课时  
1.B 2.A 3.甲 4.B  
第 2 课时  
1.丁  
2.解: (1) 乙进球的平均数为:  $(7+9+7+8+9) \div 5 = 8$ , 乙进球的方差为:  $\frac{1}{5} [(7-8)^2 + (9-8)^2 + (7-7)^2 + (8-8)^2 + (9-8)^2] = 0.8$ .  
(2) 因为二人的平均数相同, 而  $s_{\text{甲}}^2 = 3.2$ ,  $s_{\text{乙}}^2 = 0.8$ ,  
所以  $s_{\text{甲}}^2 > s_{\text{乙}}^2$ .  
所以乙的波动较小, 成绩更稳定.  
所以应选乙去参加定点投篮比赛.

#### 3 版

一、选择题  
1.C 2.B 3.A 4.A 5.B 6.C  
二、填空题  
7. 中位数 8.B 9. 14  
10. 9 11. 9 12. 10, 7,  $\frac{17}{3}$   
三、  
13. 解: (1) 把这 10 人从数据小到大排列, 处于中间位置的是 65, 所以中位数是 65; 70 出现的次数最多, 所以众数是 70;  
(2) 这个“定额”确定为 65 比较合理. 因为 65 既是中位数, 又是平均数, 是大多数人能达到的定额, 故定额为 65 较为合理.  
14. 解: (1) 众数是 113 度, 平均数是 108 度.  
(2) 由(1)可估计该校平均每天的耗电量为 108 度, 所以估计该校某月的耗电量为:  $108 \times 30 = 3240$  (度).  
(3)  $y = 108x \times 0.5 = 54x$  ( $x$  取正整数).  
15. 解: (1) 捐款总数为:  $5 \times 6 + 10 \times 7 + 15 \times 9 + 20 \times 11 + 25 \times 8 + 30 \times 5 + 50 \times 3 + 100 = 1055$  (元).  
(2) 50 名同学捐款的平均数为:  $1055 \div 50 = 21.1$  (元).  
共 50 人, 其中小于 20 元的有 22 人, 而 20 元的有 11 人, 故中位数为 20 元; 捐款 20 元的最多, 有 11 人, 所以众数是 20 元.

16. 解: (1) B, C;  
(2) 达国家规定体育活动时间的人数约  $18000 \times \frac{100+60}{300} = 9600$  (人).  
17. 解: (1) 甲的平均成绩为  $\frac{1}{3} \times (81 + 85 + 86) = 84$  (分);  
乙的平均成绩为  $\frac{1}{3} \times (92 + 80 + 77) = 83$  (分).  
因为甲的平均成绩高于乙的平均成绩, 所以甲被录用.  
(2) 根据题意, 甲的平均成绩为  $\frac{81 \times 4 + 85 \times 3 + 86 \times 3}{4+3+3} = 83.7$  (分),  
乙的平均成绩为  $\frac{92 \times 4 + 80 \times 3 + 77 \times 3}{4+3+3} = 83.9$  (分).

因为甲的平均成绩低于乙的平均成绩, 所以乙被录用.

四、  
18. 解: (1) 甲第 8 次的射击成绩为 9 环, 补全折线图.  
补全统计表如下:

	平均数	中位数	方差	命中 10 环的次数
甲	7	7	4	0
乙	7	7.5	5.4	1

(2) 甲胜出.  
甲的方差较小.  
(3) 如果希望乙胜出, 应该制定的评判规则为: 平均成绩高的胜出; 如果平均成绩相同, 则随着比赛的进行, 发挥越来越好者或命中满环 (10 环) 次数多者胜出.

### 第 16 期 3~4 版

一、选择题  
1.D 2.A 3.D 4.C 5.A 6.B  
二、填空题  
7. 4 8. 乙 9. 乙 10. 1.6 11. <  
12. 变小  
三、  
13. 解: (1) 7 环, 7 环.  
(2)  $\frac{1}{10} - (6+7 \times 5 + 8 \times 2 + 9 \times 2) = 7.5$  (环).  
答: 这 10 名学生的平均成绩为 7.5 环.  
(3)  $500 \times \frac{2}{10} = 100$  (人).  
答: 全年级 500 名学生中有 100 名是优秀射手.

14. 解: (1)  $(2+3 \times 3 + 4 \times 5 + 5 \times 9 + 6 \times 10 + 7 \times 2) \div 30 = 5$  (首),  
答: 这 30 人平均每人一周诵背诗词 5 首.  
(2)  $600 \times \frac{12}{30} = 240$  (人).  
答: 八年级 600 名学生中一周诵背诗词 6 首以上 (含 6 首) 的学生有 240 人.  
15. 解: (1) 9.5, 10.  
(2)  $\bar{x}_Z = \frac{10+8+7+9+8+10+10+9+10+9}{10} = 9$ , 乙的

方差为  $\frac{1}{10} [(10-9)^2 + (8-9)^2 + \cdots + (10-9)^2 + (9-9)^2] = 1$ .  
(3) 乙.  
16. 解: (1) 观察条形图, 可知这组样本数据的平均数是  $\frac{6 \times 2 + 6.5 \times 4 + 7 \times 1 + 7.5 \times 2 + 8 \times 1}{10} = 6.8$ .

所以这组样本数据的平均数为 6.8.  
因为在这组样本数据中, 6.5 出现了 4 次, 出现的次数最多, 所以这组数据的众数是 6.5.  
因为将这组样本数据按从小到大的顺序排列, 其中处于中间的两个数都是 6.5, 有  $\frac{6.5+6.5}{2} = 6.5$ ,  
所以这组数据的中位数是 6.5.  
(2) 因为 10 户中月均用水量不超过 7t 的有 7 户, 有  $50 \times \frac{7}{10} = 35$ .

所以根据样本数据, 可以估计出小刚所在班 50 名同学家庭中月均用水量不超过 7t 的约有 35 户.  
17. 解: (1) 88 出现的次数最多, 所以众数是 88;  
(2) 排序后第 25, 26 个数据的平均数是 86, 所以中位数是 86;  
(3) 用样本来估计总体不能说张华的成

## 数学·北师大八年级答案页第 4 期

绩处于中游偏上的水平. 因为全班成绩的中位数是 86.83 分, 低于全班成绩的中位数, 张华同学的成绩处于全班中游偏下水平.  
四、18. 解: (1) 根据统计图可知众数为 3 本. 补全统计图略, 4 本的学生为 12 人, 3 本的百分比为 35%.

(2) 平均数 =  $\frac{3 \times 1 + 18 \times 2 + 21 \times 3 + 12 \times 4 + 5 \times 6}{3+18+21+12+6} = 3$  (本).  
(3) 四月份“读书量”为 5 本的学生人数 =  $1200 \times 10\% = 120$  (人).

19. 解: (1) 八年级(1)班的优秀率是  $\frac{2}{5} \times 100\% = 40\%$ .

八年级(2)班的优秀率是  $\frac{4}{5} \times 100\% = 80\%$ .

(2) 八年级(1)班的平均成绩是  $\frac{1}{5} \times (100 + 100 + 90 + 90 + 90) = 94$ , 方差是  $\frac{1}{5} [2 \times (100 - 94)^2 + 3 \times (90 - 94)^2] = 24$ .

八年级(2)班的平均成绩是  $\frac{1}{5} \times (95 + 95 + 95 + 95 + 90) = 94$ , 方差是  $\frac{1}{5} \times [4 \times (95 - 94)^2 + (90 - 94)^2] = 4$ .  
因为  $4 < 24$ , 即八年级(2)班的方差 < 八年级(1)班的方差,  
所以八(2)班的成绩相对整齐.

(3)  $1000 \times \frac{6}{10} = 600$  (人).  
答: 该校大约有 600 名学生达到优秀.  
20. 解: (1) 由题意可得, 数据为: 8, 9, 12, 13, 13, 13, 15, 16, 17, 19, 21, 21, 最中间的是: 13, 15, 故该市 2018 年每月空气质量达到良好以上天数的中位数是 14 天, 众数是 13 天.

(2)  $360^\circ \times \frac{2}{12} = 60^\circ$ .  
答: 扇形 A 的圆心角的度数是  $60^\circ$ .  
(3) 答案不唯一, 合理即可. 如, 每个月 10~20 天空气质量良好的占了多数; 或该市空气质量为优的月份太少, 应对该市环境进一步治理等等.

五、21. 解: (1) 因为数据  $x_1, x_2, \cdots, x_6$  的平均数为 1, 所以  $x_1 + x_2 + \cdots + x_6 = 1 \times 6 = 6$ .

又因为方差为  $\frac{5}{3}$ ,  
所以方差为  $\frac{1}{6} [(x_1 - 1)^2 + (x_2 - 1)^2 + \cdots + (x_6 - 1)^2]$   
 $= \frac{1}{6} [x_1^2 + x_2^2 + \cdots + x_6^2 - 2(x_1 + x_2 + \cdots + x_6) + 6]$   
 $= \frac{1}{6} (x_1^2 + x_2^2 + \cdots + x_6^2 - 2 \times 6 + 6)$   
 $= \frac{1}{6} (x_1^2 + x_2^2 + \cdots + x_6^2) - 1 = \frac{5}{3}$ .  
所以  $x_1^2 + x_2^2 + \cdots + x_6^2 = 16$ .

(2) 因为数据  $x_1, x_2, \cdots, x_7$  的平均数为 1, 所以  $x_1 + x_2 + \cdots + x_7 = 1 \times 7 = 7$ .  
因为  $x_1 + x_2 + \cdots + x_6 = 6$ ,  
所以  $x_7 = 1$ .  
因为  $\frac{1}{6} [(x_1 - 1)^2 + (x_2 - 1)^2 + \cdots + (x_6 - 1)^2] = \frac{5}{3}$ ,

所以  $(x_1 - 1)^2 + (x_2 - 1)^2 + \cdots + (x_6 - 1)^2 = 10$ .  
所以方差为  $\frac{1}{7} [(x_1 - 1)^2 + (x_2 - 1)^2 + \cdots + (x_7 - 1)^2] = \frac{1}{7} [10 + (1 - 1)^2] = \frac{10}{7}$ .

22. 解: (1) 依题意, 得  $\begin{cases} 3 \times 1 + 6a + 7 \times 1 + 8 \times 1 + 9 \times 1 + 10b = 6.7 \times 10, \\ 1 + a + 1 + 1 + b = 10. \end{cases}$   
解得  $\begin{cases} a = 5, \\ b = 1. \end{cases}$   
(2)  $m = 6, n = 20\%$ .

(3) ① 八年级代表队平均分高于七年级代表队; ② 八年级代表队的成绩比七年级代表队稳定; ③ 八年级代表队的成绩集中在中上游, 所以支持八年级代表队成绩好. (注: 任说两条即可)

六、23. 解: (1) 可从不同角度分析. 例如:  
① 甲小组学生人数是 10 人, 乙小组学生人数也是 10 人;  
② 甲小组学生身高的最大值与最小值的差是 3, 乙小组学生身高的最大值与最小值的差也是 3;  
③ 甲小组学生身高的最小值是 163cm, 乙小组学生身高的最小值也是 163cm;  
④ 甲、乙两组学生身高的最大值都是 166cm;  
⑤ 甲小组学生身高众数为 164cm, 乙小组学生身高众数为 164cm 与 165cm;  
⑥ 甲小组学生身高中位数为 164cm, 乙小组学生身高中位数为 164.5cm.

(2) 因为  $\bar{x}_{\text{甲}} = \frac{1 \times 163 + 5 \times 164 + 2 \times 165 + 2 \times 166}{10} = 164.5$ cm,  $d_{\text{甲}} = 166 - 163 = 3$ cm, 所以  $p_{\text{甲}} = \frac{|163 - 164.5| + 5 \times |164 - 164.5| + 2 \times |165 - 164.5| + 2 \times |166 - 164.5|}{10 \times 3} = \frac{4}{15}$ ; 又因为  $\bar{x}_{\text{乙}} = \frac{2 \times 163 + 3 \times 164 + 3 \times 165 + 2 \times 166}{10} = 164.5$ cm,  $d_{\text{乙}} = 166 - 163 = 3$ cm, 所以  $p_{\text{乙}} = \frac{2 \times |163 - 164.5| + 3 \times |164 - 164.5| + 3 \times |165 - 164.5| + 2 \times |166 - 164.5|}{10 \times 3} = \frac{3}{10}$ .

(3) 因为  $\frac{3}{10} = \frac{9}{30} > \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$ ,  
所以  $p_{\text{乙}} > p_{\text{甲}}$ .  
据“平均相对偏差”的意义, 可知从学生身高角度来看, 甲小组更适合做学校升旗队.

### 第 17 期

#### 2 版

#### 7.1 为什么要证明

1.C 2.B 3.798  
4.  $2^n + 2^n$  一定是 30 的倍数. 理由略.  
5. 不正确. 理由略.

#### 7.2 定义与命题

#### 第 1 课时

1.C 2.③④ 3.D 4.③ 5.A

#### 第 2 课时

解: (1) 三角形全等的判定方法中的推论 AAS 指的是: 两角及其中一角的对边对应相等的两个三角形全等.

## 学习周报®

(2) 已知: 在  $\triangle ABC$  与  $\triangle DEF$  中,  $\angle A = \angle D$ ,  $\angle C = \angle F$ ,  $BC = EF$ .  
求证:  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ .  
证明: 如图, 在  $\triangle ABC$  与  $\triangle DEF$  中,  $\angle A = \angle D$ ,  $\angle C = \angle F$  (已知),  
所以  $\angle A + \angle C = \angle D + \angle F$  (等式的性质).  
又因为  $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$ ,  $\angle D + \angle E + \angle F = 180^\circ$  (三角形内角和定理),  
所以  $\angle B = \angle E$ .  
在  $\triangle ABC$  与  $\triangle DEF$  中,  
因为  $\angle C = \angle F$ ,  $BC = EF$ ,  $\angle B = \angle E$ ,  
所以  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  (ASA).

#### 7.3 平行线的判定

1.B 2.C  
3.  $90^\circ$ ;  $130^\circ$ ;  $\angle BAF$ ;  $50^\circ$ ;  $\angle CAB$ ;  $DC$ ;  $AB$ ;  
内错角相等, 两直线平行.  
4.  $DF \parallel AE$ . 理由略.

#### 3 版

一、选择题  
1.B 2.C 3.C 4.D 5.B 6.B  
二、填空题  
7. 真  
8.  $AB \perp CD$ , 垂足是  $O$ ;  $\angle AOC = 90^\circ$   
9. 如 1 10. ②③  
11. 答案不唯一, 如 1, 2, -1.  
12.  $145^\circ$   
三、  
13. (1) 条件: 两条直线被第三条直线所截, 同旁内角互补, 结论: 这两条直线平行.  
(2) 条件:  $\angle 1 = \angle 2$ ,  $\angle 2 = \angle 3$ , 结论:  $\angle 1 = \angle 3$ .  
(3) 条件: 一个角是锐角, 结论: 这个角小于它的余角.  
(4) 条件: 两个三角形的三条边分别相等, 结论: 这两个三角形全等.

14. 解: 如果①③成立, 那么②成立.  
证明: 因为  $AB = AC$ ,  $AF = AF$ ,  $\angle AFB = \angle AFC = 90^\circ$ ,  
所以  $\text{Rt} \triangle ABF \cong \text{Rt} \triangle ACF$  (HL).  
所以  $\angle B = \angle C$ .  
在  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACE$  中,  
因为  $AB = AC$ ,  $\angle B = \angle C$ ,  $BD = CE$ ,  
所以  $\triangle ABD \cong \triangle ACE$  (SAS).  
所以  $AD = AE$ .  
15. 解: 因为  $EF \parallel GH$ ,  
所以  $\angle ABD + \angle FAC = 180^\circ$ .  
所以  $\angle ABD = 180^\circ - 72^\circ = 108^\circ$ .  
因为  $\angle ABD = \angle ACD + \angle BDC$ ,  
所以  $\angle BDC = \angle ABD - \angle ACD = 108^\circ - 58^\circ = 50^\circ$ .  
16. 证明: 因为  $BE$  平分  $\angle ABC$ ,  $CE$  平分  $\angle BCD$  (已知),

所以  $\angle 1 = \frac{1}{2} \angle ABC$ ,  $\angle 2 = \frac{1}{2} \angle BCD$  (角平分线的定义).  
又因为  $\angle 1 + \angle 2 = 90^\circ$  (已知),  
所以  $\frac{1}{2} \angle ABC + \frac{1}{2} \angle BCD = 90^\circ$  (等量代换).  
所以  $\angle ABC + \angle BCD = 180^\circ$ ,  
即  $\angle ABC$  与  $\angle BCD$  互补.  
所以  $AB \parallel CD$  (同旁内角互补, 两直线平行).

17. 解: 结论:  $AB \parallel DE$ .  
理由: 因为  $\angle 1 + \angle ADC = 180^\circ$ ,