

数学·人教 A(必修 5)

第 2 期

第 3 版同步周测题参考答案

一、选择题

1.B 2.C 3.A 4.B 5.B 6.C
7.C 8.C 9.A 10.A 11.B 12.B

二、填空题

13. $\sqrt{3}:1;60^\circ$

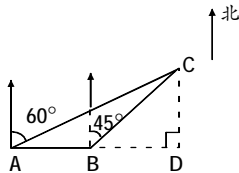
14. 7

15. $50\sqrt{7}$ m

提示:连接 OC.在 $\triangle COD$ 中, $OD=50 \times 2=100$, $CD=50 \times 3=150$, $\angle ODC=180^\circ-120^\circ=60^\circ$,由余弦定理,可得 $OC=50\sqrt{7}$.故该扇形的半径为 $50\sqrt{7}$ m.

16. 无

提示:如图所示,在 $\triangle ABC$ 中, $AB=30$, $\angle BAC=30^\circ$, $\angle ABC=135^\circ$, 所以 $\angle ACB=15^\circ$,



(第 16 题图)

由正弦定理,得 $BC = \frac{AB \sin \angle BAC}{\sin \angle ACB} = \frac{30 \sin 30^\circ}{\sin 15^\circ} = \frac{15}{\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}} = 15(\sqrt{6}+\sqrt{2})$.

在 $\text{Rt} \triangle BDC$ 中, $CD = \frac{\sqrt{2}}{2} BC = 15(\sqrt{3}+1) > 38$.所以此船无触礁的危险.

三、解答题

17. 解:设三角形外接圆的半径为 R ,由 $S=3\sqrt{3} = \frac{1}{2} ab \sin C = 6 \sin C$,得 $\sin C =$

$$\frac{\sqrt{3}}{2}.$$

所以 $C=60^\circ$,或 $C=120^\circ$.

当 $C=60^\circ$ 时,由余弦定理,得 $c^2=a^2+b^2-2ab \cos 60^\circ$,解得 $c=\sqrt{13}$,

$$\text{此时 } 2R = \frac{c}{\sin C} = \frac{\sqrt{13}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{2\sqrt{39}}{3},$$

$$\text{即 } R = \frac{\sqrt{39}}{3};$$

当 $C=120^\circ$ 时,由余弦定理,得 $c^2=a^2+b^2-2ab \cos 120^\circ$,解得 $c=\sqrt{37}$,

$$\text{此时 } 2R = \frac{c}{\sin C} = \frac{\sqrt{37}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{2\sqrt{111}}{3},$$

$$\text{即 } R = \frac{\sqrt{111}}{3}.$$

故 $\triangle ABC$ 外接圆的半径为 $\frac{\sqrt{39}}{3}$

$$\text{或 } \frac{\sqrt{111}}{3}.$$

18. 解:设塔高 AB 为 h ,则 $BM=\sqrt{3}h$, $BN=\sqrt{3}h$, $PB=\frac{\sqrt{3}}{3}h$ 由 $\cos \angle MPB = \cos \angle NPB$,即 $\frac{PM^2+PB^2-BM^2}{2PM \cdot PB} = \frac{PN^2+PB^2-BN^2}{2PN \cdot PB}$,解得 $h=75\sqrt{6}$ (m).

答:塔高 AB 为 $75\sqrt{6}$ m.

19. 解:在 $\triangle ADC$ 中, $\angle DAC=30^\circ$, $\angle ADC=60^\circ-\angle DAC=30^\circ$,所以 $CD=AC=0.1$.

又 $\angle BCD=180^\circ-60^\circ-60^\circ=60^\circ$,

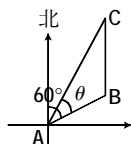
故 CB 是 $\triangle CAD$ 底边 AD 的中垂线,所以 $BD=BA$.

$$\text{在 } \triangle ABC \text{ 中, } \frac{AB}{\sin \angle BCA} = \frac{AC}{\sin \angle ABC}, \text{ 即 } AB = \frac{AC \sin 60^\circ}{\sin 15^\circ} = \frac{3\sqrt{2}+\sqrt{6}}{20},$$

$$\text{因此, } BD = \frac{3\sqrt{2}+\sqrt{6}}{20} \approx 0.33.$$

故 B, D 间的距离约为 0.33 km.

20. 解:如图, $AB=10$ 海里,设两船在 C 处相遇, $\angle CAB=\theta$,此时乙船行驶了 x 海里,



(第 20 题图)

$$\text{则 } |\overrightarrow{AC}| = \sqrt{3}x \text{ (海里)}.$$

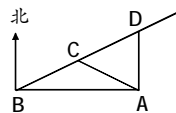
由题意,知 $\angle ABC=120^\circ$,

在 $\triangle ABC$ 中,由正弦定理,得 $\frac{BC}{\sin \theta} = \frac{AC}{\sin 120^\circ}$,得 $\sin \theta = \frac{1}{2}$,所以 $\theta=30^\circ$,所以 $\angle ACB=30^\circ$,

$$\text{所以 } |\overrightarrow{BC}| = |\overrightarrow{AB}| = 10 \text{ (海里)}, 60^\circ - \theta = 60^\circ - 30^\circ = 30^\circ.$$

所以甲船应取北偏东 30° 的方向行驶才能追上乙船,此时,乙船行驶了 10 海里.

21. 解:如图所示,考点为 A ,检查开始处为 B ,设公路上 C, D 两点到考点的距离为 1 千米.



(第 21 题图)

在 $\triangle ABC$ 中, $AB=\sqrt{3}$ (千米), $AC=1$ (千米), $\angle ABC=30^\circ$,

由正弦定理,得 $\sin \angle ACB = \frac{\sin 30^\circ}{AC}$.

$$AB = \frac{\sqrt{3}}{2},$$

所以 $\angle ACB=120^\circ$ ($\angle ACB=60^\circ$ 不合题意),

所以 $\angle BAC=30^\circ$, 所以 $BC=AC=1$ (千米),

在 $\triangle ACD$ 中, $AC=AD$, $\angle ACD=60^\circ$,

所以 $\triangle ACD$ 为等边三角形, 所以 $CD=1$ (千米).

因为 $\frac{BC}{12} \times 60 = 5$, 所以在 BC 上需 5

分钟, CD 上需 5 分钟.

所以最长需要 5 分钟检查员开始收不到信号,并持续至少 5 分钟才算合格.

22. 解:(1)经过 1 h 后,甲船到达 M 点,乙船到达 N 点,

$$AM=10-2=8, AN=2, \angle MAN=60^\circ,$$

$$\text{所以 } MN^2 = AM^2 + AN^2 - 2AM \cdot$$

$$AN \cos 60^\circ = 64 + 4 - 2 \times 8 \times 2 \times \frac{1}{2} = 52.$$

$$\text{所以 } MN = 2\sqrt{13}.$$

所以经过 1 h 后,甲、乙两小船相距 $2\sqrt{13}$ n mile.

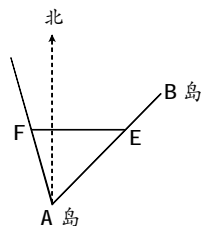
(2)设经过 t ($0 < t < 5$) 小时小船甲处于小船乙的正东方向,则甲船与 A 距离为 $AE=(10-2t)$ n mile,乙船与 A 距离为 $AF=2t$ n mile, $\angle FEA=45^\circ$, $\angle EFA=75^\circ$,

$$\text{则由正弦定理,得 } \frac{AF}{\sin 45^\circ} = \frac{AE}{\sin 75^\circ},$$

$$\text{即 } \frac{2t}{\sin 45^\circ} = \frac{10-2t}{\sin 75^\circ}, \text{ 则 } t =$$

$$\frac{10 \sin 45^\circ}{2 \sin 75^\circ + \sin 45^\circ} = \frac{10}{3 + \sqrt{3}} = \frac{5(3 - \sqrt{3})}{3} < 5.$$

答:经过 $\frac{5(3 - \sqrt{3})}{3}$ 小时小船甲处于小船乙的正东方向.



(第 22 题图)